

अध्याय-2 पूर्ण संख्याएँ (WholeNumbers)



वसंत का मौसम आरम्भ हुआ था अब गोलू भालू को एक लम्बी नींद से जागने पर भूख बहुत सता रही थी। भूख शांत करने के लिए गोलू नदी की तरफ आया। आज उसने ताज़ा मछलियों का शिकार करने की सोची है। नदी पर पहुँचकर गोलू ने नदी किनारे पानी में मछलियों के अनेक समूह देखे। आप ऊपर चित्र में देखकर गोलू की मदद करो तथा बताओ कि नदी किनारे कहाँ-कहाँ कितनी मछलियाँ हैं।

1. गोलू के सामने कितनी मछलियाँ हैं?
2. चट्टान के पास कितनी मछलियाँ हैं?
3. फूलों की झाड़ियों के पास कितनी मछलियाँ हैं?
4. नदी किनारे पेड़ के पास कितने मछलिया हैं ?



शादाब अपने मित्र गुरमीत की जन्मदिन पार्टी में गया तो वहाँ सभी मित्रों ने मिलकर पाँच आइसक्रीम बॉउल में कुछ चॉकलेट डालकर रखी हुई थी शर्त यह थी कि सभी मित्रों को बारी-बारी से एक ही पासा Dice फेंककर खेलते हुए जिसके पासे पर किसी भी बॉउल में रखी चॉकलेट जितने अंक आ जाएंगे तो वह सारी चॉकलेट उसे मिल जायेंगी। यदि पासे पर आया अंक का बाउल में रखी चॉकलेट से मिलान नहीं होता है तो उस मित्र को कोई चॉकलेट नहीं मिलेगी।

अब इस जन्म दिन पार्टी में गुरमीत, शादाब और उनके मित्रों द्वारा खेले गए खेल के आधार पर निम्न प्रश्नों के उत्तर देने का प्रयास करो।

प्र०1. कितने बॉउल ऐसे हैं जो खेल के द्वारा किसी न किसी मित्र को मिल सकते हैं?

प्र०2. इन बॉउल के स्थान भी लिखिए।

प्र०3. कितने बाँडल ऐसे हैं जो किसी भी मित्र को इस खेल के द्वारा प्राप्त नहीं हो सकते।

प्र०4. इन बाँडल के स्थान भी लिखिए।.....

प्र०5. सबसे अधिक चॉकलेट किस स्थान वाली बाँडल में है

प्र०6. स्थान V पर रखे बाँडल में कितनी चॉकलेट हैं ?

प्र०7. स्थान II पर रखे बाँडल में कितनी चॉकलेट हैं ?

वर्कशीट 2.1

आओ गिनें

- आपके परिवार में कितने सदस्य हैं?
- आपकी कक्षा में कितने डेस्क (Desk) हैं?
- आपके विद्यालय में कमरों (Room) की कुल संख्या, गिन कर बताएँ।
- आपके विद्यालय में पेड़ों (Trees) की कुल संख्या को गिन कर लिखें।

बॉक्स में लिखित प्रश्नों का उत्तर देने के लिए हमने गिनती (Counting) का प्रयोग किया है।

प्र०- गिनती कौन से अंक से शुरू होती है?

प्र०- गिनती किस अंक पर समाप्त होती है?

अपने साथी छात्रों द्वारा दिए गए उत्तरों को देखिए और जाँचिए कि क्या गिनती कभी समाप्त होती है?

गिनती के लिए, प्रयोग में आने वाली संख्या अंकों को नीचे लिखिए।

1, _2_, _3_, __, __, __, __, __, __, __

__, __, __, __, __, __, __, __, __, __

(इसी प्रकार हम बढ़ते चले जाएँगे।)

इन सभी संख्याओं को हम प्राकृत संख्या (Natural Number) कहते हैं।

क्योंकि

इनका प्रयोग हम प्रसन्नति में उपस्थित विभिन्न प्रत्यक्ष वस्तुओं को गिनने (Counting) में करते हैं।

हम प्राकृत संख्याओं के साथ पिछली कक्षाओं में कार्य कर चुके हैं। गिनने के अतिरिक्त ये संख्याएँ वस्तुओं को क्रम में रखने, वस्तुओं के संग्रह को दर्शाने व योग, घटाने, गुणा व भाग की संक्रियाओं में प्रयोग होती रही हैं।

प्रश्नों के उत्तर दीजिए

- a) 50 से बड़ी कोई एक प्राकृत संख्या
- b) 1000 से 2000 के बीच की कोई एक प्राकृत संख्या
- c) 120 से छोटी कोई एक प्राकृत संख्या
- d) 590 और 600 के बीच कोई एक प्राकृत संख्या

शून्य का परिचय (Introduction of Zero)

यदि हमें वस्तुओं के किसी दिए गए संग्रह में से उतनी ही वस्तुएँ घटानी पड़ जाएं तो आपके अनुसार क्या बचेगा तथा घटाव का परिणाम आप किस प्रकार दर्शाएंगे?

आइए और विचार करते हैं:-

- आज कक्षा में कितने विद्यार्थी उपस्थित हैं?
- यदि सभी विद्यार्थी खेल के मैदान में चले जाएँ तो कक्षा में कितने विद्यार्थी बचेंगे ?
- जब कुछ भी नहीं बचता तो हम उसके लिए किस अंक का प्रयोग करते हैं ?

प्रश्नों के उत्तर दीजिए

आपके पास 5 आम हैं, आप सभी आम खा गए। आपके पास कितने आम बचे?

एक खाली गुल्लक में कितने सिक्के होंगे?

आओ प्राकृत संख्या समूह लेते हैं।

1, 2, 3, 4, 5, 6, ...

