



## کسری اور اعشاریاتی اعداد

### 2.1 تعارف (Introduction)

آپ گزشتہ کلاسوں میں کسری اور اعشاریاتی اعداد کے بارے میں پڑھ چکے ہیں۔ کسری اعداد کے مطالعہ کے دوران واجب، غیر واجب اور مخلوط اعداد اور ساتھ ہی ساتھ ان کی جمع و تفریق کے بارے میں بھی پڑھا ہے۔ ہم نے کسری اعداد کا موازنہ، معادل کسریں، عددی خط پر کسری اعداد کا اظہار اور کسری اعداد کی ترتیب کے بارے میں پڑھ لیا ہے۔ اعشاریاتی اعداد میں ہم نے ان کا موازنہ، عددی خط پر ان کا اظہار اور ان کی جمع و تفریق کے بارے میں پڑھا ہے۔ اب ہم کسری اعداد اور اعشاریاتی اعداد کی ضرب اور تقسیم کے بارے میں پڑھیں گے۔

### 2.2 آپ کسری اعداد کے بارے میں کیا جانتے ہیں؟

#### (How Well Have You Learnt About Fractions?)

واجب کسر وہ کسر ہے جو کسی مکمل چیز کے ایک حصہ کو ظاہر کرتی ہے۔ کیا  $\frac{7}{4}$  واجب کسر ہے؟ کون بڑا ہے، شمار کنندہ یا نسب نما؟ غیر واجب کسر، واجب کسر اور مکمل کا مجموعہ ہے۔ کیا  $\frac{7}{4}$  غیر واجب کسر ہے؟ یہاں کون بڑا ہے، شمار کنندہ یا نسب نما؟ غیر واجب کسر  $\frac{7}{4}$  کو  $1\frac{3}{4}$  بھی لکھ سکتے ہیں۔ یہ مخلوط کسر ہے۔

کیا آپ واجب، غیر واجب اور مخلوط کسروں میں ہر ایک کی پانچ پانچ مثالیں لکھ سکتے ہیں؟

**مثال 1**  $\frac{3}{5}$  کی پانچ معادل کسریں لکھیے۔

**حل**  $\frac{3}{5}$  کی ایک معادل کسر ہے

$$\frac{3}{5} = \frac{3 \times 2}{5 \times 2} = \frac{6}{10}$$

**مثال 2** ہمیش نے ایک مشق کا  $\frac{2}{7}$  حصہ حل کیا جب کہ سیمانے اس کا  $\frac{4}{5}$  حصہ حل کیا۔ کس نے کم حصہ حل کیا؟

یہ معلوم کرنے کے لیے کہ کس نے کم حصہ حل کیا، آئیے ہم  $\frac{2}{7}$  اور  $\frac{4}{5}$  کا موازنہ کرتے ہیں۔

$$\frac{4}{5} = \frac{28}{35}, \frac{2}{7} = \frac{10}{35}$$

$$\frac{10}{35} < \frac{28}{35} \text{ کیونکہ } 10 < 28, \text{ اس لیے}$$

$$\frac{2}{7} < \frac{4}{5} \text{ اس طرح}$$

ریش نے سیماسے کم حصہ حل کیا۔



مثال 3 سیرانے  $3\frac{1}{2}$  کلوگرام سیب اور  $4\frac{3}{4}$  کلوگرام سنترے خریدے۔ اس نے کل کتنے وزن کے پھل خریدے؟

$$\text{پھلوں کا کل وزن} = \left(3\frac{1}{2} + 4\frac{3}{4}\right) \text{ کلوگرام}$$

$$= \left(\frac{14}{4} + \frac{19}{4}\right) \text{ کلوگرام} = \left(\frac{7}{2} + \frac{19}{4}\right) \text{ کلوگرام}$$

$$= \frac{33}{4} \text{ کلوگرام} = 8\frac{1}{4} \text{ کلوگرام}$$



مثال 4 سمن روزانہ  $5\frac{2}{3}$  گھنٹے پڑھتی ہے۔ اس میں سے  $2\frac{4}{5}$  گھنٹے وہ سائنس اور حساب پڑھتی ہے۔ دوسرے مضمون کو وہ کتنا وقت دیتی ہے؟

$$\text{سمن کے پڑھنے کا کل وقت} = 5\frac{2}{3} \text{ گھنٹے} = \frac{17}{3} \text{ گھنٹے}$$

$$\text{سمن کے حساب اور سائنس پڑھنے کا وقت} = 2\frac{4}{5} \text{ گھنٹے} = \frac{14}{5} \text{ گھنٹے}$$

$$\text{دوسرے مضامین پڑھنے کا وقت} = \left(\frac{17}{3} - \frac{14}{5}\right) \text{ گھنٹے}$$

$$= \left(\frac{17 \times 5}{15} - \frac{14 \times 3}{15}\right) \text{ گھنٹے} = \left(\frac{85 - 42}{15}\right) \text{ گھنٹے}$$

$$= \frac{43}{15} \text{ گھنٹے} = 2\frac{13}{15} \text{ گھنٹے}$$



## مشق 2.1

حل کیجیے

-1

(i)  $2 - \frac{3}{5}$

(ii)  $4 + \frac{7}{8}$

(iii)  $\frac{3}{5} + \frac{2}{7}$

(iv)  $\frac{9}{11} - \frac{4}{15}$



$$(v) \frac{7}{10} + \frac{2}{5} + \frac{3}{2} \quad (vi) 2\frac{2}{3} + 3\frac{1}{2} \quad (vii) 8\frac{1}{2} - 3\frac{5}{8}$$

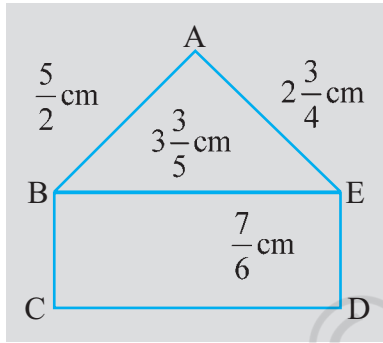
2- مندرجہ ذیل کو گھٹتی ترتیب میں لگائیے۔

$$(i) \frac{2}{9}, \frac{2}{3}, \frac{8}{21} \quad (ii) \frac{1}{5}, \frac{3}{7}, \frac{7}{10}$$

3- ایک طلسمی مربع ایسا چارخانہ ہوتا ہے جس کے اندر بنے چوکور خانوں میں درج اعداد کی گنتی افقی، عمودی، آڑی ہر قطار میں یکساں ہوتی ہے۔ کیا یہ ایک طلسمی مربع ہے۔

$\frac{4}{11}$	$\frac{9}{11}$	$\frac{2}{11}$
$\frac{3}{11}$	$\frac{5}{11}$	$\frac{7}{11}$
$\frac{8}{11}$	$\frac{1}{11}$	$\frac{6}{11}$

$$\left(\frac{4}{11} + \frac{9}{11} + \frac{2}{11} = \frac{15}{11}\right) \text{ (پہلی افقی قطاریں)}$$



4- ایک مستطیل نما کاغذ کی لمبائی  $12\frac{1}{2}$  سم اور چوڑائی  $10\frac{2}{3}$  سم ہے۔ اس کا احاطہ معلوم کیجیے۔

5- اس تصویر میں  $\triangle ABE$  (i) اور (ii) مستطیل BCDE کا احاطہ معلوم کیجیے۔ کس کا احاطہ زیادہ ہے؟

6- سلیل ایک فریم میں ایک تصویر لگانا چاہتا تھا۔ یہ تصویر  $7\frac{3}{5}$  سم چوڑی تھی۔ اس فریم میں لگانے کے لیے تصویر  $7\frac{3}{10}$  سم سے زیادہ چوڑی نہیں ہونی چاہیے۔ کتنی تصویر کاٹی جائے گی؟

7- ریتو نے ایک سیب کا  $\frac{3}{5}$  حصہ کھالیا۔ باقی بچا ہوا حصہ اس کے بھائی سومو نے کھالیا۔ سومو نے سیب کا کتنا حصہ کھایا؟ کس کو زیادہ حصہ ملا؟ اور کتنا زیادہ؟

8- میکال نے ایک تصویر میں  $\frac{7}{12}$  گھنٹے میں رنگ بھرا۔ ویسھو نے اسی تصویر میں  $\frac{3}{4}$  گھنٹے میں رنگ بھرا۔ کس نے زیادہ دیر کام کیا؟ اور کتنا زیادہ؟

### 2.3 کسری اعداد کی ضرب (Multiplication Of Fractions)

کسی مستطیل کا رقبہ نکالنا آپ جانتے ہیں۔ یہ برابر ہوتا ہے۔ لمبائی  $\times$  چوڑائی۔ اگر ایک مستطیل کی لمبائی 7 سم اور چوڑائی 4 سم ہے تو اس کا رقبہ کیا ہوگا؟ اس کا رقبہ ہوگا  $28 = 7 \times 4$  مربع سم۔ اگر کسی مستطیل کی لمبائی اور چوڑائی بالترتیب  $7\frac{1}{2}$  اور  $3\frac{1}{2}$  سم ہو تو اس کا رقبہ کیا ہوگا؟ آپ کہیں گے کہ یہ برابر ہوگا۔  $7\frac{1}{2} \times 3\frac{1}{2} = \frac{15}{2} \times \frac{7}{2} = \frac{15 \times 7}{2 \times 2} = \frac{105}{4}$  مربع سم۔ کسری اعداد ہیں۔ مستطیل کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے ہم کو کسری اعداد کی ضرب آنا ضروری ہے۔ اس کو ہم اب پڑھیں گے۔

### 2.3.1 ایک کسری عدد کی ایک مکمل عدد سے ضرب

#### (Multiplication of a Fraction by a Whole Number)

بائیں طرف دی گئی تصویر (تصویر 2.1) کو دیکھیے۔ ہر رنگا ہوا حصہ دائرہ کا  $\frac{1}{4}$  حصہ ہے۔ دونوں رنگے ہوئے حصے کل  $\frac{2}{4}$  حصہ ہیں۔  
 ملا کر کتنا حصہ ظاہر کر رہے ہیں؟ یہ ظاہر کریں گے



شکل 2.1

دونوں رنگے ہوئے حصوں کو ملانے پر ہم کو تصویر 2.2 حاصل ہوتی ہے۔ تصویر 2.2 میں دائرے کا کتنا حصہ رنگا ہوا ہے؟ یہ دائرہ  $\frac{2}{4}$  حصہ کو ظاہر کر رہا ہے۔



شکل 2.2

تصویر 2.1 میں رنگے ہوئے حصوں کو اکٹھا کرنے پر تصویر 2.2 کے حصے کے برابر ہے۔ یعنی ہم کو تصویر 2.3 ملتی ہے۔



شکل 2.3

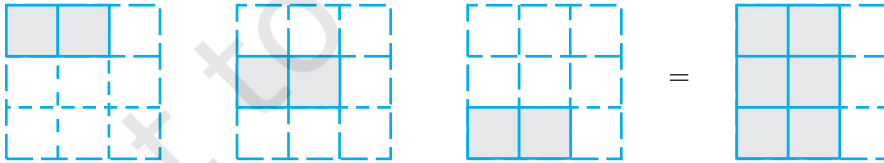
$$2 \times \frac{1}{4} = \frac{2}{4}$$

کیا آپ بتا سکتے ہیں کہ یہ تصویر کیا ظاہر کر رہی ہے؟ (تصویر 2.4)



شکل 2.4

اور یہ؟ (تصویر 2.5)



