

रेलगाड़ी संबंधी प्रश्न

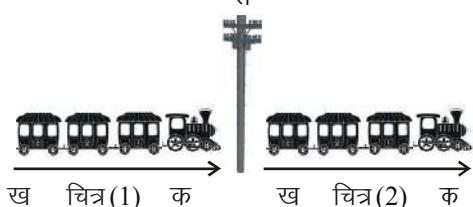
Train Related Question

□ प्रतियोगी परीक्षाओं में रेलगाड़ी से संबंधित अनेक प्रकार के प्रश्न पूछे जाते हैं। इनमें रेलगाड़ी द्वारा खंभे या पुल को पार करने में तथा समय अथवा उसकी गति या लंबाई शामिल है। रेलगाड़ी से संबंधित प्रश्नों को निम्नलिखित भागों में विभाजित करके समझा जा सकता है।

रेलगाड़ी द्वारा लंबाई रहित स्थिर लक्ष्य को पार करना-

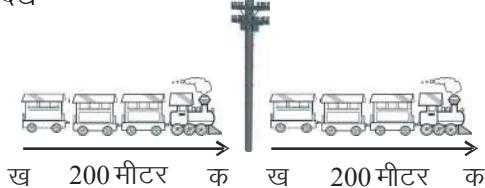
ऐसी स्थिर वस्तुएं जिनमें अपनी लंबाई नहीं होती है, जैसे तार का खंभा, भील का पत्थर या खड़े हुए मनुष्य को पार करने में रेलगाड़ी को अपनी लंबाई के बराबर दूरी तय करनी होती है। निम्नलिखित चित्र द्वारा इसे समझा जा सकता है।

त



उपर्युक्त चित्र में 'ख, क' रेलगाड़ी को दर्शाता है तथा 'त' तार के खंभे को। 'क' रेलगाड़ी का अग्रभाग है। चित्र (2) से स्पष्ट है कि तार के खंभे को पार करने के लिए रेलगाड़ी को अपनी लंबाई के बराबर दूरी तय करनी पड़ी है।

देखें-



यदि रेलगाड़ी की लंबाई 200 मीटर है, तो तार के खंभे को पार करने में उसे कुल 200 मीटर की दूरी (अपनी लंबाई के बराबर) तय करनी पड़ी है।

प्रश्न : एक 200 मीटर लंबी रेलगाड़ी को एक तार के खंभे को पार करने में कितना समय लगेगा? यदि रेलगाड़ी की गति 72 किमी. प्रति घंटा है।

हल : परंपरागत विधि

$$\text{रेलगाड़ी की चाल} = 72 \times \frac{5}{18} = 20 \text{ मीटर प्रति सेकंड}$$

$\left[\frac{5}{18} \text{ से गुणा करके रेलगाड़ी की मीटर प्रति सेकंड में चाल ज्ञात कर ली गई है} \right]$

चूंकि रेलगाड़ी 20 मीटर चलती है = 1 सेकंड में

$$\therefore \text{रेलगाड़ी } 200 \text{ मीटर चलती} = \frac{200}{20} = 10 \text{ सेकंड में।}$$

अतः रेलगाड़ी तार के खंभे को 10 सेकंड में पार कर लेगी। कहने का अर्थ यह है कि रेलगाड़ी 10 सेकंड में 200 मीटर की दूरी तय करेगी।

रेलगाड़ी का किसी पुल या प्लेटफार्म से गुजरना अर्थात् रेलगाड़ी द्वारा लंबाई वाले स्थिर लक्ष्य को पार करना-

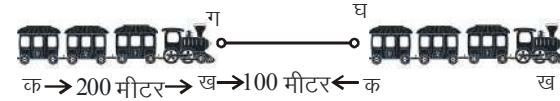
किसी पुल या प्लेटफार्म की अपनी लंबाई होती है। रेलगाड़ी द्वारा पुल या प्लेटफार्म पार करने में अपनी लंबाई तथा पार करने वाली वस्तु (पुल या प्लेटफार्म) की लंबाई के बराबर दूरी तय करनी होती है।

देखें चित्र-



चित्र से स्पष्ट है कि ट्रेन को पुल पार करने में अपनी तथा पुल की लंबाई के बराबर दूरी तय करनी पड़ेगी। अर्थात् रेलगाड़ी द्वारा तय की गई कुल दूरी = अपनी लंबाई + पुल की लंबाई