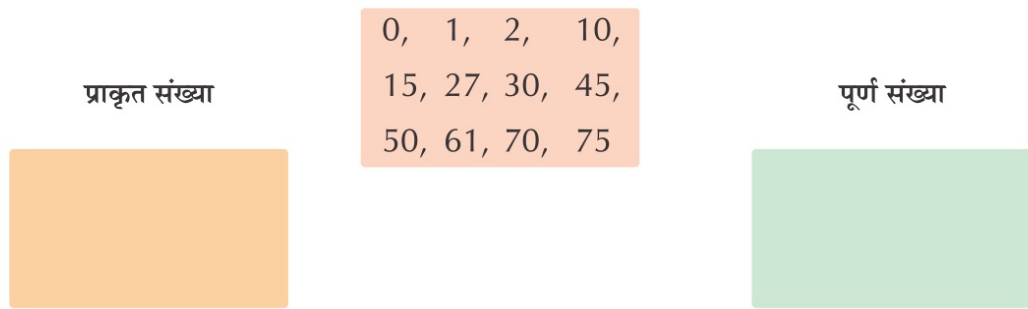
प्राकृत संख्याओं में '0' को सम्मिलित (शामिल) करते हैं।

इसलिए इस संख्या समूह को हम पूर्ण संख्याएँ (Whole Numbers) कहते हैं। 0, 1, 2, 3, 4, 5, ...

- प्राकृत संख्याएँ लिखिए :-

-पूर्ण संख्याएँ लिखिए :-

संख्या बॉक्स में से संख्या देखकर दिए गए खाली बॉक्सों में लिखिए ।



प्रयास कीजिए

- प्र01. क्या सभी प्राकृत संख्याएँ पूर्ण संख्याएँ भी हैं? हाँ या नहीं
- प्र0 2. क्या सभी पूर्ण संख्याएँ प्राकृत संख्याएँ भी हैं? हाँ या नहीं
- प्र0 3. सबसे छोटी प्राकृत संख्या लिखिए।
- प्र0 4. सबसे छोटी पूर्ण संख्या लिखिए।

वर्कशीट 2.2

पूर्ववर्ती-परवर्ती (Predecessor-successor)

- संख्या 50 के एकदम पहले कौन सी संख्या आती है? _____
- संख्या 99 के एकदम बाद कौन सी संख्या आती है? _____

किसी संख्या के एक दम पहले आने वाली संख्या पूर्ववर्ती संख्या **Predecessor** कहलाती है।

पूर्ववर्ती एक दम पहले आने वाली संख्या

पूर्ववर्ती → एक दम पहले आने वाली संख्या

किसी संख्या के एकदम बाद में आने वाली संख्या परवर्ती संख्या **Successor** कहलाती है।

परवर्ती → एक दम बाद में आने वाली संख्या

संख्याओं का पूर्ववर्ती लिखिए

- | | |
|-----------------|-------------------|
| a) 99 _____ | d) 19587 _____ |
| b) 580 _____ | e) 40000 _____ |
| f) 10,000 _____ | g) 1,00,000 _____ |

संख्याओं का परवर्ती लिखिए

- | | |
|--------------|-----------------|
| a) 79 _____ | d) 10999 _____ |
| b) 980 _____ | e) 78976 _____ |
| f) 999 _____ | g) 999999 _____ |

प्रयास कीजिए

- प्र0 1 ऐसी प्राकृत संख्या बताइए, जिसका कोई पूर्ववर्ती नहीं है?
- प्र0 2 ऐसी पूर्ण संख्या बताइए, जिसका कोई पूर्ववर्ती नहीं है?
- प्र0 3 प्राकृत संख्या 1 का पूर्ववर्ती क्या है?
- प्र0 4 क्या कोई ऐसी संख्या है, जिसका कोई परवर्ती नहीं है? हाँ/नहीं
- (इस प्रश्न की चर्चा अपनी कक्षा में कीजिए)

नीचे दिए गए प्रश्नों के आधार पर तालिका को पूरा कीजिए

CROSSWORD

1) 1	0	2) 0		3)	7)
3	6)				
2			9)		
	5)				
4)					
				8)	

दाएँ से बाएँ की तरफ भरें।

- 3 अंको की सबसे छोटी संख्या _____
- संख्या 1 की पूर्ववर्ती संख्या _____
- 80 की परवर्ती संख्या _____
- 100 की पूर्ववर्ती संख्या _____
- 8999 की परवर्ती संख्या _____

6) 500 की पूर्ववर्ती संख्या _____

7) 0 (शून्य) की परवर्ती संख्या _____

8) 50 की परवर्ती संख्या _____

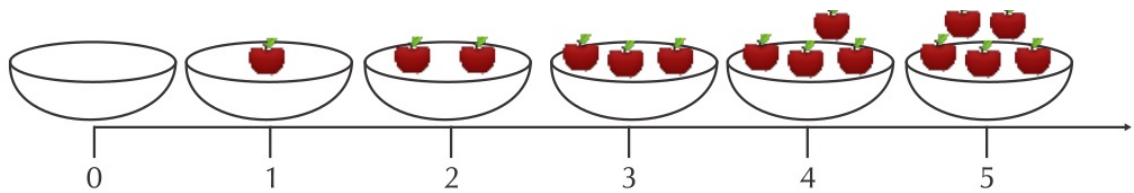
9) 8 की पूर्ववर्ती संख्या _____

ऊपर से नीचे की तरफ भरें।

1) 133 की पूर्ववर्ती संख्या _____

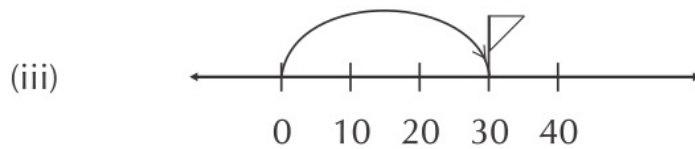
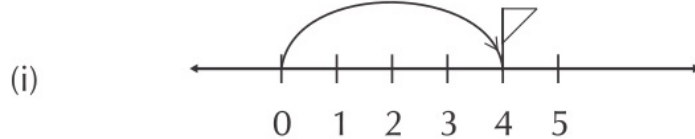
6) 3 की परवर्ती संख्या _____