شکل 2.5

آئیے اب ذرا معلوم کیجیے  $3 \times \frac{1}{2}$

$$3 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$

ہم جانتے ہیں

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1+1+1}{2} = \frac{3 \times 1}{2} = \frac{3}{2}$$

ہم یہ بھی جانتے ہیں

$$3 \times \frac{1}{2} = \frac{3 \times 1}{2} = \frac{3}{2}$$

اس لیے

$$\frac{2}{3} \times 5 = \frac{2 \times 5}{3} = ?$$

اسی طرح

$$3 \times \frac{2}{7} = ?$$

کیا آپ بتا سکتے ہیں

اب تک ہم نے جن کسری اعداد کے بارے میں بات کی ہے یعنی  $\frac{1}{2}$ ،  $\frac{2}{3}$ ،  $\frac{2}{7}$  اور  $\frac{3}{5}$  یہ سب واجب کسری ہیں۔

غیر واجب کسروں کے لیے بھی ہم دیکھتے ہیں کہ

$$2 \times \frac{5}{3} = \frac{2 \times 5}{3} = \frac{10}{3}$$

$$4 \times \frac{7}{5} = ?$$

$$3 \times \frac{8}{7} = ?$$

کوشش کیجیے،

اس طرح کسی مکمل عدد کو ایک واجب یا غیر واجب عدد سے ضرب کرنے پر ہم مکمل عدد کو کسر کے شمار کنندہ سے ضرب کرتے ہیں اور نسب نما کو ایسے ہی رہنے دیتے ہیں۔

### کوشش کیجیے:

$$\frac{13}{11} \times 6 \quad (d)$$

$$3 \times \frac{1}{8} \quad (c)$$

$$\frac{9}{7} \times 6 \quad (b)$$

$$\frac{2}{7} \times 3 \quad (a)$$

1-

معلوم کیجیے: اگر حاصل ضرب ایک غیر واجب کسر ہے تو اس کو مخلوط کسر میں بدل لے۔

$$2 \times \frac{2}{5} = \frac{4}{5}$$

2- تصویروں کی مدد سے دکھائیے:

### کوشش کیجیے:

$$(i) 5 \times 2\frac{3}{7}$$

$$(ii) 1\frac{4}{9} \times 6$$



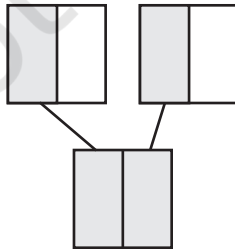
اس کو ضرب کیجیے۔

اس لیے

اسی طرح

$$3 \times 2\frac{5}{7} = 3 \times \frac{19}{7} = \frac{57}{7} = 8\frac{1}{7}$$

$$2 \times 4\frac{2}{5} = 2 \times \frac{22}{5} = ?$$



شکل 2.6

### کسر 'کا' کی علامت کے طور پر

ان تصاویر پر دھیان دیجیے (تصویر 2.6)

دونوں مربع بالکل مشابہ ہیں۔

ہر رنگا ہوا حصہ 1 کا  $\frac{1}{2}$  ہے۔

اس لیے دونوں رنگے ہوئے حصے مل کر 2 کا  $\frac{1}{2}$  حصہ کو ظاہر کرتے ہیں۔

دونوں رنگے ہوئے  $\frac{1}{2}$  حصوں کو ملائیے۔ یہ 1 کوٹا ہر کرتا ہے۔

اس لیے، ہم کہہ سکتے ہیں کہ 2 کا  $\frac{1}{2}$ ، 1 ہے۔ ہم اس کو اس طرح بھی لکھ سکتے ہیں  $\frac{1}{2} \times 2 = 1$

لہذا 2 کا  $\frac{1}{2} = 1 = \frac{1}{2} \times 2 = 1$

ان مشابہ مربعوں کو بھی دیکھیے۔ (تصویر 2.7)

ہر رنگا ہوا حصہ 1 کا  $\frac{1}{2}$  حصہ کوٹا ہر کرتا ہے۔

اس لیے دونوں رنگے ہوئے حصے 3 کا  $\frac{1}{2}$  کوٹا ہر کرتا ہے ہیں۔

3 رنگے ہوئے حصوں کو اکٹھا کیجیے

یہ  $1\frac{1}{2}$  یعنی  $\frac{3}{2}$  کوٹا ہر کرتا ہے۔

اس لیے 3 کا  $\frac{1}{2}$  ہے  $\frac{3}{2}$ ۔ اور  $\frac{1}{2} \times 3 = \frac{3}{2}$

لہذا، 3 کا  $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times 3 = \frac{3}{2}$

اس لیے ہم نے دیکھا کہ 'کا' ضرب کوٹا ہر کرتا ہے۔

فریدہ کے پاس 20 ماربل ہیں۔ ریشما کے پاس فریدہ کے ماربل کی تعداد کا  $\frac{1}{5}$  حصہ ہے۔ ریشما کے پاس کتنے ماربل ہیں؟ جیسا کہ ہم

جانتے ہیں کہ 'کا' ضرب کوٹا ہر کرتا ہے اس لیے ریشما کے پاس ہیں:

$$\frac{1}{5} \times 20 = 4$$

اسی طرح 16 کا  $\frac{1}{2}$  ہے  $\frac{1}{2} \times 16 = \frac{16}{2} = 8$

کوشش کیجیے:

کیا آپ بتا سکتے ہیں کہ:

(iii) 25 کا  $\frac{2}{5}$

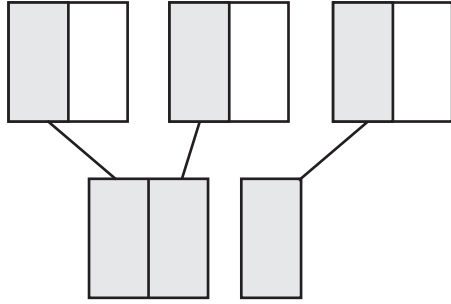
(ii) 16 کا  $\frac{1}{4}$

(i) 10 کا  $\frac{1}{2}$

مثال 5 40 طلباء کی کلاس میں طلباء کی کل تعداد کا  $\frac{1}{5}$  حصہ انگریزی پڑھنا چاہتا ہے، کل تعداد کا  $\frac{2}{5}$  حصہ ریاضی پڑھنا چاہتا ہے اور باقی

بچے طلباء سائنس پڑھنا چاہتے ہیں۔

(i) کتنے طلباء انگریزی پڑھنا چاہتے ہیں؟



شکل 2.7



(ii) کتنے طلباء ریاضی پڑھنا چاہتے ہیں؟

(iii) کل تعداد کا کتنا حصہ سائنس پڑھنا چاہتے ہیں؟

حل کلاس میں کل طلباء کی تعداد = 40

(i) کل طلباء کی تعداد کا  $\frac{1}{5}$  حصہ انگریزی پڑھنا چاہتے ہیں۔

اس طرح انگریزی پڑھنے والے طلباء کی تعداد = 40 کا  $\frac{1}{5} \times 40 = 8 = \frac{1}{5}$

(ii) اپنے آپ حل کرنے کی کوشش کیجیے۔

(iii) انگریزی اور ریاضی پڑھنے کے خواہشمند طلباء کی تعداد  $8+16=24$

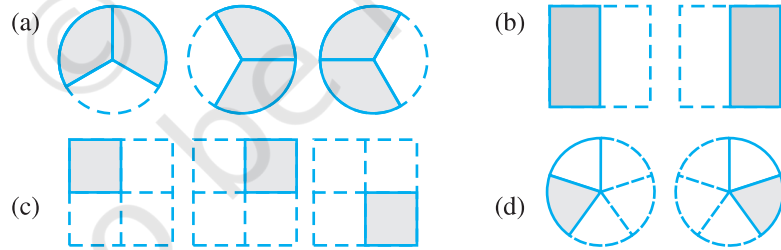
لہذا، سائنس پڑھنے کے خواہشمند طلباء کی تعداد  $40-24=16$

لہذا، مطلوبہ کسری عدد  $\frac{16}{40}$  ہے۔

## مشق 2.2

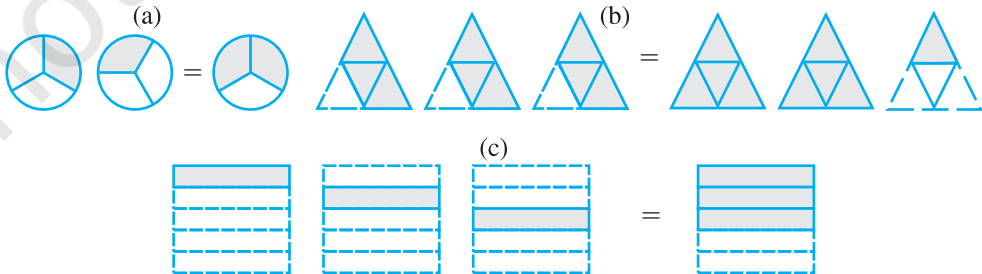
1- نیچے دی گئی تصاویر (a) سے (d) تک، درج ذیل کن اعداد کو ظاہر کرتی ہیں۔

(i)  $2 \times \frac{1}{5}$  (ii)  $2 \times \frac{1}{2}$  (iii)  $3 \times \frac{2}{3}$  (iv)  $3 \times \frac{1}{4}$



2- نیچے کچھ تصاویر (a) سے (c) دی گئی ہیں۔ بتائیے وہ کس کو ظاہر کر رہی ہیں۔

(i)  $3 \times \frac{1}{5} = \frac{3}{5}$  (ii)  $2 \times \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$  (iii)  $3 \times \frac{3}{4} = 2 \frac{1}{4}$



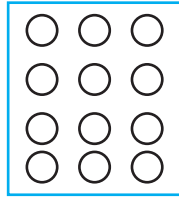
3- ضرب کیجیے اور کمترین ارکان میں لاکر مخلوط کسر میں بدلے۔

- (i)  $7 \times \frac{3}{5}$  (ii)  $4 \times \frac{1}{3}$  (iii)  $2 \times \frac{6}{7}$  (iv)  $5 \times \frac{2}{9}$  (v)  $\frac{2}{3} \times 4$   
 (vi)  $\frac{5}{2} \times 6$  (vii)  $11 \times \frac{4}{7}$  (viii)  $20 \times \frac{4}{5}$  (ix)  $13 \times \frac{1}{3}$  (x)  $15 \times \frac{3}{5}$

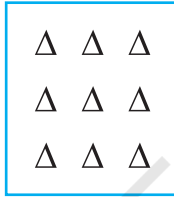
4- رنگ بھریے:

- (i) باکس (a) کے  $\frac{1}{2}$  دائروں میں (ii) باکس (b) کے  $\frac{2}{3}$  مثلثوں میں  
 (iii) باکس (c) کے  $\frac{3}{5}$  مربعوں میں

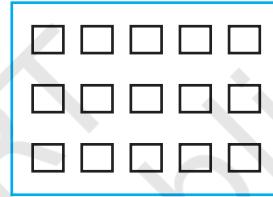
(a)



(b)



(c)



5- معلوم کیجیے:

- (a)  $\frac{1}{2}$  (i) 24 کا (ii) 46 کا (b)  $\frac{2}{3}$  (i) 18 کا (ii) 27 کا  
 (c)  $\frac{3}{4}$  (i) 16 کا (ii) 36 کا (d)  $\frac{4}{5}$  (i) 20 کا (ii) 35 کا

6- ضرب کیجیے اور مخلوط کسر میں بدلے۔

- (a)  $3 \times 5\frac{1}{5}$  (b)  $5 \times 6\frac{3}{4}$  (c)  $7 \times 2\frac{1}{4}$   
 (d)  $4 \times 6\frac{1}{3}$  (e)  $3\frac{1}{4} \times 6$  (f)  $3\frac{2}{5} \times 8$