देखें



यदि रेलगाड़ी की लंबाई 200 मीटर है तथा पुल की लंबाई 100 मीटर हो, तो रेलगाड़ी को पुल पार करने के लिए कुल $200 + 100 = 300$ मीटर की दूरी तय करनी होगी।

प्रश्न : एक 200 मीटर लंबी रेलगाड़ी को 100 मीटर लंबे पुल को पार करने में कितना समय लगेगा? यदि रेलगाड़ी की गति 36 किमी. प्रति घंटा हो।

हल : परंपरागत विधि

$$\begin{aligned} \text{रेलगाड़ी की चाल} &= 36 \times \frac{5}{18} \\ &= 10 \text{ मीटर प्रति सेकंड} \end{aligned}$$

$\left[\frac{5}{18} \text{ से गुणा करके रेलगाड़ी की मीटर प्रति सेकंड में चाल ज्ञात कर ली गई है} \right]$

यहां पर रेलगाड़ी को अपनी लंबाई और पुल की लंबाई के योग के बराबर दूरी तय करनी है। इस प्रकार रेलगाड़ी द्वारा तय की जाने वाली कुल दूरी = $200 + 100 = 300$ मीटर होगी।

चूंकि रेलगाड़ी 10 मीटर चलती है = 1 सेकंड में, तो रेलगाड़ी

$$300 \text{ मीटर चलेगी} = \frac{300}{100} \\ = 30 \text{ सेकंड में}$$

अतः 200 मी. लंबी रेलगाड़ी 100 मीटर लंबे पुल को 30 सेकंड में पार करेगी।

सर्वेत ध्यान दें

यहीं पर यह भी स्पष्ट करना समीचीन होगा कि स्थिर वस्तुओं को पार करने में रेलगाड़ी की गति कार्य करती है। स्थिर वस्तु का उसमें कोई योगदान नहीं होता है, क्योंकि उनमें कोई गति नहीं होती है। उदाहरण के लिए यदि रेलगाड़ी किसी पुल को पार करती है और रेलगाड़ी एवं पुल की लंबाई क्रमशः 120 एवं 180 मीटर है तथा रेलगाड़ी की गति 60 किमी। प्रति घंटा हो, तो स्पष्ट है कि इसे पार करने में रेलगाड़ी को कुल $120 + 180 = 300$ मीटर की दूरी तय करनी होगी और इस दूरी को तय करने में उसकी 60 किमी। प्रति घंटा की गति कार्य करेगी।

लंबाई रहित गतिमान यंत्रों को पार करना

जैसे चलते हुए व्यक्ति, जानवर या साइकिल सवार को पार करना। इन्हें पार करने की 2 दशाएँ हैं-

- (1) समान दिशा में चलते हुए पार करना,
- (2) विपरीत दिशा में चलते हुए पार करना।

(1) समान दिशा में चलते हुए पार करना

लंबाई रहित वस्तुओं को समान दिशा में चलते हुए पार करते समय रेलगाड़ी को अपनी लंबाई के बराबर दूरी तय करनी होती है और इसमें उसकी अपनी गति तथा समान दिशा में जाती हुई दूसरी वस्तु की गति का अंतर कार्य करता है।

देखें चित्र



चित्र में क ख एक ट्रेन है तथा ब एक बस है। ट्रेन द्वारा बस को पार करने में अपनी लंबाई के बराबर दूरी तय करनी होगी तथा इसे पार करने में उसकी अपनी गति कार्य करेगी परंतु उसके द्वारा प्राप्त गति में बस की गति बाधा उत्पन्न करेगी, क्योंकि जितनी देर में ट्रेन कुछ दूरी तय करेगी उतनी ही देर में बस भी अपनी गति से कुछ दूरी तय करके ट्रेन द्वारा चली गई दूरी में कुछ कमी ला देगी। अतः ट्रेन द्वारा समान दिशा में लंबाई रहित गतिमान वस्तुओं को पार करने में ट्रेन की लंबाई के बराबर दूरी तय होती है तथा इस कार्य में दोनों की गतियों के अंतर के बराबर गति कार्य करती है।

इस प्रकार ट्रेन की बस के सापेक्ष चाल = ट्रेन की चाल – बस की चाल होगी।

प्रश्न : 90 किमी। प्रति घंटा की गति से 100 मीटर लंबी ट्रेन उसी दिशा में 18 किमी। प्रति घंटा की गति से जा रही बस को कितनी देर में पार कर लेगी?