संख्या रेखा पर गिनती



वर्कशीट 2.3

संख्या रेखा ध्वज द्वारा दर्शाए गए मान को सामने बॉक्स में लिखिए।



संख्या रेखा पर दिए गए मान को निरूपित कीजिए तथा सही स्थान पर ध्वज लगाइए।

- (a) 3 
- (b) 8 
- (c) 11 
- (d) 20 

आओ करें

$$4 + 0 = \underline{\quad}$$

$$\underline{\quad} + 15 = \underline{\quad}$$

$$25 + \underline{\quad} = 25$$

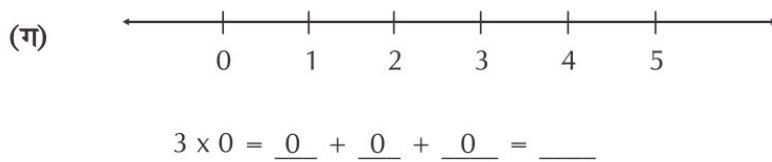
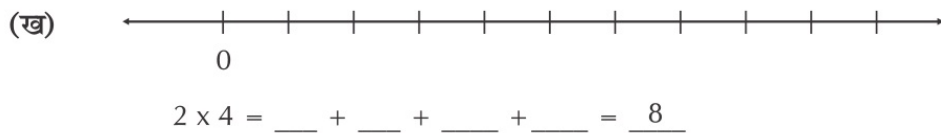
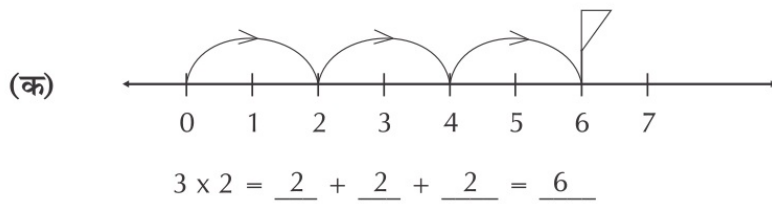
$$14 - 0 = \underline{\quad}$$

$$39 - \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$78 - 78 = \underline{\quad}$$

गुणा करके देखिए

उत्तर को ध्वज द्वारा संख्या रेखा पर दर्शाइए



$$\text{a) } 51 \times 0 = \underline{\quad}$$

$$\text{b) } 0 \times 5 = \underline{\quad}$$

$$\text{c) } 3 \times 7 \times 0 = \underline{\quad}$$

वर्कशीट 2.4

पूर्ण संख्याओं के गुणों के आधार पर निम्न तालिका 1 को पूर्ण करें।

पूर्ण संख्या(I)	पूर्ण संख्या(II)	योग	योगफल	पूर्ण संख्या हैं या नहीं
8	7	$8+7$	15	पूर्ण संख्या है
35	40	_____	_____	_____
0	43	_____	_____	_____
1	99	_____	_____	_____
15	00	_____	_____	_____

पूर्ण संख्या का योग भी एक पूर्ण संख्या होती है?



हाँ या नहीं

तालिका 2 को पूरा कीजिए

पूर्ण संख्या (I)	पूर्ण संख्या (II)	गुणा	गुणफल	पूर्ण संख्या हैं या नहीं
5	7	5×7	35	पूर्ण संख्या है
3	9	_____	_____	_____
0	15	_____	_____	_____
45	1	_____	_____	_____

पूर्ण संख्याओं का गुणनफल भी एक पूर्ण संख्या है?



हाँ या नहीं

तालिका 3 को पूरा कीजिए

पूर्ण संख्या (I)	पूर्ण संख्या (II)	घटाव	अन्तर	पूर्ण संख्या हैं या नहीं
5	2	$5 - 3$	2	पूर्ण संख्या है
25	21	_____	_____	_____
9	0	_____	_____	_____
3	10	_____	_____	_____

★ उपरोक्त तालिका की अंतिम पंक्ति में 3 में से 10 को घटाया गया है। हम जानते हैं कि 10 में से 3 घटाने पर 7 प्राप्त होता है। क्या 3 में से 10 घटाने पर भी 7 ही प्राप्त होगा?

क्या सभी पूर्ण संख्याओं का अन्तर भी एक पूर्ण संख्या है?



हाँ या नहीं

तालिका 4 को पूरा कीजिए

पूर्ण संख्या (I)	पूर्ण संख्या (II)	भाग	भागफल	पूर्ण संख्या हैं या नहीं
10	2	$10 \div 2$	5	पूर्ण संख्या है
15	3	_____	_____	_____
48	16	_____	_____	_____
15	8	_____	_____	_____
9	0	_____	_____	_____

क्या सभी पूर्ण संख्याओं का भागफल भी एक पूर्ण संख्या है? हाँ या नहीं

★ $9 \div 0$ परिभाषित नहीं है। उदाहरण के लिए 9 में से 0 (शून्य) घटाने पर प्रत्येक बार हमें 9 ही प्राप्त होता है।

पूर्ण संख्याओं का शून्य से विभाजन परिभाषित नहीं है।

वर्कशीट 2.5

संवृत (Closed)

एक ही संख्या समूह में, होने वाली संक्रिया, से प्राप्त संख्या का उसी समूह में होना ही संवृत गुण (Closure property) कहलाता है।

तालिका संख्या 1 से 4 में सीखे पूर्ण संख्याओं के संवृतता गुण के आधार पर सही कथन पर बॉक्स में (3) या (7) का निशान लगाइए।