7- معلوم کیجیے: (a)  $\frac{1}{2}$  (i)  $2\frac{3}{4}$  کا (ii)  $4\frac{2}{9}$  کا (b)  $\frac{5}{8}$  (i)  $3\frac{5}{6}$  کا (ii)  $9\frac{2}{3}$  کا

8- دو دیا اور پرتاپ پینک پر گئے۔ ان کی امی نے ان کو 5 لیٹر پانی کی ایک بوتل دی۔ ودیا نے پانی کا  $\frac{2}{5}$  حصہ استعمال کر لیا۔ باقی

پانی پرتاپ نے استعمال کیا۔

(i) ودیا نے کتنا پانی پیا۔

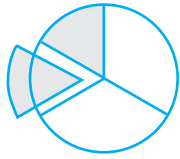
(ii) کل پانی کا کتنا حصہ پانی پرتاپ نے پیا۔



### 2.3.2 کسری کی کسر سے ضرب (Multiplication of a Fraction by a Fraction)

فریدہ کے پاس 9 سم لمبا ربن کا ٹکڑا ہے۔ اس نے اس ٹکڑے کے چار برابر حصے کیے۔ اس نے یہ کیسے کیا؟ اس نے اس ٹکڑے کو دو بارہ موڑا۔ ہر حصہ کل لمبائی کے کتنے حصے کو ظاہر کر رہا ہے؟ ہر حصہ پورے ٹکڑے کا  $\frac{9}{4}$  حصہ ہے۔ اس نے پھر ہر ٹکڑے کو دو برابر حصوں میں موڑ دیا۔ ہر ایک حصہ کس کو ظاہر کر رہا ہے؟ یہ  $\frac{9}{4}$  کا  $\frac{1}{2}$  یا  $\frac{9}{8}$  ہے۔

آئیے اب دیکھتے ہیں کہ دو کسری اعداد کا حاصل ضرب کیسے معلوم کرتے ہیں۔ جیسے  $\frac{1}{2} \times \frac{9}{4}$  اس کو کرنے کے لیے پہلے ہم  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3}$  جیسے حاصل ضرب معلوم کرنا سیکھتے ہیں۔



شکل 2.8

(a) ایک مکمل چیز کا  $\frac{1}{3}$  کیسے معلوم کرتے ہیں؟ ہم مکمل چیز کو تین برابر حصوں میں بانٹتے ہیں۔ تینوں میں سے ہر حصہ مکمل کے  $\frac{1}{3}$  حصہ کو ظاہر کر رہا ہے۔ تصویر 2.8 میں دکھائے گئے طریقے سے ان تین حصوں میں سے ایک حصہ لیجیے اور اس کو رنگیے۔



شکل 2.9

(b) آپ اس رنگے ہوئے حصے کا  $\frac{1}{2}$  کیسے معلوم کر سکتے ہیں؟ رنگے ہوئے  $\frac{1}{3}$  حصے کو دو برابر حصوں میں بانٹ دیجیے۔

ان دو میں سے ہر حصہ  $\frac{1}{3}$  کا  $\frac{1}{2}$  یعنی  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3}$  (تصویر 2.9) کو ظاہر کرتا ہے۔

ان دو حصوں میں سے ایک حصہ لے لیجیے اور اس کا نام 'A' رکھیے، 'A' ظاہر کرتا ہے  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3}$  کو۔

(c) مکمل کا 'A' کون سا حصہ ہے؟ اس کے لیے بچے ہوئے ہر  $\frac{1}{3}$  حصے کو دو برابر حصوں میں بانٹیں۔ اب آپ کے پاس ایسے کتنے حصے ہو گئے؟

اس طرح کے چھ برابر حصے ہیں 'A' ان میں سے ایک ہے۔ اس لیے 'A' مکمل کا  $\frac{1}{6}$  حصہ ہے۔ لہذا  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$

ہم نے یہ کیسے طے کیا کہ 'A' مکمل کا  $\frac{1}{6}$  حصہ ہے؟ مکمل کو بانٹا گیا  $6 = 2 \times 3$  حصوں میں اور ان میں سے  $1 \times 1 = 1$  حصہ لے لیا گیا۔

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6} = \frac{1 \times 1}{2 \times 3} \quad \text{لہذا،}$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1 \times 1}{2 \times 3} \quad \text{یا}$$

$\frac{1}{2} \times \frac{1}{3}$  کی قیمت بھی اسی طریقے سے معلوم کی جاسکتی ہے۔ مکمل کو پہلے دو برابر حصوں میں بانٹیں اور پھر ان میں سے ایک کو پھر تین برابر

کے حصوں میں بانٹیں۔ ان میں سے کوئی ایک حصہ لیجیے۔ یہ حصہ ظاہر کرے گا  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3}$  یعنی  $\frac{1}{6}$  کو۔

اس لیے، جیسا کہ پہلے بھی بات ہو چکی ہے

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6} = \frac{1 \times 1}{2 \times 3} \quad \text{لہذا}$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$$

معلوم کیجیے:  $\frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$  اور  $\frac{1}{3} \times \frac{1}{4}$ ،  $\frac{1}{5} \times \frac{1}{2}$  اور  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{5}$  اور جانچ کیجیے کہ کیا آپ کو یہ ملا

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{5} \times \frac{1}{2} \quad \text{اور} \quad \frac{1}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{3}$$

کوشش کیجیے:

بکس کو بھریے:

(i)  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{7} = \frac{1 \times 1}{2 \times 7} = \boxed{\phantom{00}}$

(ii)  $\frac{1}{5} \times \frac{1}{7} = \boxed{\phantom{00}} = \boxed{\phantom{00}}$

(iii)  $\frac{1}{7} \times \frac{1}{2} = \boxed{\phantom{00}} = \boxed{\phantom{00}}$

(iv)  $\frac{1}{7} \times \frac{1}{5} = \boxed{\phantom{00}} = \boxed{\phantom{00}}$



**مثال 6** سوشانت 1 گھنٹہ میں کتاب کا  $\frac{1}{3}$  حصہ پڑھتا ہے۔ کتاب کا کتنا حصہ وہ  $2\frac{1}{5}$  گھنٹے میں پڑھے گا؟

**حل** 1 گھنٹے میں سوشانت نے کتاب کا حصہ پڑھا =  $\frac{1}{3}$

اس لیے  $2\frac{1}{5}$  گھنٹے میں وہ کتاب کا حصہ پڑھے گا =  $2\frac{1}{5} \times \frac{1}{3}$

$$= \frac{11}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{11 \times 1}{5 \times 3} = \frac{11}{15}$$

آئیے اب ذرا

ہم جانتے ہیں کہ  $\frac{5}{3} = \frac{1}{3} \times 5$

اس لیے  $\frac{1}{2} \times \frac{5}{3} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} \times 5 = \frac{1}{6} \times 5 = \frac{5}{6}$

اور  $\frac{1 \times 5}{2 \times 3} = \frac{5}{6}$

لہذا  $\frac{1}{2} \times \frac{5}{3} = \frac{1 \times 5}{2 \times 3} = \frac{5}{6}$



اس کو درج ذیل تصاویر سے بھی دیکھا گیا ہے۔ ان پانچ برابر کی اشکال میں سے ہر ایک (تصویر 2.10) پانچ مشابہ دائروں کا حصہ

ہے۔ ان میں سے ایک شکل لیجیے۔ اس شکل کو حاصل کرنے کے لیے ہم پہلے ایک دائرہ کو تین برابر حصوں میں بانٹتے ہیں۔ پھر ان تین برابر برابر حصوں کو پھر سے دو برابر برابر حصوں میں بانٹتے ہیں۔ ان حصوں میں سے ایک حصہ وہی شکل ہے جس کی ہم بات کر رہے ہیں۔ یہ کیا ظاہر کرے گا؟

یہ ظاہر کرے گا  $\frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$ ۔ ایسے تمام حصوں کو ملانے پر حاصل ہوگا  $5 \times \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$



شکل 2.10

اسی طرح  $\frac{3}{5} \times \frac{1}{7} = \frac{3 \times 1}{5 \times 7} = \frac{3}{35}$

لہذا ہم معلوم کر سکتے ہیں  $\frac{2}{3} \times \frac{7}{5}$  کو ایسے

اس لیے، ہم نے معلوم کیا کہ دو کسری اعداد کا اس طرح ضرب کرتے ہیں

شمار کنندہ کی حاصل ضرب  
نسب نما کی حاصل ضرب

کوشش کیجیے:

معلوم کیجیے:  $\frac{2}{3} \times \frac{1}{5}$ ،  $\frac{1}{3} \times \frac{4}{5}$



حاصل ضرب کی قیمت

کوشش کیجیے:

آپ جانتے ہیں کہ دو مکمل اعداد کا حاصل ضرب ان دونوں مکمل اعداد سے بڑا ہوتا ہے۔ مثال کے طور پر  $3 \times 4 = 12$  اور  $12 > 4$ ،  $12 > 3$ ۔ جب ہم دو کسری اعداد کو ضرب کریں گے تو حاصل ضرب کی قیمت کیا ہوگی؟ آئیے سب سے پہلے دو واجب کسروں کے حاصل ضرب کو دیکھیں۔

معلوم کیجیے  
 $\frac{8}{3} \times \frac{4}{7}$ ،  $\frac{3}{4} \times \frac{2}{3}$

حاصل ضرب دونوں کسروں سے چھوٹا ہے	$\frac{8}{15} < \frac{2}{3}$ ، $\frac{8}{15} < \frac{4}{5}$	$\frac{2}{3} \times \frac{4}{5} = \frac{8}{15}$
_____	_____, _____	$\frac{1}{5} \times \frac{2}{7} = \frac{2}{35}$
_____	_____, _____	$\frac{3}{5} \times \frac{4}{8} = \frac{12}{40}$
_____	_____, _____	$\frac{2}{9} \times \frac{4}{5} = \frac{8}{45}$

آپ نے دیکھا کہ جب دو واجب کسروں کو ضرب کرتے ہیں تو ان کا حاصل ضرب ان میں سے ہر کسر سے چھوٹا ہوتا ہے۔ یا ہم کہہ سکتے ہیں کہ کسی دو واجب کسروں کا حاصل ضرب ان دونوں کسروں میں سے ہر ایک کسر سے چھوٹا ہوتا ہے۔

مزید پانچ مثالیں دے کر اس کی جانچ کیجیے۔  
آئیے اب ذرا دو غیر واجب کسروں کو ضرب کیجیے

حاصل ضرب ہر کسر سے بڑا ہے	$\frac{35}{6} > \frac{7}{3}, \frac{35}{6} > \frac{5}{2}$	$\frac{7}{3} \times \frac{5}{2} = \frac{35}{6}$
-----	-----, -----	$\frac{6}{5} \times \frac{\square}{3} = \frac{24}{15}$
-----	-----, -----	$\frac{9}{2} \times \frac{7}{\square} = \frac{63}{8}$
-----	-----, -----	$\frac{3}{\square} \times \frac{8}{7} = \frac{24}{14}$

ہم نے دیکھا کہ دو غیر واجب کسروں کا حاصل ضرب، دونوں کسروں میں سے ہر کسر سے بڑا ہوتا ہے۔  
یا، غیر واجب کسروں کا حاصل ضرب ان دونوں کسروں میں سے ہر ایک کسر سے بڑا ہوتا ہے۔  
مزید پانچ مثالیں دے کر اس کی جانچ کیجیے۔

آئیے اب ایک واجب اور ایک غیر واجب کسر کو ضرب کرتے ہیں۔ جیسے  $\frac{2}{3}$  اور  $\frac{7}{5}$ ۔