हल : सूत्र विधि

$$\begin{aligned} \text{ट्रेन की बस के सापेक्ष चाल} &= 90 - 18 \\ &= 72 \text{ किमी। प्रति घंटा} \end{aligned}$$

$$= 72 \times \frac{5}{18} = 20 \text{ मी. प्रति सेकंड}$$

$\left| \frac{5}{18} \right.$ से गुण करके ट्रेन की मीटर प्रति सेकंड में सापेक्ष चाल

ज्ञात कर ली गई है।

ट्रेन द्वारा बस को पार करने में लगा समय

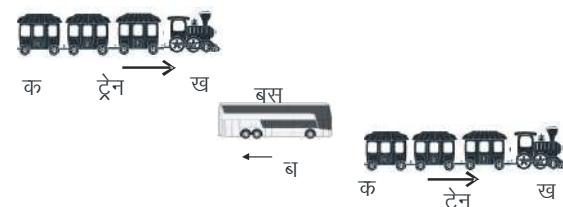
$$\begin{aligned} &= \frac{\text{ट्रेन की लंबाई}}{\text{सापेक्ष चाल}} \\ &= \frac{100 \text{ मीटर}}{20 \text{ मीटर/सेकंड}} = 5 \text{ सेकंड} \end{aligned}$$

अतः ट्रेन बस को 5 सेकंड में पार कर लेगी।

(2) विपरीत दिशा में चलते हुए पार करना

लंबाई रहित वस्तुओं को विपरीत दिशा में चलते हुए पार करते समय रेलगाड़ी को अपनी लंबाई के बराबर दूरी तय करनी होती है और इसमें उसकी अपनी गति तथा विपरीत दिशा में जाती हुई दूसरी वस्तु की गति का योग करती है।

देखें चित्र



चित्र में क ख एक ट्रेन है तथा ब एक बस है। ट्रेन द्वारा बस को पार करने में अपनी लंबाई के बराबर दूरी तय करनी होगी तथा इसे पार करने में उसकी अपनी गति कार्य करेगी परंतु उसके द्वारा प्राप्त गति में बस की गति सहायता प्रदान करेगी क्योंकि जितनी देर में ट्रेन कुछ दूरी तय करेगी उतनी ही देर में बस भी अपनी गति से कुछ दूरी तय करके ट्रेन द्वारा चली गई दूरी में कुछ वृद्धि कर देगी। अतः ट्रेन द्वारा विपरीत दिशा में लंबाई रहित गतिमान वस्तुओं को पार करने में ट्रेन की लंबाई के बराबर दूरी तय होती है तथा इस कार्य में दोनों की गतियों के योग के बराबर गति कार्य करती है।

इस प्रकार ट्रेन की बस के सापेक्ष चाल = ट्रेन की चाल + बस की चाल होगी।

प्रश्न : 150 मीटर लंबी ट्रेन 60 किमी. प्रति घंटा की गति से जा रही है। उसके समने से ट्रेन की विपरीत दिशा में एक बस 30 किमी. प्रति घंटा की गति से आ रही है। ट्रेन इस बस को कितनी देर में पार कर लेगी?

हल : सूत्र विधि

ट्रेन की बस के सापेक्ष गति = $60 + 30 = 90$ किमी. प्रति घंटा

$$= 90 \times \frac{5}{18} = 25 \text{ मी.प्रति सेकंड}$$

$\left| \frac{5}{18} \right.$ से गुणा करके ट्रेन की मीटर प्रति सेकंड में चाल ज्ञात

कर ली गई है।

ट्रेन द्वारा बस को पार करने में लगा समय

$$= \frac{\text{रेलगाड़ी की लंबाई}}{\text{सापेक्ष चाल}} \\ = \frac{150 \text{ मीटर}}{25 \text{ मीटर/सेकंड}} = 6 \text{ सेकंड}$$