पूर्ण संख्या, योग के अंतर्गत संवृत होती हैं ।

पूर्ण संख्या, घटाव के अंतर्गत संवृत होती हैं ।

पूर्ण संख्या, गुणन के अंतर्गत संवृत होती हैं ।

पूर्ण संख्या, भाग के अंतर्गत संवृत होती हैं ।

क्रमविनिमेय गुण (Commutative Law)

क्रमविनिमेय $\longrightarrow$ क्रम + विनिमेय
क्रम बदलना

क्रम बदलकर भी समान
प्रभाव का होना।

1. पूर्ण संख्याओं के लिए योग की क्रमविनिमेय का गुण

Addition is commutative for whole numbers

$$\begin{array}{c} \boxed{\text{2 Apples}} + \boxed{\text{3 Apples}} = \boxed{\text{3 Apples}} + \boxed{\text{2 Apples}} \\ 2 + 3 = 3 + 2 \\ a + b = b + a \end{array}$$

तालिका 5 को पूरा कीजिए

पूर्ण संख्या (i)	पूर्ण संख्या (ii)	योग कीजिए	क्रम बदलकर योग कीजिए	प्रभाव
4	5	$4 + 5 = 9$	$5 + 4 = 9$	समान हल
17	13	$17 + 13 = 30$	$13 + 17 = 30$	समान हल
_____	_____	_____ = _____	_____ = _____	_____
_____	_____	_____ = _____	_____ = _____	_____
_____	_____	_____ = _____	_____ = _____	_____

प्र0- क्या ऐसी कोई दो पूर्ण संख्याएँ हैं, जिनका क्रम बदलकर जोड़ने पर भी उनका योग समान नहीं मिलता है?

उ :-

निष्कर्ष : क्या क्रम बदलकर जोड़ने पर भी पूर्ण संख्याओं का योग समान रहता है? हाँ या नहीं

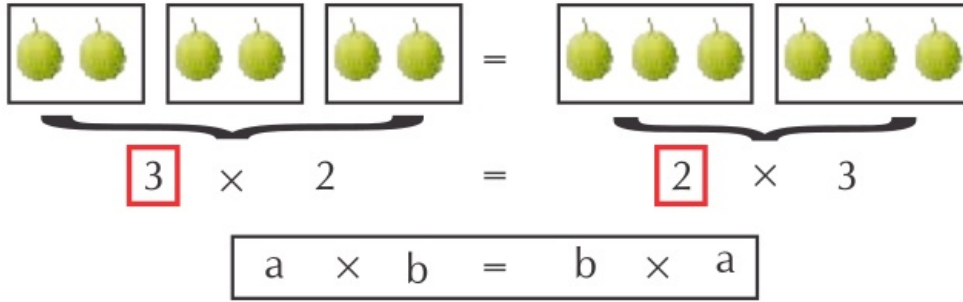
तालिका 6 को पूरा कीजिए

पूर्ण संख्या (i)	पूर्ण संख्या (ii)	घटाव कीजिए	क्रम बदलकर घटाव कीजिए	प्रभाव
7	3	$7 - 3 = 4$	$3 - 7 = -4$	समान हल नहीं
2	10	$2 - 10 = -8$	$10 - 2 = 8$	समान हल नहीं
12	5	_____ = _____	_____ = _____	_____
50	70	_____ = _____	_____ = _____	_____

निष्कर्ष :- क्या क्रम बदलकर घटाव करने पर भी पूर्ण संख्याओं का घटा समान रहता है? हाँ या नहीं

2. पूर्ण संख्याओं के लिए गुणन की क्रमविनिमेय

Multiplication is commutative for whole numbers



तालिका 7 को पूरा कीजिए

पूर्ण संख्या (I)	पूर्ण संख्या (II)	गुणन कीजिए	क्रम बदलकर गुणन कीजिए	प्रभाव
	3	$7 \times 3 = 21$	$3 \times 7 = 21$	_____
	5	_____ = _____	_____ = _____	_____
	0	_____ = _____	_____ = _____	_____
	5	_____ = _____	_____ = _____	_____

प्र0 - क्या ऐसी कोई दो पूर्ण संख्याएँ हैं, जिनका क्रम बदलकर गुणन करने पर उनका गुणफल समान नहीं मिलता है?

उ0 -

निष्कर्ष:- क्या क्रम बदलकर गुणन करने पर भी पूर्ण संख्याओं का गुणफल समान रहता है? हाँ या नहीं

रिक्त स्थान भरिए

a) $5 \times 7 = \underline{\quad} \times 5$

c) $\underline{\quad} \times 21 = 21 \times 3$

b) $9 \times 17 = \underline{\quad} \times \underline{\quad}$

d) $12 \times \underline{\quad} = 2 \times 12$

तालिका 8 को पूरा कीजिए

पूर्ण संख्या (i)	पूर्ण संख्या (ii)	भाग कीजिए	क्रम बदलकर भाग कीजिए	प्रभाव
3	5	$3 \div 5 = \frac{3}{5}$	$5 \div 3 = \frac{5}{3}$	समान हल नहीं
10	2	$10 \div 2 = 5$	$2 \div 10 = \frac{1}{5}$	समान हल नहीं
_____	_____	_____ = _____	_____ = _____	_____

निष्कर्ष :- क्या क्रम बदलकर भाग करने पर भी पूर्ण संख्याओं का भागफल समान रहता है?