ہم پائیں گے  $\frac{2}{3} \times \frac{7}{5} = \frac{14}{15}$ ۔ یہاں  $\frac{14}{15} < \frac{7}{5}$  اور  $\frac{14}{15} > \frac{2}{3}$ ۔

حاصل ضرب کی جانے والی غیر واجب کسر سے چھوٹا ہے اور واجب کسر سے بڑا ہے۔

آئیے اس کی جانچ کیجیے۔  $\frac{8}{3} \times \frac{4}{5}, \frac{6}{5} \times \frac{2}{7}$

### مشق 2.3

1- معلوم کیجیے:

(a)  $\frac{1}{4}$  (i)  $\frac{1}{4}$  کا (b)  $\frac{3}{5}$  کا (c)  $\frac{4}{3}$  کا

(b)  $\frac{4}{3}$  (i)  $\frac{2}{9}$  کا (b)  $\frac{6}{5}$  کا (c)  $\frac{3}{10}$  کا

2- ضرب کیجیے اور کمترین ارکان میں لکھیے (اگر ممکن ہو تو)۔

(i)  $\frac{2}{3} \times 2\frac{2}{3}$

(ii)  $\frac{2}{3} \times 2\frac{2}{3}$

(iii)  $\frac{3}{8} \times \frac{6}{4}$

(iv)  $\frac{9}{5} \times \frac{3}{5}$

(v)  $\frac{1}{3} \times \frac{15}{8}$

(vi)  $\frac{11}{2} \times \frac{3}{10}$

(vii)  $\frac{4}{5} \times \frac{12}{7}$

3- درج ذیل کسروں کو ضرب کیجیے۔

$$(i) \frac{2}{5} \times 5\frac{1}{4} \quad (ii) 6\frac{2}{5} \times \frac{7}{9} \quad (iii) \frac{3}{2} \times 5\frac{1}{3} \quad (iv) \frac{5}{6} \times 2\frac{3}{7}$$

$$(v) 3\frac{2}{5} \times \frac{4}{7} \quad (vi) 2\frac{3}{5} \times 3 \quad (vii) 3\frac{4}{7} \times \frac{3}{5}$$

4- کون بڑا ہے۔

$$(i) \frac{2}{3} \text{ کا } \frac{3}{7} \quad \text{یا} \quad \frac{1}{2} \text{ کا } \frac{6}{7} \quad (ii) \frac{3}{5} \text{ کا } \frac{5}{8} \quad \text{یا} \quad \frac{2}{7} \text{ کا } \frac{3}{4}$$

5- سیلی نے اپنے باغیچے کی ایک قطار میں 4 نئے پودے لگائے۔ دو متصل پودوں کے درمیان  $\frac{3}{4}$  میٹر کا فاصلہ ہے۔ پہلے اور آخری پودے کے درمیان کا فاصلہ معلوم کیجیے۔

6- لپیکا ایک دن میں  $1\frac{3}{4}$  گھنٹے ایک کتاب پڑھتی ہے۔ اس نے پوری کتاب 6 دنوں میں مکمل کی۔ پوری کتاب کو پڑھنے میں اس نے کل کتنے گھنٹے لگائے؟

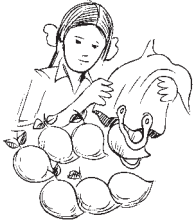
7- ایک کار ایک لیٹر پٹرول میں 16 کلومیٹر چلتی ہے۔  $2\frac{3}{4}$  لیٹر پٹرول میں وہ کتنی دور جائے گی؟

$$8- (a) \quad (i) \quad \square \text{ باکس } \square \text{ میں صحیح عدد لکھیے } \frac{2}{3} \times \square = \frac{10}{30}$$

(ii)  $\square$  باکس  $\square$  میں لکھے گئے نمبر کی کمترین شکل ہے۔

$$(b) \quad (i) \quad \square \text{ باکس } \square \text{ میں صحیح عدد لکھیے } \frac{3}{5} \times \square = \frac{24}{75}$$

(ii)  $\square$  باکس  $\square$  میں لکھے گئے نمبر کی کمترین شکل ہے۔



## 2.4 کسری اعداد کی تقسیم (Division Of Fractions)

جان کے پاس 6 سم لمبی ایک کاغذ کی پٹی ہے۔ اس نے اس پٹی میں سے 2 سم لمبی چھوٹی چھوٹی پٹیاں کاٹ لیں۔ آپ کو معلوم ہے کہ اس کے پاس  $6 \div 2 = 3$  پٹیاں ہو گئی۔

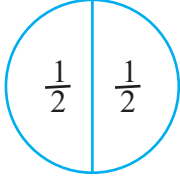
جان نے ایک دوسری 6 سم لمبی کاغذ کی پٹی کو  $\frac{3}{2}$  سم لمبی چھوٹی چھوٹی پٹیوں میں کاٹ لیا۔ اب اس کے پاس کتنی پٹیاں ہو گئیں؟ اس کے پاس  $6 \div \frac{3}{2}$  پٹیاں ہو گئیں۔

$$\frac{15}{2} \text{ سم لمبی کاغذ کی پٹی کو } \frac{3}{2} \text{ سم لمبی چھوٹی چھوٹی پٹیوں میں کاٹنے پر } \frac{15}{2} \div \frac{3}{2} \text{ پٹیاں حاصل ہوتی ہیں۔}$$

اس لیے، اب ہمیں کسی مکمل عدد کو کسری عدد سے یا ایک کسری عدد کو دوسرے کسری عدد سے تقسیم کرنے کی ضرورت ہے۔ آئیے دیکھیں اس کو ہم کیسے کرتے ہیں۔

### 2.4.1 ایک مکمل عدد کی ایک کسری عدد سے تقسیم

#### (Division of Whole Number by a Fraction)



شکل 2.11

آئیے معلوم کریں

ہمیں ایک مکمل چیز کو دو حصوں میں اس طرح بانٹنا ہے کہ ہر حصہ مکمل کا آدھا ہو۔

کل  $(\frac{1}{2})$  آدھے حصے ہوں گے  $1 \div \frac{1}{2}$  تصویر (تصویر 2.11) کا مشاہدہ کیجیے۔

آپ کو کتنے آدھے حصے نظر آ رہے ہیں؟

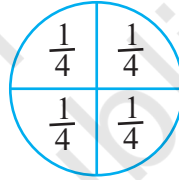
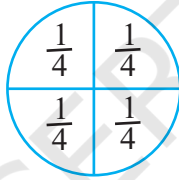
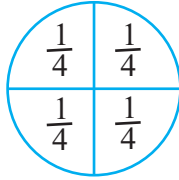
$$1 \div \frac{1}{2} = 1 \times \frac{2}{1} \text{ لہذا}$$

$$1 \div \frac{1}{2} = 1 \times 2 = 2 \text{ اور}$$

$$1 \div \frac{1}{2} = 2 \text{ اس لیے}$$

اسی طرح  $3 \div \frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$  حصوں کی تعداد وہ ہوگی جو 3 مکمل چیزوں میں سے ہر مکمل چیز کو  $\frac{1}{4}$  برابر کے حصوں میں بانٹا جائے گا = 12

(تصویر 2.12 سے)



شکل 2.12

$$3 \div \frac{1}{4} = 3 \times \frac{4}{1} = 12 \text{ لہذا}$$

$$3 \times \frac{4}{1} = 3 \times 4 = 12 \text{ اس کا بھی مشاہدہ کیجیے}$$

$$3 \times \frac{2}{1} \text{ اور } 3 \div \frac{1}{2} \text{ اسی طریقے سے معلوم کیجیے}$$

### کسری عدد کا مقلوب

عدد  $\frac{2}{1}$  کے شمار کنندہ اور نسب نما کو اول بدل کر کے  $\frac{1}{2}$  حاصل کیا جاسکتا ہے یا پھر  $\frac{1}{2}$  کو الٹا کر کے

حاصل ہوتا ہے۔

آئیے پہلے ایسے اعداد کو الٹ کر دیکھیں۔

ان حاصل ضرب کا مشاہدہ کیجیے اور خالی جگہوں کو بھریے۔

$7 \times \frac{1}{7} = 1$	$\frac{5}{4} \times \frac{4}{5} = \text{-----}$
$\frac{1}{9} \times 9 = \text{-----}$	$\frac{2}{7} \times \text{-----} = 1$
$\frac{2}{3} \times \frac{3}{2} = \frac{2 \times 3}{3 \times 2} = \frac{6}{6} = 1$	$\text{-----} \times \frac{5}{9} = 1$

ایسے ہی پانچ اور جوڑوں کو ضرب دیجیے۔

ایسے غیر صفر اعداد جن کو ایک دوسرے سے ضرب کرنے پر 1 آتا ہے۔ ایک دوسرے کے مقلوب کہلاتے ہیں۔ اس لیے  $\frac{5}{9}$  کا مقلوب

$$\frac{9}{5} \text{ ہے اور } \frac{9}{5} \text{ کا مقلوب } \frac{5}{9} \text{ ہے۔ } \frac{1}{9} \text{ کا مقلوب کیا ہے؟ } \frac{2}{7} \text{ کا کیا ہے؟}$$

آپ نے دیکھا کہ  $\frac{2}{3}$  کا مقلوب اس کو الٹا کرنے سے حاصل ہوتا ہے۔ آپ کو ملا  $\frac{3}{2}$ ۔

### سوچیے، بات چیت کیجیے اور لکھیے

(i) کیا کسی واجب کسر کا مقلوب واجب کسر ہی ہوگا؟

(ii) کیا کسی غیر واجب کسر کا مقلوب غیر واجب کسر ہی ہوگا؟

اس لیے ہم کہہ سکتے ہیں کہ

$$\frac{1}{2} \times 1 = 1 \times \frac{2}{1} = 1 \div \frac{2}{1}$$

$$\frac{1}{4} \times 3 = 3 \times \frac{4}{1} = 3 \div \frac{1}{4}$$

$$3 \div \frac{1}{2} = \text{-----}$$

$$2 \div \frac{3}{4} = 2 \times \frac{4}{3} = 2 \times \frac{4}{3} \text{ اس لیے،}$$

$$5 \div \frac{2}{9} = 5 \times \text{-----} = 5 \times \text{-----}$$

لہذا کسی مکمل عدد کو کسی کسری عدد سے تقسیم کرنے کے لیے اس مکمل عدد کو کسری عدد کے مقلوب سے ضرب کیا جاتا ہے۔



### کوشش کیجیے:



$$2 \div \frac{8}{9} \text{ (iii)}$$

$$6 \div \frac{4}{7} \text{ (ii)}$$

$$7 \div \frac{2}{5} \text{ (i)}$$

معلوم کیجیے:

جب کسی مکمل عدد کو ایک مخلوط کسر سے تقسیم کرتے ہیں تو پہلے مخلوط کسر کو غیر واجب کسر میں بدلتے ہیں اور پھر اس کو حل کرتے ہیں۔

### کوشش کیجیے

معلوم کیجیے:

$$(i) 6 \div 5\frac{1}{3}$$

$$(ii) 7 \times 2\frac{4}{7}$$

$$5 \div 3\frac{1}{3} = 3 \div \frac{10}{3} = ? \text{ اور}$$

$$4 \div 2\frac{2}{5} = 4 \div \frac{12}{5} = ? \text{ لہذا،}$$

### 2.4.2 ایک کسری عدد کی ایک مکمل عدد سے تقسیم

#### (Division of a Fraction by a Whole Number)

$$\frac{3}{4} \div 3 \text{ کیا ہوگا؟}$$

پچھلے مشاہدات کی بنا پر ہم کہہ سکتے ہیں کہ

$$\frac{3}{4} \div 3 = \frac{3}{4} \div \frac{3}{1} = \frac{3}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$$