अतः ट्रेन बस को 6 सेकंड में पार कर लेगी।

लंबाई वाली गतिमान यंत्रों को परस्पर एक-दूसरे को पार करना

जैसे एक ट्रेन का दूसरी ट्रेन को पार करना।

जिस प्रकार लंबाई वाली रिथर वस्तुओं को पार करने में ट्रेन एवं उस स्थिर वस्तु की लंबाई के बराबर दूरी तय करनी होती है। इसी प्रकार लंबाई वाली गतिमान वस्तुओं को पार करने में भी दोनों वस्तुओं की लंबाई के बराबर दूरी तय करनी होती है।

इसकी भी दो दशाएं होती हैं-

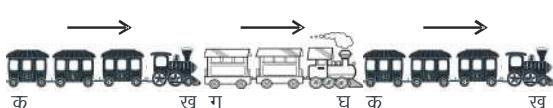
(1) समान दिशा में चलती ट्रेनों का एक-दूसरे को पार करना तथा

(2) विपरीत दिशा में चलते हुए एक-दूसरे को पार करना।

समान दिशा में चलने पर दोनों ट्रेनों की गति का अंतर कार्य करेगा

तथा इनकी लंबाई का योग दूरी होगी।

देखें चित्र



प्रश्न : दो रेलगाड़ियां जिनकी चाल क्रमशः 54 किमी. प्रति घंटा एवं 72 किमी. प्रति घंटा है। एक ही दिशा में जा रही हैं। दूसरी गाड़ी पहली गाड़ी को कितनी देर में पार करेगी यदि उसकी लंबाई क्रमशः 100 मीटर एवं 75 मीटर है?

हल : सूत्र विधि

रेलगाड़ियों की लंबाईयों का योग = $100 + 75$

$$= 175 \text{ मीटर}$$

रेलगाड़ियों की सापेक्षिक चाल = $72 - 54$

$$= 18 \text{ किमी. प्रति घंटा}$$

$$= 18 \times \frac{5}{18} = 5 \text{ मी./सेकंड}$$

$\left| \frac{5}{18} \right.$ से गुणा करके रेलगाड़ी की मीटर प्रति सेकंड में चाल

ज्ञात कर ली गई है।

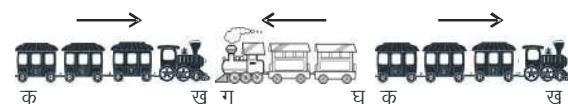
$$\text{अभीष्ट समय} = \frac{\text{दोनों रेलगाड़ियों की कुल लंबाई}}{\text{सापेक्षिक चाल}}$$

$$= \frac{175}{5} = 35 \text{ सेकंड} \Rightarrow \text{उत्तर}$$

अतः दूसरी गाड़ी पहली गाड़ी को 35 सेकंड में पार कर लेगी।

③ **विपरीत दिशा में चलने पर दोनों ट्रेनों की गतियों का योग कार्य करेगा।**

देखें चित्र



प्रश्न : दो रेलगाड़ियां जिनकी चाल क्रमशः 54 किमी. प्रति घंटा एवं 36 किमी. प्रति घंटा हैं। विपरीत दिशा में जा रही हैं। दूसरी गाड़ी पहली गाड़ी को कितनी देर में पार करेगी यदि उनकी लंबाई क्रमशः 150 मीटर एवं 125 मीटर हैं?

हल : सूत्र विधि

रेलगाड़ियों की लंबाईयों का योग = $150 + 125$

$$= 275 \text{ मीटर}$$

रेलगाड़ियों की सापेक्षिक चाल = $54 + 36$

$$= 90 \text{ किमी. प्रति घंटा}$$

$$= 90 \times \frac{5}{18} = 25 \text{ मीटर प्रति सेकंड}$$

$\left| \frac{5}{18} \right.$ से गुणा करके रेलगाड़ी की मीटर प्रति सेकंड में चाल

ज्ञात कर ली गई है।

$$\text{अभीष्ट समय} = \frac{275 \text{ मीटर}}{25 \text{ मीटर/सेकंड}} = 11 \text{ सेकंड}$$