भरी गई तालिका 5 से 8 में सीखे पूर्ण संख्याओं के लिए योग, घटाव, गुणन व भाग की क्रमविनिमेयता के आधार पर सही उत्तर का चयन कर (3) अथवा (7) का चिन्ह बॉक्स में लगाए।

- पूर्ण संख्याएँ योग के अंतर्गत क्रमविनिमेय होती हैं।
- पूर्ण संख्याएँ घटाव के अंतर्गत क्रमविनिमेय होती हैं।
- पूर्ण संख्याएँ गुणन के अंतर्गत क्रमविनिमेय होती हैं।
- पूर्ण संख्याएँ भाग के अंतर्गत क्रमविनिमेय होती हैं।

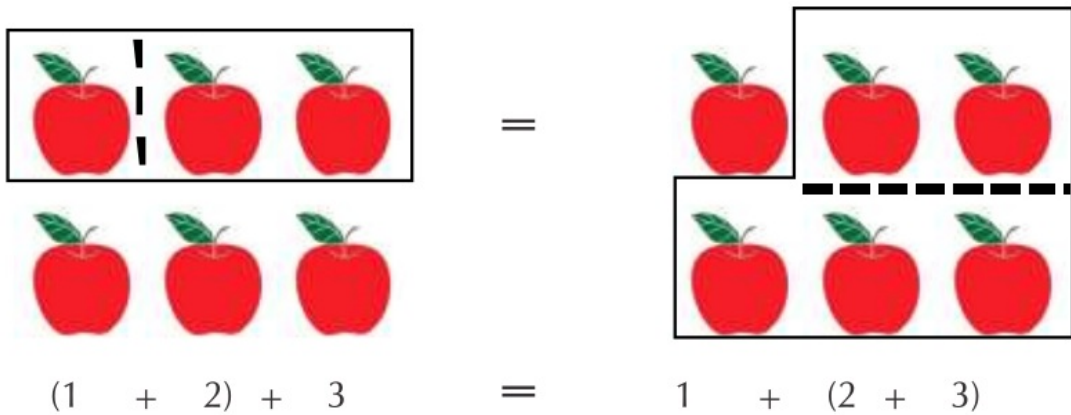
साहचर्य गुण (Associative Law)

साहचर्य : साथ रहने/ निर्वाह करने वाले

संख्याओं का युग्म बदलने पर भी हल का एक समान रहना, साहचर्य गुण कहलाता है।

1. पूर्ण संख्याओं के लिए योग की सहचारिता

Associativity of addition for whole numbers



तालिका 9 को पूरा कीजिए

कोई भी तीन पूर्ण संख्या लीजिए	युग्म बनाकर योग	अलग युग्म बनाकर योग	प्रभाव
a) 4, 7, 3	$(4+7)+3=11+3=14$	$4+(7+3)=4+10=14$	समान हल
b) 3, 2, 5	$(\underline{\quad} + \underline{\quad}) + \underline{\quad} = \underline{\quad} + \underline{\quad} = \underline{\quad}$	$(\underline{\quad} + \underline{\quad}) + \underline{\quad} = \underline{\quad} + \underline{\quad} = \underline{\quad}$	_____
c) _____, _____, _____	_____	_____	_____

क्या पूर्ण संख्याओं का अलग-अलग युग्म बनाकर योग करने से योगफल समान रहता है? हाँ या नहीं

रिक्त स्थान भरिए

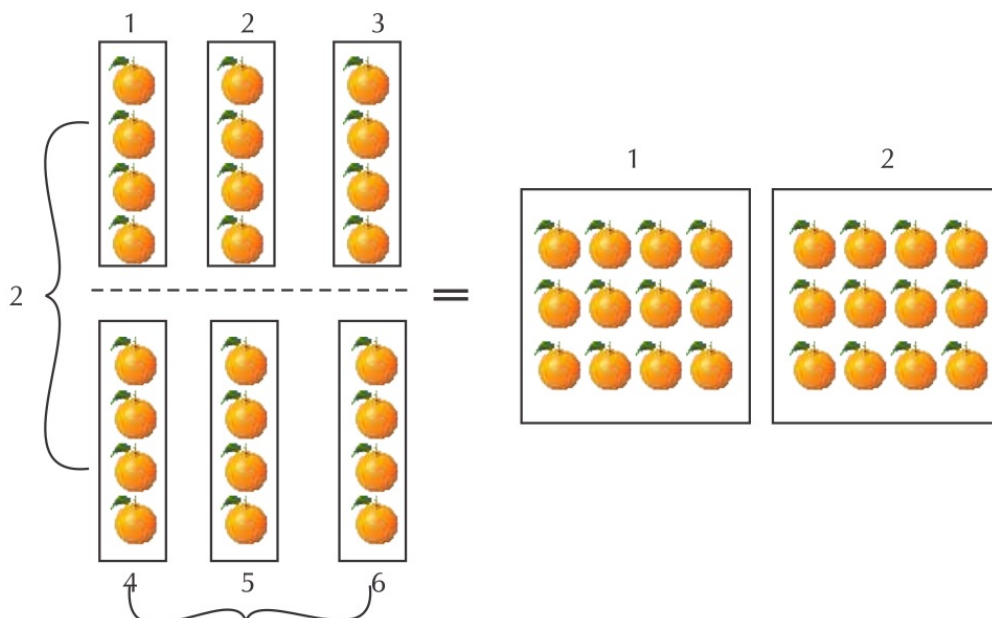
a) $(4+7)+5 = __ + (7+5)$

b) $(__ + 2) + 15 = 10 + (2 + 15)$

c) $(a+b)+c = a + (__ + __)$

2. पूर्ण संख्याओं के लिए गुणन की सहचारिता

Associativity property for multiplication of whole numbers



$$\begin{aligned}
 2 \text{ बार } 3 \text{ समूह} \times (\text{प्रत्येक समूह में } 4 \text{ संतरे}) &= 2 \text{ बार } [3 \text{ समूह} \times (\text{प्रत्येक समूह में } 4 \text{ संतरे})] \\
 (2 \times 3) \times 4 &= 2 \times (3 \times 4) \\
 6 \text{ बार } 4 \text{ संतरे} &= 2 \text{ बार } 12 \text{ संतरे} \\
 24 \text{ संतरे} &= 24 \text{ संतरे}
 \end{aligned}$$