اس لیے،  $\frac{2}{3} \div 7 = \frac{2}{3} \times \frac{1}{7} = ?$  ،  $\frac{5}{7} \div 6$  ،  $\frac{2}{7} \div 8$  کیا ہے؟

• جب کسی مخلوط عدد کو غیر واجب عدد سے تقسیم کیا جاتا ہے تو پہلے مخلوط عدد کو غیر واجب کسر میں بدلتے ہیں، یعنی

$$2\frac{2}{3} \div 5 = \frac{8}{3} \div 5 = \text{-----}; \quad 4\frac{2}{5} \div 3 = \text{-----} = \text{-----};$$

$$2\frac{2}{5} \div 2 = \text{-----} = \text{-----}$$

### 2.4.3 ایک کسری عدد کی دوسرے کسری عدد سے تقسیم

#### (Division of a Fraction by Another Fraction)

اب ہم  $\frac{1}{3} \div \frac{5}{6}$  معلوم کر سکتے ہیں۔

$$\frac{1}{3} \div \frac{5}{6} = \frac{1}{3} \times \text{مقلوب} \frac{5}{6} = \frac{1}{3} \times \frac{6}{5} = \frac{2}{5}$$

اسی طرح  $\frac{8}{5} \div \frac{2}{3} = \frac{8}{5} \times \text{مقلوب} \frac{2}{3} = ?$  اور  $\frac{1}{2} \div \frac{3}{4} = ?$

#### کوشش کیجیے:

(i)  $\frac{3}{5} \div \frac{1}{2}$

(ii)  $\frac{1}{2} \div \frac{3}{5}$

(iii)  $2\frac{1}{2} \div \frac{3}{5}$

(iv)  $5\frac{1}{6} \div \frac{9}{2}$

معلوم کیجیے:



### مشق 2.4

1- معلوم کیجیے:

(i)  $12 \div \frac{3}{4}$  (ii)  $14 \div \frac{5}{6}$  (iii)  $8 \div \frac{7}{3}$  (iv)  $4 \div \frac{8}{3}$

(v)  $3 \div 2\frac{1}{3}$  (vi)  $5 \div 3\frac{4}{7}$

2- درج ذیل کسری اعداد کے مقلوب معلوم کیجیے۔ مقلوب کی واجب، غیر واجب اور مکمل اعداد میں درجہ بندی کیجیے۔

(i)  $\frac{3}{7}$

(ii)  $\frac{5}{8}$

(iii)  $\frac{9}{7}$

(iv)  $\frac{6}{5}$

(v)  $\frac{12}{7}$

(vi)  $\frac{1}{8}$

(vii)  $\frac{1}{11}$



3- معلوم کیجیے:

$$(i) \frac{7}{3} \div 2 \quad (ii) \frac{4}{9} \div 5 \quad (iii) \frac{6}{13} \div 7 \quad (iv) 4\frac{1}{3} \div 3$$

$$(v) 3\frac{1}{2} \div 4 \quad (vi) 4\frac{3}{7} \div 7$$

4- معلوم کیجیے:

$$(i) \frac{2}{5} \div \frac{1}{2} \quad (ii) \frac{4}{9} \div \frac{2}{3} \quad (iii) \frac{3}{7} \div \frac{8}{7} \quad (iv) 2\frac{1}{3} \div \frac{3}{5}$$

$$(v) 3\frac{1}{2} \div \frac{8}{3} \quad (vi) \frac{2}{5} \div 1\frac{1}{2} \quad (vii) 3\frac{1}{5} \div 1\frac{2}{3} \quad (viii) 2\frac{1}{5} \div 1\frac{1}{5}$$

### 2.5 آپ اعشاریائی اعداد کے بارے میں کیا جانتے ہیں

#### (How Well Have You Learnt About Decimal Numbers)

آپ پچھلی کلاسوں میں اعشاریائی اعداد کے بارے میں پڑھ چکے ہیں۔ آئیے اب اسے مختصراً دہرائیں۔ درج ذیل جدول کو دیکھیے اور خالی جگہوں کو بھریے۔

عدد	ہزارواں	سوواں	دسواں	اکائی	دہائی	سیکڑہ
	$\left(\frac{1}{1000}\right)$	$\left(\frac{1}{100}\right)$	$\left(\frac{1}{10}\right)$	(1)	(10)	(100)
253.147	7	4	1	3	5	2
.....	1	2	3	9	2	6
.....	2	9	1	3	4	0
514.251	1	5	2	4	1	.....
236.512	2	1	5	6	.....	2
724.503	3	.....	5	.....	2	.....
614.326	.....	2	.....	4	.....	6
.....	0	3	5	0	1	0

جدول میں آپ نے اعشاریائی اعداد لکھے جو کہ مقامی قیمت کے لحاظ سے پچھلی ہوئی شکل میں لکھے ہوئے تھے۔ آپ اس کا الٹا بھی کر سکتے ہیں۔ یعنی دیے گئے عدد کو پچھلی ہوئی شکل میں لکھ سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر

$$253.417 = 2 \times 100 + 5 \times 10 + 3 \times 1 + 4 \times \left(\frac{1}{10}\right) + 1 \times \left(\frac{1}{100}\right) + 7 \times \left(\frac{1}{1000}\right)$$

جان کے پاس 15.50 ₹ ہیں اور سشما کے پاس 15.75 ₹ ہیں۔ کس کے پاس زیادہ ہیں؟ اس کو معلوم کرنے کے لیے اعشاریائی اعداد 15.50 اور 15.75 کا موازنہ کرنا ہوگا۔ ایسا کرنے کے لیے پہلے ہم اعشاریائی نقطے کے بائیں جانب کے ہندسوں کا

موازنہ، بائیں ترین ہندسہ سے شروع کر کے کرتے ہیں۔ یہاں اعشاریائی نقطوں کے بائیں جانب کے دونوں ہندسے 1 اور 5 دونوں ایک سے ہیں۔ اس لیے ہم اعشاریائی نقطوں کے دائیں جانب کے ہندسہ جو کہ 'دسواں' کے مقام سے شروع ہوتے ہیں، کا موازنہ کریں گے۔ ہم نے دیکھا کہ  $5 < 7$ ، اس لیے ہم کہیں گے کہ  $15.50 < 15.75$ ۔ لہذا سملی کے پاس جون سے زیادہ رقم ہے۔ اگر دسویں مقام کا ہندسہ ایک سا ہوگا تو ہم سوویں مقام کے ہندسہ کا موازنہ کریں گے اور اسی طرح آگے بھی۔ اب ذرا جلدی سے موازنہ کیجیے

35.63 اور 35.67، 20.1 اور 20.01، 19.36 اور 29.36

روپیے پیسے، لمبائی اور وزن کی چھوٹی اکائیوں کو بڑی اکائیوں میں تبدیل کرنے کے لیے ہمیں اعشاریائی اعداد کی ضرورت ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر

$$3 \text{ پیسے} = \frac{3}{100} \text{ روپیے} = 0.03 \text{ روپیے}$$

$$5 \text{ گرام} = \frac{5}{1000} \text{ کلوگرام} = 0.005 \text{ کلوگرام}$$

$$7 \text{ سم} = 0.07 \text{ میٹر}$$

$$\text{لکھیے: } 75 \text{ پیسے} = \dots \text{ روپیے؛ } 250 \text{ گرام} = \dots \text{ کلوگرام؛ } 85 \text{ سم} = \dots \text{ میٹر}$$

ہم اعشاریائی اعداد کی جمع اور تفریق سے واقف ہیں۔ لہذا  $21.36 + 37.35$  ہوگا؛

$$\begin{array}{r} 21.36 \\ + 37.35 \\ \hline 58.71 \end{array}$$

کی کیا قیمت ہے؟  $0.19 + 2.3$

29.35-4.56 کے درمیان فرق ہے

$$\begin{array}{r} 29.35 \\ - 04.56 \\ \hline 24.79 \end{array}$$

39.87-21.98 کی قیمت بتائیے۔

## مشق 2.5

1- کون بڑا ہے

(iii) 7 یا 0.7

(ii) 0.7 یا 0.5

(i) 0.5 یا 0.05

(v) 2.03 یا 2.30

(vi) 0.8 یا 0.88

(iv) 1.37 یا 1.49



2- اعشاریہ کا استعمال کر کے روپے میں لکھیے:

(i) 7 پیسے (ii) 7 روپے 7 پیسے (iii) 77 روپے 77 پیسے

(iv) 50 پیسے (v) 235 پیسے

3- (i) 5 سم کو میٹر اور کلومیٹر میں بدلے

(ii) 35 ملی میٹر کو سینٹی میٹر، میٹر اور کلومیٹر میں بدلے۔

4- کلوگرام میں بدلے

(i) 200 گرام (ii) 3470 گرام (iii) 4 کلوگرام 8 گرام

5- درج ذیل اعشاریاتی اعداد کو پھیلا کر لکھیے

(i) 20.03 (ii) 2.03 (iii) 200.03 (iv) 2.034

6- درج ذیل اعشاریاتی اعداد میں 2 کی مقامی قیمت لکھیے۔

(i) 2.56 (ii) 21.37 (iii) 10.25 (iv) 9.42 (v) 63.352

7- دیش مقام A سے مقام B پر گیا اور پھر وہاں سے مقام C پر گیا۔ A سے B 7.5 کلومیٹر دوری پر ہے اور B،

C سے 12.7 کلومیٹر کی دوری پر ہے۔ ایوب مقام A سے مقام D پر گیا اور پھر وہاں سے مقام C پر گیا۔

A، D سے 9.3 کلومیٹر اور C، D سے 11.8 کلومیٹر کی دوری پر ہے۔ کس نے زیادہ سفر کیا اور کتنا زیادہ؟ C

8- شیا مانے 5 کلوگرام 300 گرام سیب اور 3 کلوگرام 250 گرام آم خریدے۔ سرلانے 4 کلوگرام 800 گرام سنترے اور 4

کلوگرام 150 گرام کیلے خریدے۔ کس نے زیادہ پھل خریدے؟

9- 42.6 کلومیٹر سے 28 کلومیٹر کتنا کم ہے؟

## 2.6 اعشاریاتی اعداد کی ضرب (Multiplication Of Decimal Numbers)

ریشما نے 8.50 روپے فی کلوگرام کے حساب سے 1.5 کلوگرام سبزی خریدی۔ اس کو کتنے پیسے دینے چاہئیں؟ یقیناً یہ  $(8.50 \times 1.50)$

ہوں گے۔ 8.5 اور 1.5 دونوں اعشاریاتی اعداد ہیں۔ اس لیے، ہمیں ایسی حالت کا سامنا کرنا ہے جہاں پر ہمیں اعشاریاتی

اعداد کی ضرب آنے کی ضرورت ہے۔

آئیے اب ہم دو اعشاریاتی اعداد کی ضرب سیکھتے ہیں۔

سب سے پہلے ہم  $0.1 \times 0.1$  معلوم کریں گے۔

$$0.1 \times 0.1 = \frac{1}{10} \times \frac{1}{10} = \frac{1 \times 1}{10 \times 10} = \frac{1}{100} = 0.01 \quad \text{اب } 0.1 = \frac{1}{10} \text{ اس لیے،}$$

ذرا اس کا تصویری اظہار بھی دیکھیے۔ (شکل 2.13)