अतः दूसरी रेलगाड़ी प्रथम रेलगाड़ी को 11 सेकंड में पार करेगी।

$$\begin{aligned}
 \text{ट्रेन की चाल} &= 72 \text{ किमी./घंटा} \\
 &= 72 \times \frac{5}{18} \text{ मी./सेकंड} \\
 &= 20 \text{ मी./सेकंड} \\
 \therefore \text{ट्रेन को ब्रिज पार करने में लगा समय} \\
 &= \frac{\text{ट्रेन की लंबाई} + \text{ब्रिज की लंबाई}}{\text{ट्रेन की चाल}} \\
 &= \frac{110 + 132}{20} \\
 &= \frac{242}{20} \Rightarrow 12.1 \text{ सेकंड}
 \end{aligned}$$

उत्तर—(a)

$$\begin{aligned} \text{माना पुल की लंबाई } x \text{ मीटर है।} \\ \therefore \text{कुल दूरी} &= (100+x) \text{ मीटर} \\ \text{चाल} = 36 \text{ किमी./घंटा} &\Rightarrow 36 \times \frac{5}{18} \text{ मी./से.} \\ &= 10 \text{ मी./से.} \\ \text{दूरी} &= \text{चाल} \times \text{समय} \\ (100+x) &= 25 \times 10 \\ x &= 250 - 100 \Rightarrow 150 \text{ मीटर} \end{aligned}$$

उत्तर—(b)

$$\therefore \text{अभीष्ट समय} = \frac{1300}{26} \Rightarrow 50 \text{ सेकंड}$$

उत्तर—(b)

$$\begin{aligned}
 \text{ट्रेन द्वारा तय की गई कुल दूरी} &= \text{ट्रेन की लंबाई} + \text{प्लेटफार्म की लंबाई} \\
 &= 150 + 600 \Rightarrow 750 \text{ मीटर} \\
 \text{ट्रेन की चाल} &= 50 \text{ किमी./घंटा} \\
 &= 50 \times \frac{5}{18} \text{ मी./सेकंड} \\
 \therefore \text{ट्रेन द्वारा लगा कुल समय} &= \frac{750}{\frac{250}{18}} \\
 &= 3 \times 18 \Rightarrow 54 \text{ सेकंड}
 \end{aligned}$$

उत्तर—(d)

$$\begin{aligned}
 \text{कुल दूरी} &= (200+200) \text{ मी.} \\
 &= 400 \text{ मी.} \\
 \text{चाल} &= 72 \text{ किमी./घंटा} \\
 &= 72 \times \frac{5}{18} \text{ मी./सेकंड} \\
 &= 20 \text{ मी./सेकंड}
 \end{aligned}$$

- 18.** एक ट्रेन एक बिंजती के खंभे को 5 सेकंड में पार करती है। यदि ट्रेन की लंबाई 120 मी. हो, तो बताएं कि 180 मी. लंबे प्लेटफार्म को पार करने में उसे कितना समय लगेगा?

उत्तर—(a)

$$\text{द्रेन की चाल} = \frac{120}{5} \Rightarrow 24 \text{ मी./सेकंड}$$

अब 180 मीटर लंबे प्लेटफार्म को पार करने में द्रेन द्वारा लिया

$$\text{गया समय} = \frac{120 + 180}{24} \Rightarrow \frac{300}{24} \Rightarrow 12 \frac{1}{2} \text{ सेकंड}$$

19. दो ट्रेनें परस्पर विपरीत दिशा में 60 किमी./घं. तथा 90 किमी./घं. से गतिमान हैं। उनकी लंबाइयाँ क्रमशः 1.10 किमी. तथा 0.9 किमी. हैं। धीमी गति की ट्रेन द्वारा तेज गति की ट्रेन को पार करने में लगने वाला समय सेकंड में कितना होगा?

(c) 48

(d) 49

उत्तर—(c)

द्रेनों की एक-दूसरे के सापेक्ष चाल = $60 + 90 = 150$ किमी./घंटा
 द्रेनों की कुल लंबाई = $1.10 + 0.9$
 $= 2.00$ किमी.
 \therefore धीमी गति की ट्रेन को पार करने में लगा समय = $\frac{2}{150}$
 $= \frac{1}{75} \times 60 \times 60$ सेकंड
 $= 4 \times 12 \Rightarrow 48$ सेकंड

20. दो रेलगाड़ियां जो क्रमशः 140 मीटर तथा 160 मीटर लंबी हैं क्रमशः 60 किमी./घंटा तथा 40 किमी./घंटा की चाल से समांतर पटरियों पर एक-दूसरे की विपरीत दिशाओं में जा रही हैं। मिलने के कितने समय बाद (सेकंड में) वे एक-दूसरे को पार कर जाएंगी?