तालिका 10 को पूरा कीजिए

कोई भी तीन पूर्ण संख्या लीजिए	युग्म बनाकर गुणन	अलग युग्म बनाकर गुणन	प्रभाव
a) 3, 5, 2	$(3 \times 5) \times 2 = 15 \times 2 = 30$	$4 + (7 + 3) = 4 + 10 = 14$	समान हल
b) 9, 1, 5	$(__ \times __) \times __ = __ \times __ = __$	$__ \times (__ \times __) = __ \times __ = __$	
c) $__, __, __$			

निष्कर्ष:- क्या पूर्ण संख्याओं का अलग-अलग युग्म बनाकर गुणन करने से गुणनफल समान रहता है?

रिक्त स्थान भरिए।

a) $(4 \times 7) \times 10 = 4 \times (__ \times __)$

b) $(5 \times 3) \times 4 = __ \times (3 \times __)$

c) $(a \times b) \times c = a \times (__ \times __)$

रीना अपने जन्मदिन पर अपनी 7 सहेलियों को भेंट देने के लिए चॉकलेट तथा टॉफी खरीदने बाज़ार गई। एक चॉकलेट का मूल्य 10 रूपये है तथा एक टॉफी का मूल्य 2 रूपये हैं। उसने चॉकलेट तथा 7 टॉफीयाँ खरीदी।

अब नीचे दी गई स्थितियों में रीना द्वारा बताई गई संख्याओं को देखकर रिक्त स्थान भरें और जानने का प्रयास करें कि उसने कुल कितने रूपये खर्च किए।

(a) 7 चॉकलेट का मूल्य = $7 \times \underline{\hspace{1cm}}$ ₹ = ₹

(b) 7 टॉफियों का मूल्य = $\underline{\hspace{1cm}} \times 2$ ₹ = ₹

(c) रीना द्वारा खर्च की गई कुल राशि = $(7 \times \underline{\hspace{1cm}} \text{ ₹}) + (7 \times \underline{\hspace{1cm}} \text{ ₹})$

= $7 (\underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}})$ ₹

= $7 \times \underline{\hspace{1cm}} \text{ ₹} = \text{₹}$

साहचर्य नियम का प्रयोग कर गुणा कीजिए

a) $14 \times 9 = (2 \times 7) \times 9 = 2 \times (7 \times 9) = 2 \times 63 = 126$

b) $18 \times 7 = (\underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}}) \times 9 = \underline{\hspace{1cm}} \times (\underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}}) = \underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}}$

c) $15 \times 8 = (\underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}}) \times \underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}} \times (\underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}}) = \underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}}$

सोचिए और चर्चा कीजिए।

a) क्या, $(5-4)-3 = 5-(4-3)$ हाँ/नहीं होगा?

b) क्या, $15 \div 5 \div 3 = 15 \div (5 \div 3)$ हाँ/नहीं होगा?

सही उत्तर का चयन कर बॉक्स में (3) अथवा (7) का चिन्ह लगाएं।

(८) पूर्ण संख्याएँ योग के अन्तर्गत, साहचर्य होती हैं।

(९) पूर्ण संख्याएँ गुणन के अन्तर्गत, साहचर्य होती हैं।

(१०) पूर्ण संख्याएँ भाग के अंतर्गत, साहचर्य होती हैं।

(११) पूर्ण संख्याएँ घटाव के अंतर्गत, साहचर्य होती हैं।

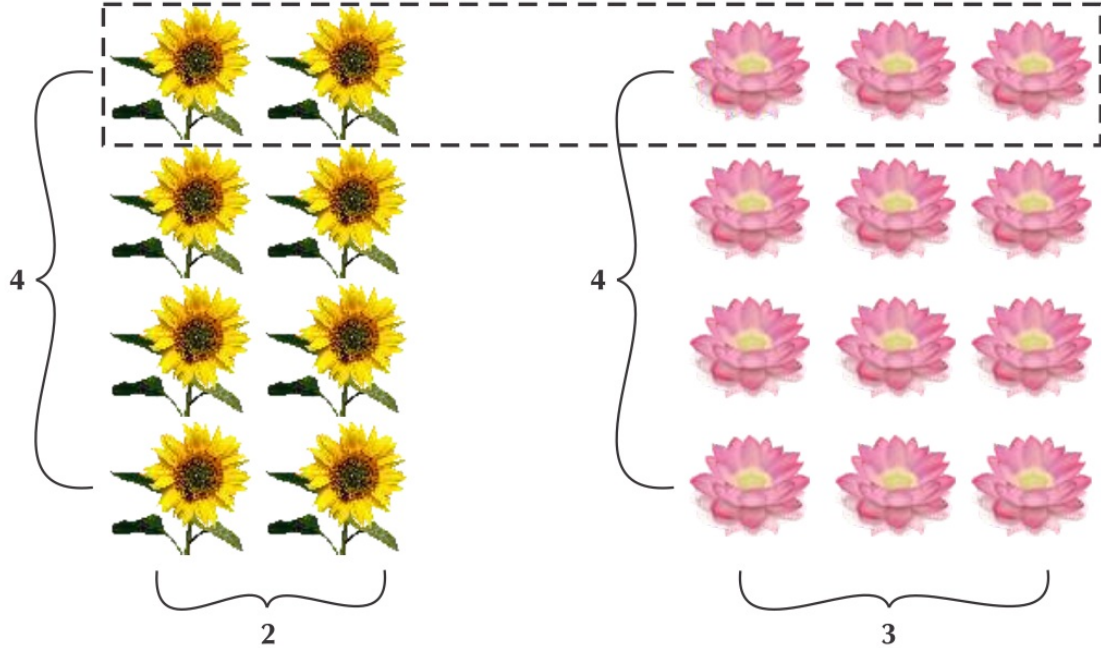
पूर्ण संख्याओं के लिए योग पर गुणन का वितरण