کسر  $\frac{1}{10}$ ، 10 برابر حصوں میں سے 1 حصہ کو ظاہر کرتی ہے۔ تصویر میں رنگا ہوا حصہ  $\frac{1}{10}$  ہے۔

ہم جانتے ہیں،

$\frac{1}{10} \times \frac{1}{10}$  کا مطلب ہے  $\frac{1}{10}$  کا  $\frac{1}{10}$ ۔ اس لیے اس  $\frac{1}{10}$  ویں حصہ کو پھر 10 برابر حصوں میں بانٹیں اور اس میں سے ایک حصہ

لے لیجیے۔

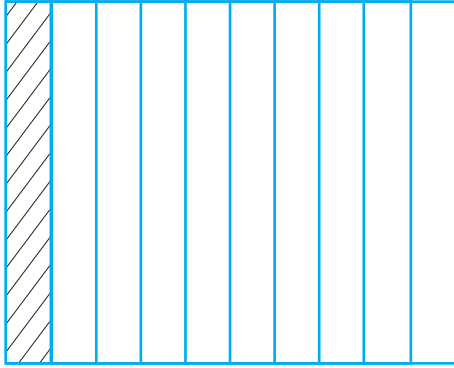
لہذا، ہمارے پاس ہے

نقطے دار مربع،  $\frac{1}{10}$  ویں حصے کے 10 برابر حصوں میں سے ایک حصہ ہے۔

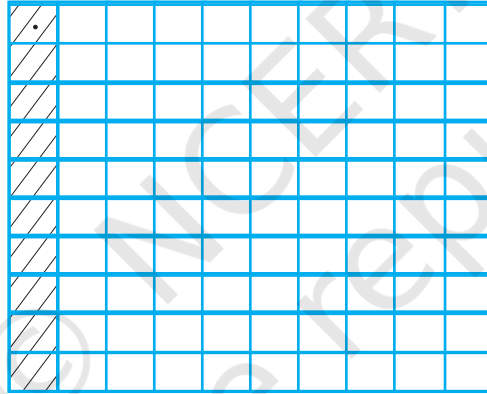
یعنی  $\frac{1}{10} \times \frac{1}{10}$  یا  $0.1 \times 0.1$  کو ظاہر کرتا ہے۔

کیا نقطے دار مربع کو کسی اور طرح بھی ظاہر کیا جاسکتا ہے؟

تصویر 2.14 میں آپ کو کتنے چھوٹے مربع نظر آ رہے ہیں؟



شکل 2.13



شکل 2.14

یہاں 100 چھوٹے مربع ہیں۔ اس لیے نقطے دار مربع، ان 100 مربعوں میں سے ایک ہے یا 0.01 ہے۔

لہذا،  $0.1 \times 0.1 = 0.01$

دھیان میں رکھیے کہ اس ضرب میں 0.1 دو بار آیا ہے۔ 0.1 میں اعشاریاتی نقطے کے دائیں جانب ایک ہندسہ ہے۔ 0.01 میں

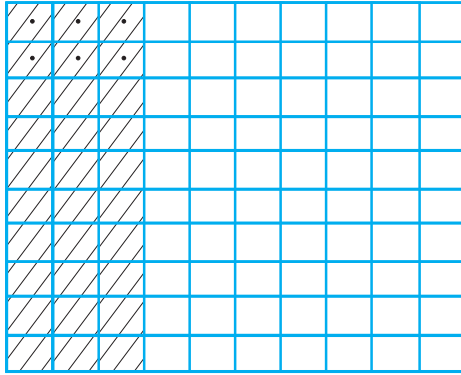
اعشاریاتی نقطے کے دائیں جانب دو ہندسے ہیں (یعنی 1+1)۔ آئیے اب ذرا  $0.2 \times 0.3$  معلوم کرتے ہیں۔

ہمیں معلوم ہے  $0.2 \times 0.3 = \frac{2}{10} \times \frac{3}{10}$

جیسا کہ ہم نے  $\frac{1}{10} \times \frac{1}{10}$  کے لیے کیا تھا، ذرا مربع 10 برابر حصوں میں بانٹیں اور پھر ان میں سے 3 حصے لے لیجیے۔ یعنی آپ کو

ملا  $\frac{3}{10}$ ۔ پھر ان تین برابر حصوں میں سے ہر ایک کو 10 برابر حصوں میں بانٹ دیجیے اور ہر ایک میں سے دو لے لیجیے۔ ہم کو ملا

$\frac{2}{10} \times \frac{3}{10}$



نقطے دار مربع  $\frac{2}{10} \times \frac{3}{10}$  یا  $0.2 \times 0.3$  کو ظاہر کر رہے ہیں (تصویر 2.15)۔ کیونکہ

یہاں 100 میں سے 6 نقطے دار مربع ہیں، اس لیے یہ 0.06 کو ظاہر کر رہے ہیں۔

$$0.2 \times 0.3 = 0.06$$

غور کریں کہ  $2 \times 3 = 6$  اور 0.06 میں اعشاریاتی نقطے کے دائیں جانب کے ہندسوں کی

تعداد 2 (= 1 + 1) ہے۔ جانچ کیجیے کیا یہ  $0.1 \times 0.1$  پر بھی لاگو ہوتا ہے۔

ان مشاہدات کا استعمال کرتے ہوئے  $0.2 \times 0.4$  معلوم کیجیے۔

شکل 2.15  $0.1 \times 0.1$  اور  $0.2 \times 0.3$  کو معلوم کرتے وقت تو شاید آپ نے غور کیا ہو کہ پہلے ہم ان اعداد کو اعشاریہ کے بنا تصور

کر کے یعنی مکمل اعداد کی طرح ضرب کرتے ہیں۔

میں ہم نے دیکھا کہ  $01 \times 01$  یا  $1 \times 1$  اسی طرح  $0.2 \times 0.3$  میں ہم نے پایا کہ  $02 \times 03$  یا  $2 \times 3$ ۔ پھر ہم

دائیں جانب کے پہلے ہندسے سے شروع کر کے ہندسوں کو گنتا شروع کرتے ہیں اور بائیں جانب تک جاتے ہیں۔ پھر ہم اس میں

اعشاریاتی نقطے لگاتے ہیں۔ اعشاریاتی نقطے لگانے کے لیے گنے گئے ہندسوں کی تعداد وہی ہوتی ہے جو ضرب کیے جانے والے

اعشاریاتی اعداد میں اعشاریاتی نقطے کے دائیں جانب کے ہندسوں کو جوڑ کر حاصل ہوتی ہے۔ آئیے اب  $1.2 \times 2.5$  معلوم کرتے ہیں۔

12 اور 25 کو ضرب کیجیے۔ حاصل ہوا 300۔ 1.2 اور 2.5 دونوں ہی میں اعشاریاتی نقطے کے دائیں جانب ایک ایک ہندسہ

ہے۔ تو 300 میں سب سے دائیں جانب والے ہندسے (یعنی 0) سے گنیے اور بائیں جانب جائیے  $1+1=2$ ۔ ہم کو ملے گا 3.00 یا 3۔

اسی طریقے سے  $1.5 \times 1.6$  اور  $2.4 \times 4.2$  معلوم کیجیے۔

جب 2.5 اور 1.25 کو ضرب کیا جائے گا تو آپ پہلے 25 اور 125 کو ضرب کیجیے۔ حاصل ضرب میں اعشاریہ لگانے کے لیے

آپ سب سے دائیں جانب کے ہندسے سے شروع کر کے  $1+2=3$  گنیے (اس طرح  $2.5 \times 1.25 = 3.225$ )۔ لہذا

معلوم کیجیے  $2.7 \times 1.35$

## کوشش کیجیے:



(i)  $2.7 \times 4$

(ii)  $1.8 \times 1.2$

(iii)  $2.3 \times 4.35$

1- معلوم کیجیے

2- (1) میں حاصل ہوئے حاصل ضربوں کو گھٹتی ترتیب میں لگائیے۔

مثال 7 مساوی الاضلاع مثلث کے ایک ضلع کی لمبائی 3.5 سینٹی میٹر۔ اس کا احاطہ معلوم کیجیے۔

حل کسی مساوی الاضلاع مثلث کے تینوں اضلاع برابر ہوتے ہیں تو ایک ضلع کی لمبائی = 3.5 سینٹی میٹر

لہذا، احاطہ =  $3 \times 3.5$  سینٹی میٹر = 10.5 سینٹی میٹر

**مثال 8** ایک مستطیل کی لمبائی 7.1 سم اور چوڑائی 2.5 سینٹی میٹر ہے۔ مستطیل کا رقبہ بتائیے؟

**حل**

$$\text{مستطیل کی لمبائی} = 7.1 \text{ سینٹی میٹر}$$

$$\text{مستطیل کی چوڑائی} = 2.5 \text{ سینٹی میٹر}$$

$$\text{اس لیے، مستطیل کا رقبہ} = 7.1 \times 2.5 = \text{مربع سینٹی میٹر}$$

$$= 17.75 \text{ مربع سینٹی میٹر}$$

### 2.6.1 اعشاریائی اعداد کی 10، 100 اور 1000 سے ضرب

#### (Multiplication of Decimal Numbers by 10, 100 and 1000)

ریٹشما نے مشاہدہ کیا کہ  $2.3 = \frac{23}{10}$  اور  $2.35 = \frac{235}{100}$ ۔ لہذا، اس نے دیکھا کہ کسی اعشاریائی عدد میں اعشاریائی نقطوں کی جگہ یا

مقام کے لحاظ سے اعشاریائی عدد کو کسری عدد میں بدلا جاسکتا ہے، ایسا کسری عدد جس کا نسب نما 10 یا 100 ہو۔ وہ حیران تھی کہ کسی

اعشاریائی عدد کو 10، 100 یا 1000 سے ضرب کیا جائے تو کیا ہوگا۔

آئیے دیکھتے ہیں، اگر ہمیں 10 یا 100 یا 1000 سے ضرب کرنے کا کوئی پیٹرن مل جائے۔

نیچے دی گئی جدول پر ایک نظر ڈالیے اور خالی جگہوں کو بھریے۔

$17.6 \times 10 = \frac{176}{100} \times 10 = 1.76$	$2.35 \times 10 = \underline{\hspace{2cm}}$	$12.356 \times 10 = \underline{\hspace{2cm}}$
$1.76 \times 100 = \frac{176}{100} \times 100 = 176 \text{ یا } 176.0$	$2.35 \times 100 = \underline{\hspace{2cm}}$	$12.356 \times 100 = \underline{\hspace{2cm}}$
$1760 \times 1000 = \frac{176}{100} \times 1000 = 1760 \text{ یا } 1760.0$	$2.35 \times 1000 = \underline{\hspace{2cm}}$	$12.356 \times 1000 = \underline{\hspace{2cm}}$
$0.5 \times 10 = \frac{5}{10} \times 10 = 5$ ;	$0.5 \times 100 = \underline{\hspace{2cm}}$ ;	$0.5 \times 1000 = \underline{\hspace{2cm}}$

جدول میں حاصل ضرب میں اعشاریائی نقطوں کے بدلاؤ پر دھیان دیجیے۔ یہاں اعداد کو 10، 100 اور 1000 سے ضرب کیا گیا ہے۔

$17.6 \times 10 = 176$  میں ہندسے ایک سے ہیں، یعنی 1، 7 اور 6۔ کیا کسی دوسرے حاصل ضرب میں بھی آپ نے یہ مشاہدہ کیا ہے؟  $1.76$

اور  $17.6$  پر دھیان دیجیے۔ کون سی سمت اعشاریہ گیا ہے، دائیں یا بائیں؟ اعشاریہ دائیں طرف ایک مقام آگے گیا ہے۔

