

1. રબર કરતાં સ્ટીલનો યંગ મોડ્યુલસ ઘણો વધારે છે, તો સમાન પ્રતાન વિકૃતિ માટે કોનું તણાવ પ્રતિબળ વધારે હશે ?

⇒ $Y = \frac{\text{પ્રતાન પ્રતિબળ}}{\text{પ્રતાન વિકૃતિ}}$
સમાન પ્રતાન વિકૃતિ માટે $Y \propto \text{પ્રતાન પ્રતિબળ}$

$$\therefore \frac{Y_{\text{સ્ટીલ}}}{Y_{\text{રબર}}} = \frac{(\text{પ્રતિબળ})_{\text{સ્ટીલ}}}{(\text{પ્રતિબળ})_{\text{રબર}}}$$

પણ $Y_{\text{સ્ટીલ}} > Y_{\text{રબર}}$ છે.

$$\therefore \frac{Y_{\text{સ્ટીલ}}}{Y_{\text{રબર}}} > 1$$

$$\therefore \frac{(\text{પ્રતિબળ})_{\text{સ્ટીલ}}}{(\text{પ્રતિબળ})_{\text{રબર}}} > 1$$

∴ સ્ટીલનું પ્રતિબળ > રબરનું પ્રતિબળ

2. પ્રતિબળ એ સદિશ રાશિ છે ?

⇒ ના, પ્રતિબળ એ અદિશ રાશિ છે. ખરેખર તે ટેન્સર રાશિ છે.

3. સ્ટીલ અને તાંબાની સમાન સ્પ્રિંગોને સમાન બળથી ખેંચવામાં આવે, તો કઈ સ્પ્રિંગ માટે વધારે કાર્ય કરવું પડે ?

⇒ સ્પ્રિંગને ખેંચવા કરવું પડતું કાર્ય,

$$W = \frac{1}{2} F \times \Delta l$$

જ્યાં Δl એ F બળ લગાડતાં સ્પ્રિંગની લંબાઈમાં થતો વધારો છે.

$$\therefore W \propto \Delta l \left[\because \frac{1}{2}, F \text{ સમાન} \right]$$

$$\therefore W \propto \frac{1}{Y} \left[\because \Delta l = \frac{Fl}{AY} \text{ માં } F, l, A \text{ સમાન} \right]$$

$$\therefore \frac{W_{\text{સ્ટીલ}}}{W_{\text{તાંબુ}}} = \frac{Y_{\text{તાંબુ}}}{Y_{\text{સ્ટીલ}}}$$

પણ $Y_{\text{સ્ટીલ}} > Y_{\text{તાંબુ}}$

$$\therefore W_{\text{સ્ટીલ}} < W_{\text{તાંબુ}}$$

∴ તાંબાની સ્પ્રિંગની લંબાઈમાં સમાન વધારો કરવા વધારે કાર્ય કરવું પડે.

4. સંપૂર્ણ (આદર્શ) દૃઢ પદાર્થ માટે યંગ મોડ્યુલસ કેટલો ?

⇒ $Y = \frac{F}{A} \times \frac{l}{\Delta l}$

પણ આદર્શ દૃઢ પદાર્થ માટે $\Delta l = 0$

$$\therefore Y = \frac{Fl}{0} = \text{અનંત}$$

5. સંપૂર્ણ (આદર્શ) દૃઢ પદાર્થ માટે બલ્ક-મોડ્યુલસ કેટલો ?

⇒ બલ્ક મોડ્યુલસનું મૂલ્ય $B = \frac{P}{\Delta V/V}$ માં

દૃઢ પદાર્થ માટે $\Delta V = 0$

∴ $B = \text{અનંત}$

6. એક તારની લંબાઈ L અને ત્રિજ્યા r ના તારને એક છેડેથી મજબૂત બાંધેલો છે તેના બીજા છેડેથી f બળ વડે ખેંચવામાં આવે છે ત્યારે તેની લંબાઈ l વધે છે. જો તે જ દ્રવ્યમાંથી બનાવેલા બીજા તારની લંબાઈ $2L$, ત્રિજ્યા $2r$ ને $2f$ બળથી

ખેંચવામાં આવે, તો તેની લંબાઈમાં કેટલો વધારો થશે ?

$$\Rightarrow Y = \frac{FL}{Al} = \frac{fL}{\pi r^2 l}$$

$$\therefore l = \frac{fL}{\pi r^2 Y}$$

હવે બીજા તાર માટે લંબાઈનો વધારો,

$$l' = \frac{(2f)(2L)}{\pi(2r)^2 Y}$$

$$= \frac{4fL}{4\pi r^2 Y}$$

$$l' = l$$

7. એક સ્ટીલના સળિયાની લંબાઈ 1 m અને આડછેદનું ક્ષેત્રફળ 1 cm^2 છે. આ તારને 0° C થી 200° C સુધી ગરમ કરવા દેવામાં આવે પણ સળિયાની લંબાઈમાં વધારો થતો નથી કે સળિયો વાંકો વળતો નથી, તો સળિયામાં ઉદ્ભવતું તણાવ શોધો. ($Y = 2.0 \times 10^{11} \text{ Nm}^{-2}$, $\alpha = 10^{-5} \text{ }^\circ \text{ C}^{-1}$ છે.)

$$\Rightarrow \text{તાપમાનમાં વધારો } \Delta t = 200 - 0 = 200^\circ \text{ C}$$

સળિયામાં ઉદ્ભવતું તણાવબળ,

$$F = YA \alpha \Delta t$$

$$= 2 \times 10^{11} \times 1 \times 10^{-4} \times 10^{-5} \times 200$$

$$= 4 \times 10^4 \text{ N}$$