Distributivity of multiplication over addition for whole numbers

20 फूल

= 4 बार (5 फूल)

= $4 \times (2 \text{ फूल} + 3 \text{ फूल})$



$$= (4 \times 2) + (4 \times 3)$$

$$= 8 + 12$$

$$= 20$$

$4 \text{ पंक्तियाँ} \times (2 \text{ फूल गेंदे के} + 3 \text{ फूल गुलाब के}) = (4 \text{ पंक्तियाँ} \times 2 \text{ फूल गेंदे के}) + (4 \text{ पंक्तियाँ} \times 3 \text{ फूल गुलाब के})$

$$4 \times (2 + 3) = (4 \times 2) + (4 \times 3)$$

$$4 \times 5 \text{ फूल} = 8 \text{ फूल गेंदे के} + 12 \text{ फूल गुलाब के}$$

$$20 \text{ फूल} = 20 \text{ फूल}$$

वर्कशीट 2.7

योग पर गुणन के वितरण गुण का प्रयोग कर हल कीजिए

1) $115 \times 7 + 115 \times 3 = 115 \times (7+3) = 115 \times 10 = 1150$

2) $900 \times 12 + 900 \times 8 = \underline{\hspace{1cm}} \times (\underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}}) = \underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}}$

3) $5178 \times 8 + 5178 \times 2 = \underline{\hspace{1cm}} \times (\underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}}) = \underline{\hspace{1cm}} \times \underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}}$

4) $79 \times 800 + 79 \times 200 = \underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}}$

बॉक्स में से चयन कर, बताइए कि दी गई स्थितियों में कौन सा गुण उपयोग में लाया जा रहा है।

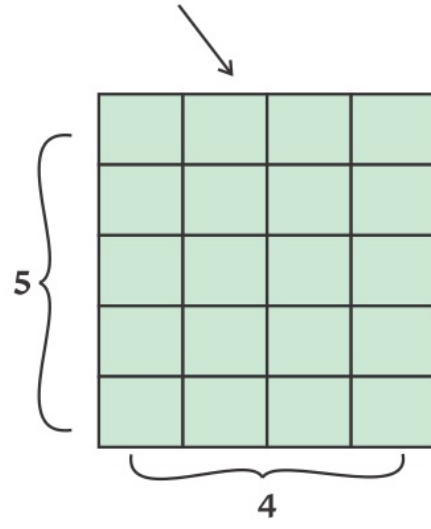
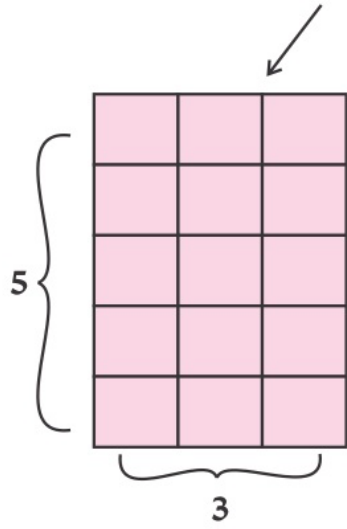
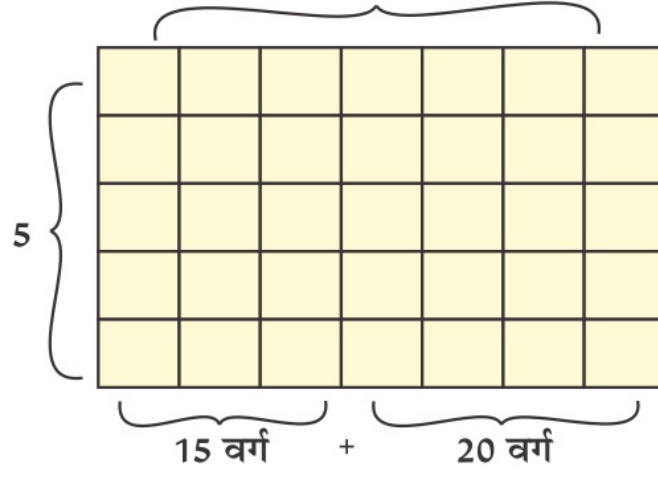
1) $45 \times (10 \times 2)$	=	$(45 \times 10) \times 2$		(a) गुणन की क्रमविनिमेयता
2) $(40 + 20) + 10$	=	$40 + (20 + 10)$		(b) योग की क्रमविनिमेयता
3) $7 \times (8 + 2)$	=	$7 \times 8 + 7 \times 2$		(c) योग पर गुणन का वितरण
4) $9 \times 2 + 9 \times 8$	=	$9 \times (2 + 8)$		(d) गुणन का साहचर्य गुण
5) 10×7	=	7×10		(e) योग का साहचर्य गुण
6) $15 + 17$	=	$17 + 15$		(f) पूर्ण संख्याओं के लिए
7) $45 + 0$	=	45		योज्य तत्समक
8) 19×1	=	19		(g) पूर्ण संख्याओं के लिए
9) $0 + 17$	=	17		गुणन तत्समक
10) 1×25	=	25		