دھیان میں رکھیے 10 میں 1 کے بعد صرف ایک صفر ہے۔  $1.76 \times 100 = 176.0$  میں 1.76 اور 176.0 پر غور کیجیے۔ اعشاریہ

دائیں طرف دو ہندسہ یا دو مقام آگے بڑھا ہے۔

غور کیجیے کہ 100 میں ایک کے بعد دو صفر ہیں۔ کیا اعشاریہ کا ایسا بدلاؤ کسی اور حاصل ضرب میں آپ نے دیکھا ہے؟

اس لیے ہم کہہ سکتے ہیں کہ جب کسی اعشاریائی عدد کو 10، 100 یا 1000 سے ضرب کیا جاتا ہے تو حاصل ضرب میں ہندسے تو

اتنے ہی ہوتے ہیں جتنے کہ اعشاریائی عدد میں ہوتے ہیں لیکن حاصل ضرب میں اعشاریہ اتنے ہندسے دائیں جانب آگے بڑھ جاتا

ہے جتنے کہ ایک کے بعد صفر ہوتے ہیں۔

**کوشش کیجیے:**

معلوم کیجیے

(i)  $0.3 \times 10$

(ii)  $1.2 \times 100$

(iii)  $56.3 \times 1000$

ان مشاہدات کی بنیاد پر اب ہم کہہ سکتے ہیں کہ  $0.07 \times 1000 = 70$  اور  $0.07 \times 10 = 0.7$ ,  $0.07 \times 100 = 7$

کیا آپ بتا سکتے ہیں  $2.97 \times 1000 = ?$ ,  $2.97 \times 100 = ?$ ,  $2.97 \times 10 = ?$

کیا آپ ریشما کی مدد کر سکتے ہیں، کل رقم معلوم کرنے میں۔ یعنی  $8.50 \times 150$  ₹؟ جو کہ اسے ادا کرنی ہے۔

## مشق 2.6



1- معلوم کیجیے:

(i)  $0.2 \times 6$  (ii)  $8 \times 4.6$  (iii)  $2.71 \times 5$  (iv)  $20.1 \times 4$

(v)  $0.05 \times 7$  (vi)  $211.02 \times 4$  (vii)  $2 \times 0.86$

2- ایک مستطیل کا رقبہ معلوم کیجیے جس کی لمبائی 5.7 سینٹی میٹر اور چوڑائی 3 سینٹی میٹر ہو۔

3- معلوم کیجیے:

(i)  $1.3 \times 10$  (ii)  $36.8 \times 10$  (iii)  $153.7 \times 10$  (iv)  $168.07 \times 10$

(v)  $31.1 \times 100$  (vi)  $156.1 \times 100$  (vii)  $3.62 \times 100$  (viii)  $43.07 \times 100$

(ix)  $0.5 \times 10$  (x)  $0.08 \times 10$  (xi)  $0.9 \times 100$  (xii)  $0.03 \times 1000$

4- ایک اسکوتر ایک لیٹر پٹرول میں 55.3 کلومیٹر فاصلہ طے کرتی ہے۔ 10 لیٹر پٹرول میں وہ کتنا فاصلہ طے کرے گی؟

5- معلوم کیجیے:

(i)  $2.5 \times 0.3$  (ii)  $0.1 \times 51.7$  (iii)  $0.2 \times 316.8$  (iv)  $1.3 \times 3.1$

(v)  $0.5 \times 0.05$  (vi)  $11.2 \times 0.15$  (vii)  $1.07 \times 0.02$

(viii)  $10.05 \times 1.05$  (ix)  $101.01 \times 0.01$  (x)  $100.01 \times 1.1$

## 2.7 اعشاریائی اعداد کی تقسیم (Division Of Decimal Numbers)



سویتا اپنی کلاس کو سجانے کے لیے ایک ڈیزائن بنا رہی تھی۔ اس کو 1.9 سم لمبی رنگین کاغذ کی کچھ پٹیاں چاہئیں۔ اس کے پاس 9.5 سم لمبی رنگین کاغذ کی پٹی تھی۔ اس پٹی میں سے وہ کتنی پٹیاں کاٹ سکتی ہے؟ اس نے سوچا یہ  $\frac{9.5}{1.9}$  سم ہوگی۔ کیا وہ صحیح ہے؟

9.5 اور 1.9 دونوں اعشاریائی اعداد ہیں۔ اس لیے ہمیں اعشاریائی اعداد کی تقسیم بھی سیکھنے کی ضرورت ہے۔

### 2.7.1 10، 100 اور 1000 سے تقسیم (Division by 10, 100 and 1000)

آئیے 10، 100 اور 1000 سے تقسیم کرتے ہیں۔

$31.5 \div 10$  پر دھیان دیجیے

$$31.5 \div 10 = \frac{315}{10} \times \frac{1}{10} = \frac{315}{100} = 3.15$$

$$31.5 \div 100 = \frac{315}{10} \times \frac{1}{100} = \frac{315}{1000} = 0.315 \quad \text{اسی طرح}$$

آئیے اب ذرا دیکھتے ہیں کہ 10، 100، 1000 سے تقسیم کا کوئی پیٹرن ہے، جو 10، 100، 1000 سے تقسیم کرنے میں ہماری مدد کر سکتا ہے۔

$31.5 \div 10 = 3.15$	$231.5 \div 10 = \underline{\hspace{2cm}}$	$1.5 \div 10 = \underline{\hspace{2cm}}$	$29.36 \div 10 = \underline{\hspace{2cm}}$
$31.5 \div 100 = 0.315$	$231.5 \div 100 = \underline{\hspace{2cm}}$	$1.5 \div 100 = \underline{\hspace{2cm}}$	$29.36 \div 100 = \underline{\hspace{2cm}}$
$31.5 \div 1000 = 0.0315$	$231.5 \div 1000 = \underline{\hspace{2cm}}$	$1.5 \div 1000 = \underline{\hspace{2cm}}$	$29.36 \div 1000 = \underline{\hspace{2cm}}$

$31.5 \div 10 = 3.15$  کو لیجیے۔ 31.5 اور 3.15 میں ہندسے ایک جیسے ہیں، یعنی 3، 1 اور 5 لیکن خارج

قسمت میں اعشاریہ کی جگہ بدل گئی ہے۔ کون سی سمت اور کتنے ہندسے؟ اعشاریائی نقطہ بائیں جانب ایک ہندسہ پیچھے ہٹا ہے۔ دھیان دیجیے 10 میں ایک کے بعد ایک صفر ہے۔

اب  $31.5 \div 100 = 0.315$  کو دیکھیے۔ 31.5 اور 0.315 میں ہندسے ایک جیسے ہیں مگر خارج قسمت میں اعشاریائی نقطہ کہاں ہے؟ یہ بائیں جانب دو ہندسے پیچھے ہٹا ہے۔ دھیان دیجیے 100 میں ایک کے بعد دو صفر ہیں۔

اس لیے، ہم کہہ سکتے ہیں کہ جب کسی عدد کو 10، 100 یا 1000 سے تقسیم کیا جاتا ہے تو عدد اور خارج قسمت کے ہندسے تو ایک جیسے ہی رہتے ہیں مگر خارج قسمت میں اعشاریہ بائیں جانب اتنے ہی مقام یا ہندسے کھسکتا ہے جتنے ایک کے بعد صفر ہوتے ہیں۔ ان مشاہدات کو استعمال کر کے ذرا جلدی سے معلوم کیجیے:

$$2.38 \div 10 = 0.238, \quad 2.38 \div 100 = 0.0238, \quad 2.38 \div 1000 = 0.00238$$

## 2.7.2 کسی اعشاریائی عدد کی ایک مکمل عدد سے تقسیم

### (Division of a Decimal Number by a Whole Number)

ذرا  $\frac{6.4}{2}$  معلوم کیجیے۔ یاد رکھیے اس کو ہم  $6.4 \div 2$  بھی لکھ سکتے ہیں۔

اس لیے،  $6.4 \div 2 = \frac{64}{10} \div 2 = \frac{64}{10} \times \frac{1}{2}$  جیسا کہ ہم نے کسری اعداد میں سیکھا ہے

$$\frac{64 \times 1}{10 \times 2} = \frac{1 \times 64}{10 \times 2} = \frac{1}{10} \times \frac{64}{2} = \frac{1}{10} \times 32 = \frac{32}{10} = 3.2$$

یا پہلے 64 کو 2 سے تقسیم کیجیے۔ تو ہم کو ملے گا 32۔ 6.4 میں اعشاریائی نقطے کے دائیں جانب ایک ہندسہ ہے۔ 32 میں اس طرح

اعشاریائی نقطہ لگائیے کہ اس کے دائیں جانب بس ایک ہندسہ بچے۔ ہم کو پھر سے 3.2 ملے گا۔

$19.5 \div 5$  کا حاصل کرنے کے لیے پہلے  $195 \div 5$  معلوم کیجیے۔ ہمیں 39 حاصل ہوتا ہے 19.5 میں اعشاریائی نقطہ کے

### کوشش کیجیے:

معلوم کیجیے:

- (i)  $235.4 \div 10$
- (ii)  $235.4 \div 100$
- (iii)  $235.4 \div 1000$



### کوشش کیجیے:

- (i)  $35.7 \div 3 = ?$
- (ii)  $25.5 \div 3 = ?$





### کوشش کیجیے:

(i)  $43.15 \div 5 = ?$ ;

(ii)  $82.44 \div 6 = ?$

### کوشش کیجیے:

معلوم کیجیے - (i)  $15.5_5$

(ii)  $126.35_7$

دائیں جانب ایک ہندسہ ہے۔ 39 میں اعشاریائی نقطہ اس طرح لگائیں کہ اس کی دائیں جانب بس ایک ہندسہ بچے۔ آپ کو 3.9 ملے گا۔

$$12.96 \div 4 = \frac{1296}{100} \div 4 = \frac{1296}{100} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{100} \times \frac{1296}{4} = \frac{1}{100} \times 324 = 3.24$$

یا 1296 کو 4 سے تقسیم کیجیے۔ آپ کو 324 ملے گا۔ 12.96 میں اعشاریہ کے دائیں جانب دو ہندسے ہیں۔ 324 میں ایسے ہی اعشاریہ لگائیے۔ آپ کو 3.24 ملے گا۔ دھیان دیجیے کہ یہاں اور اگلے حصے میں ہم صرف ایسی تقسیموں پر دھیان دے رہے ہیں جس میں اعشاریہ کے بنا جو عدد بنتا ہے وہ دوسرے عدد سے پورا پورا تقسیم ہو جاتا ہے۔ یعنی باقی صفر بچتا ہے۔ مثلاً  $19.5 \div 5$  میں عدد 195 کو جب 5 سے تقسیم کریں گے تو باقی صفر بچے گا۔

جب کہ کبھی کبھی حالات ایسے بھی ہوتے ہیں کہ ایک عدد دوسرے عدد سے پورا پورا تقسیم نہ ہو۔ یعنی باقی صفر نہ بچے۔ مثال کے طور پر  $195 \div 7$ ۔ ایسی حالتوں کو ہم اگلی کلاسوں میں دیکھیں گے۔

**مثال 9** 4.2، 3.8 اور 7.6 کا اوسط نکالیں۔

**حل** 4.2، 3.8 اور 7.6 کا اوسط ہے

$$\frac{4.2 + 3.8 + 7.6}{3} = \frac{15.6}{3} = 5.2$$

### 2.7.3 ایک اعشاریائی عدد کی دوسرے اعشاریائی عدد سے تقسیم

#### (Division of a Decimal Number by another Decimal Number)

$\frac{25.5}{0.5}$  یعنی  $25.5 \div 0.5$  معلوم کرتے ہیں۔

$$25.5 \div 0.5 = \frac{255}{10} \div \frac{5}{10} = \frac{255}{10} \times \frac{10}{5} = 51$$