- (a) 9 सेकंड
- (b) 9.6 सेकंड
- (c) 10 सेकंड
- (d) 10.8 सेकंड

उत्तर—(d)

दोनों ट्रेनों की कुल लंबाई = $(140+160)$ मी.
 $= 300$ मी.
 दोनों ट्रेनों की सापेक्ष गति = $(60+40)$ किमी./घंटा
 $= 100 \times \frac{5}{18}$ मी./सेकंड
 $= 27.77$ मी./से.
 \therefore अभीष्ट समय = $\frac{\text{तय दूरी}}{\text{सापेक्ष चाल}}$
 $= \frac{300}{27.77} \Rightarrow 10.8$ सेकंड

21. क्रमशः 62 किमी./घंटा एवं 40 किमी./घंटा की रफ्तार से दो ट्रेनें विपरीत दिशाओं में चल रही हैं। यदि एक ट्रेन की लंबाई 250 मीटर है एवं एक-दूसरे को 18 सेकंड में पार करती हैं, तो दूसरी ट्रेन की लंबाई है—

- (a) 145 मीटर
- (b) 230 मीटर
- (c) 260 मीटर
- (d) इनमें से कोई नहीं

उत्तर—(c)

ट्रेन की एक-दूसरे के सापेक्ष चाल = $62 + 40 \Rightarrow 102$ किमी./घंटा
 माना दूसरी ट्रेन की लंबाई x मी. है।

\therefore तय की गई कुल दूरी = $x + 250$ मी.

$$\therefore \text{ट्रेन की चाल} = \frac{\text{कुल दूरी}}{\text{कुल समय}}$$

$$102 \times \frac{5}{18} = \frac{x + 250}{18}$$

$$\therefore x + 250 = 510$$

$$\therefore x = 510 - 250 \Rightarrow 260 \text{ मी.}$$

22. एक यात्री रेलगाड़ी, एक मालवाहक रेलगाड़ी के स्टेशन से छूटने के 6 घंटे बाद 80 किमी./घंटा की चाल से उसी स्टेशन से चलना आरंभ करती है, जो 4 घंटे पश्चात मालवाहक से आगे निकल जाती है। मालवाहक रेलगाड़ी की चाल ज्ञात कीजिए?

- (a) 32 किमी./घंटा
- (b) 45 किमी./घंटा
- (c) 50 किमी./घंटा
- (d) 64 किमी./घंटा

उत्तर—(a)

माना मालवाहक रेलगाड़ी की चाल x किमी./घंटा है।

\therefore मालगाड़ी $(6+4) = 10$ घंटे चलती है और यात्री गाड़ी केवल 4 घंटे चलती है।

प्रश्नानुसार

$$10 \times x = 80 \times 4$$

$$x = \frac{80 \times 4}{10} \Rightarrow 32 \text{ किमी./घंटा}$$

23. दो रेलगाड़ियां समानांतर लाइन में एक ही दिशा की ओर क्रमशः 50 किमी. और 30 किमी. प्रति घंटे की रफ्तार से चल रही हैं। तीव्र गाड़ी, मंद गाड़ी के एक आदमी को 18 सेकंड में पार करती है। तेज गाड़ी की लंबाई है—

- (a) 170 मीटर
- (b) 100 मीटर
- (c) 98 मीटर
- (d) 85 मीटर

उत्तर—(b)

$$\text{आदमी को पार करने में लगा समय} = \frac{\text{तीव्र गाड़ी की लंबाई}}{\text{दोनों की चालों का अंतर}}$$

$$18 = \frac{\text{तीव्र गाड़ी की लंबाई}}{(50 - 30) \times \frac{5}{18}}$$

$$\therefore \text{तीव्र गाड़ी की लंबाई} = 20 \times \frac{5}{18} \times 18 \Rightarrow 100 \text{ मीटर}$$