ہم جانتے ہیں

$$25.5 \div 0.5 = 51$$

لہذا

آپ نے کیا دیکھا؟  $\frac{25.5}{0.5}$  میں ہم نے دیکھا کہ 0.5 میں اعشاریہ کے دائیں جانب ایک ہندسہ ہے۔ اس کو 10 سے ضرب کر کے مکمل عدد میں بدلا جاسکتا ہے۔ بالکل اسی طرح 25.5 کو 10 سے ضرب کر کے مکمل عدد میں بدلا جاسکتا ہے۔ یا ہم کہہ سکتے ہیں 0.5 میں اعشاریائی نقطہ کو دائیں جانب ایک مقام کھسکا کر 5 بنایا جاسکتا ہے۔ اس لیے 25.5 میں بھی اعشاریائی نقطہ کو ایک مقام دائیں جانب کھسکایا گیا ہے اور بن گیا 255۔

$$22.5 \div 1.5 = \frac{225}{15} = 15$$

لہذا،

## کوشش کیجیے:

(i)  $\frac{7.75}{0.25}$  (ii)  $\frac{42.8}{0.02}$  (iii)  $\frac{5.6}{1.4}$  معلوم کیجیے

اسی طریقے سے  $\frac{15.2}{0.8}$  اور  $\frac{20.3}{0.7}$  معلوم کیجیے۔  
اب ذرا  $20.55 \div 1.5$  معلوم کیجیے۔ اس کو ہم  $205.5 \div 15$  بھی لکھ سکتے ہیں۔ جیسا کہ اوپر بتایا گیا ہے، ہمیں 13.7 ملے گا۔  $\frac{3.96}{0.4}$ ،  $\frac{2.31}{0.3}$  معلوم کیجیے۔

اب  $\frac{33.725}{0.25}$  کو دیکھیے۔ اس کو ہم  $\frac{3372.5}{25}$  لکھ سکتے ہیں۔ (کیسے؟) اور ہم کو خارج قسمت 134.9 مل جائے گی۔  $\frac{27}{0.03}$  کو آپ کیسے معلوم کریں گے؟ ہم جانتے ہیں کہ 27 کو 27.00 بھی لکھا جاسکتا ہے۔

$$\frac{27}{0.03} = \frac{27.00}{0.03} = \frac{2700}{3} = 900 \quad \text{اس لیے،}$$

**مثال 10** ایک منظم کثیر ضلعی کے ہر ضلع کی لمبائی 2.5 سم ہے۔ اس کثیر ضلعی کا احاطہ 12.5 سم ہے۔ کثیر ضلعی کے کتنے ضلعے ہیں؟

**حل** منظم کثیر ضلعی کا احاطہ اس کے تمام مساوی اضلاع کی لمبائیوں کے جوڑ کے برابر ہوگا = 12.5 سم

ہر ضلع کی لمبائی = 2.5 سینٹی میٹر

$$\frac{12.5}{2.5} = \frac{125}{25} = 5 \quad \text{لہذا ضلعوں کی تعداد =}$$

کثیر ضلعی کے 5 اضلاع ہیں۔

**مثال 11** ایک کار 89.1 کلومیٹر کا فاصلہ 2.2 گھنٹوں میں طے کرتی ہے۔ 1 گھنٹے میں یہ کتنا اوسط فاصلہ طے کرے گی؟

**حل** کار کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ = 89.1 کلومیٹر

اس فاصلے کو طے کرنے میں لگاؤ وقت = 2.2 گھنٹے

$$\frac{89.1}{2.2} = \text{اس لیے اس کے ذریعے ایک گھنٹے میں طے کیا گیا فاصلہ}$$

$$\frac{89.1}{2.2} = 40.5 \quad \text{کلومیٹر}$$

## مشق 2.7

1- معلوم کیجیے:

- (i)  $0.4 \div 2$  (ii)  $0.35 \div 5$  (iii)  $2.48 \div 4$  (iv)  $65.4 \div 6$   
(v)  $651.2 \div 4$  (vi)  $14.49 \div 7$  (vii)  $3.96 \div 4$  (viii)  $0.80 \div 5$

2- معلوم کیجیے:

- (i)  $4.8 \div 10$  (ii)  $52.5 \div 10$  (iii)  $0.7 \div 10$  (iv)  $33.1 \div 10$



(v)  $272.23 \div 10$  (vi)  $0.56 \div 10$  (vii)  $3.97 \div 10$

3- معلوم کیجیے:

(i)  $2.7 \div 100$  (ii)  $0.3 \div 100$  (iii)  $0.78 \div 100$

(iv)  $432.6 \div 100$  (v)  $23.6 \div 100$  (vi)  $98.53 \div 100$

4- معلوم کیجیے:

(i)  $7.9 \div 1000$  (ii)  $26.3 \div 1000$  (iii)  $38.53 \div 1000$

(iv)  $128.9 \div 1000$  (v)  $0.5 \div 1000$

5- معلوم کیجیے:

(i)  $7 \div 3.5$  (ii)  $36 \div 0.2$  (iii)  $3.25 \div 0.5$  (iv)  $30.94 \div 0.7$

(v)  $0.5 \div 0.25$  (vi)  $7.75 \div 0.25$  (vii)  $76.5 \div 0.15$  (viii)  $37.8 \div 1.4$  (ix)  $2.73 \div 1.3$

6- ایک گاڑی 2.4 لیٹر پٹرول میں 43.2 کلومیٹر کا فاصلہ طے کرتی ہے۔ ایک لیٹر پٹرول میں وہ کتنا فاصلہ طے کرے گی؟

### ہم نے کیا سیکھا؟

1- ہم پچھلی کلاسوں میں کسری اور اعشاریائی اعداد اور ان کی جمع و تفریق پڑھ چکے ہیں۔

2- اب ہم نے کسری اور اعشاریائی اعداد کی ضرب اور تقسیم سیکھی ہے۔

3- ہم نے سیکھا کہ کسری اعداد کو کیسے ضرب کیا جاتا ہے۔ دو کسری اعداد کو ضرب کرنے کے لیے ان کے شمار کنندہ اور نسب نماؤں کو الگ الگ ضرب کرتے ہیں اور حاصل ضرب کو شمار کنندہ کا حاصل ضرب لکھتے ہیں۔ مثال کے طور پر

$$\frac{\text{شمار کنندہ کا حاصل ضرب}}{\text{نسب نما کا حاصل ضرب}} = \frac{2}{3} \times \frac{5}{7} = \frac{2 \times 5}{3 \times 7} = \frac{10}{21}$$

4- کسری اعداد میں 'کا' کی علامت کا بھی استعمال ہوتا ہے۔ مثال کے طور پر  $2 \times \frac{1}{2}$  ہے  $\frac{1}{2} \times 2 = 1$

5- (a) دو واجب کسروں کی حاصل ضرب، ضرب ہونے والے دونوں کسری اعداد سے چھوٹی ہوتی ہے۔

(b) ایک واجب اور ایک غیر واجب کسری کی حاصل ضرب غیر واجب کسری سے چھوٹی اور واجب کسری سے بڑی ہوتی ہے۔

(c) دو غیر واجب کسروں کی ضرب دونوں کسروں سے بڑی ہوتی ہے۔

6- ایک کسری عدد کا مقلوب اس عدد کو اوپر نیچے الٹا کرنے سے حاصل ہوتا ہے۔

7- ہم نے دیکھا کہ دو کسری اعداد کی تقسیم کیسے ہوتی ہے۔

(a) جب کسی مکمل عدد کو ایک کسری عدد سے تقسیم کیا جاتا ہے تو ہم مکمل عدد کو کسری عدد کے مقلوب سے ضرب کرتے ہیں۔

$$2 \div \frac{3}{5} = 2 \times \frac{5}{3} = \frac{10}{3} \quad \text{مثال کے طور پر}$$

(b) جب ہم کسی کسری عدد کو ایک مکمل عدد سے تقسیم کرتے ہیں تو ہم کسری عدد کو مکمل عدد کے مقلوب سے ضرب کرتے ہیں

$$\frac{2}{3} \div 7 = \frac{2}{3} \times \frac{1}{7} = \frac{2}{21} \quad \text{مثال کے طور پر}$$

(c) ایک کسری عدد کو کسی دوسرے کسری عدد سے تقسیم کرنے پر ہم پہلے کسری عدد کو دوسرے کسری عدد کے مقلوب سے ضرب کرتے ہیں، اس لیے

$$\frac{2}{3} \div \frac{5}{7} = \frac{2}{3} \times \frac{7}{5} = \frac{14}{15}$$

8- ہم نے دو اعشاریاتی اعداد کی ضرب میں سیکھا۔ جب دو اعشاریاتی اعداد کو ضرب کرنا ہو تو پہلے ان دونوں اعداد کو دو مکمل اعداد کی طرح ضرب کیجیے۔ دونوں اعشاریاتی اعداد میں اعشاریاتی عدد کے دائیں جانب کے ہندسوں کو گن لیجیے۔ گنے گئے ہندسوں کا جوڑ کیجیے۔ پھر حاصل ضرب میں سب سے دائیں جانب کے ہندسہ سے گنتی کرتے ہوئے اتنے ہی ہندسوں کے بعد اعشاریہ لگا دیجیے۔ یہ گنتی پہلے جوڑے گئے ہندسوں کے برابر ہونی چاہیے۔ مثال کے طور پر  $0.5 \times 0.7 = 0.35$

9- کسی اعشاریاتی عدد کو 10، 100 یا 1000 سے ضرب کرنے پر ہم اعشاریاتی نقطے کو اتنے ہی ہندسہ دائیں جانب بڑھا دیتے ہیں جتنے ایک کے بعد صفر ہوتے ہیں۔

$$\text{لہذا، } 0.53 \times 10 = 5.3, \quad 0.53 \times 100 = 53, \quad 0.53 \times 1000 = 530$$

10- ہم نے اعشاریاتی اعداد کی تقسیم بھی سیکھی ہے۔

(a) ایک اعشاریاتی عدد کو ایک مکمل عدد سے تقسیم کرنے کے لیے ہم پہلے ان دونوں اعداد کو مکمل اعداد کی طرح ہی تقسیم کرتے ہیں۔ پھر اعشاریاتی عدد جیسا ہی اعشاریہ خارج قسمت میں لگا دیتے ہیں۔ مثال کے طور پر  $8.4 \div 4 = 2.1$

یاد رکھیے یہ یہاں ہم صرف ان اعداد کو لے رہے ہیں جن کی تقسیم میں باقی صفر ہو۔

(b) ایک اعشاریاتی عدد کو 10، 100 یا 1000 سے تقسیم کرنے کے لیے اعشاریاتی عدد میں اعشاریہ اتنے ہی ہندسے بائیں جانب کھسکا دیا جاتا ہے، جتنے ایک کے بعد صفر ہوتے ہیں۔ مثال کے طور پر

$$23.9 \div 1000 = 0.0239, \quad 23.9 \div 100 = 0.239, \quad 23.9 \div 10 = 2.39$$

(c) دو اعشاریاتی اعداد کو تقسیم کرنے کے لیے پہلے مقسوم علیہ کا اعشاریہ ہٹانے کے لیے دونوں اعداد میں اعشاریہ دائیں جانب، برابر مقاموں پر کھسکایا جاتا ہے۔ لہذا

$$2.4 \div 0.2 = 24 \div 2 = 12$$