पूर्ण संख्याओं के लिए योग पर गुणन का वितरण

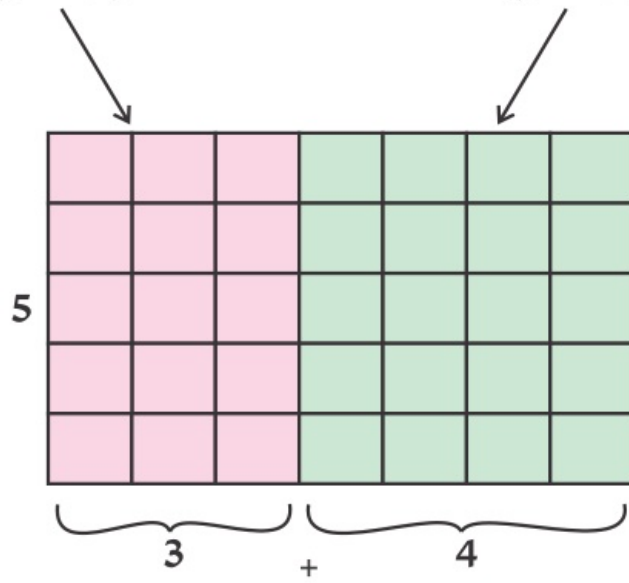
35 वर्ग



7



$$= (5 \times 3) \quad + \quad (5 \times 4)$$



$$= 5 \times (3 + 4)$$

$$= 5 \times 7$$

$$= 35 \text{ वर्ग}$$

वर्कशीट 2.8

संख्याओं का गुणन करना

संख्या का 2 से गुणन



संख्या का दुगना करना



संख्या को दो बार जोड़ना

उदाहरण: $3768 \times 2 = \underline{7536}$

$$\begin{array}{r} 3000 + 700 + 60 + 8 \\ + 3000 + 700 + 60 + 8 \\ \hline 6000 + 1400 + 120 + 16 \end{array}$$

इसी प्रकार बिना कलम का प्रयोग करे मौखिक गुणन कीजिए

- (a) $175 \times 2 = \underline{\hspace{2cm}}$ b) $390 \times 2 = \underline{\hspace{2cm}}$
(c) $2021 \times 2 = \underline{\hspace{2cm}}$ d) $7126 \times 2 = \underline{\hspace{2cm}}$

⇒ संख्या का 5 से गुणन

$$\frac{10}{2} = 5$$

संख्या को आधा कर, 10 से गुणा करना

उदाहरण :-

$$48 \times 5 = 240 \longrightarrow 48 \text{ का आधा गुणा } 10 = 24 \times 10 = 240$$

$$34 \times 5 = 170 \longrightarrow 34 \text{ का आधा गुणा } 10 = 17 \times 10 = 170$$

इसी प्रकार बिना कलम का प्रयोग करे मौखिक गुणन कीजिए:

- (a) $64 \times 5 = \underline{\hspace{2cm}}$ (b) $148 \times 5 = \underline{\hspace{2cm}}$
(c) $204 \times 5 = \underline{\hspace{2cm}}$ (d) $420 \times 5 = \underline{\hspace{2cm}}$

⇒ संख्या का 9 से गुणन

$$10 - 1$$

संख्या को 10 से गुणा करके, उसमे से एक बार स्वयं संख्या को घटाना

उदाहरण :- $75 \times 9 = \underline{675}$

$$75 \times 10 = 750 - 75 = 675$$

इसी प्रकार बिना कलम का प्रयोग करे मौखिक गुणन कीजिए:

- (a) $35 \times 9 = \underline{\hspace{2cm}}$ (b) $817 \times 9 = \underline{\hspace{2cm}}$
(c) $23 \times 9 = \underline{\hspace{2cm}}$ (d) $87 \times 9 = \underline{\hspace{2cm}}$

⇒ संख्या का 6 से गुणन ⇒ $5+1$ ⇒

संख्या को 5 से गुणा करके
उसमें एक बार स्वयं संख्या
को जोड़ना

उदाहरण :- $68 \times 6 = 408$

$$\begin{aligned} 68 \times 5 &= 340 \\ 340 + 68 &= 408 \end{aligned}$$

इसी प्रकार बिना कलम का प्रयोग करें मौखिक गुणन कीजिए :-

(a) $36 \times 6 =$ _____ (c) $24 \times 6 =$ _____

(b) $68 \times 6 =$ _____ (d) $82 \times 6 =$ _____

⇒ संख्या का 4 से गुणन ⇒ $5-1$ ⇒

संख्या को 5 से गुणा करके
उसमें से एक बार स्वयं संख्या
को घटाना

उदाहरण:- $86 \times 4 = 344$

$$\begin{aligned} 86 \times 5 &= 430 \\ 430 - 86 &= 344 \end{aligned}$$

इसी प्रकार बिना कलम का प्रयोग करें मौखिक गुणन कीजिए :-

(a) $58 \times 4 =$ _____ (c) $86 \times 4 =$ _____

(b) $94 \times 4 =$ _____ (d) $24 \times 4 =$ _____

पूर्ण संख्याओं पर विभिन्न संक्रियाओं को सीखने के बाद निम्न तालिका के वर्गों में (हाँ/नहीं) भरकर पूरा करे।
Complete the following table using (Yes/No) after learning the properties of the Whole Numbers.

क्र. सं.	संक्रियाएँ Operations गुणधर्म Properties	पूर्ण संख्याएँ / Whole numbers are			
		योग के लिए Addition	व्यवकलन के लिए Substraction	गुणन के लिए Multiplication	भाग के लिए Division
i)	संवृत हैं Closed for				
ii)	क्रमविनिमेय Commutative for				
iii)	साहचर्य Associative for				

क्वबनउमदज ढजसपदम

- [चहम 1](#)
- [चहम 2](#)
- [चहम 3](#)
- [चहम 4](#)
- [चहम 5](#)
- [चहम 6](#)
- [चहम 7](#)
- [चहम 8](#)
- [चहम 9](#)
- [चहम 10](#)
- [चहम 11](#)
- [चहम 12](#)
- [चहम 13](#)
- [चहम 14](#)
- [चहम 15](#)
- [चहम 16](#)
- [चहम 17](#)
- [चहम 18](#)
- [चहम 19](#)
- [चहम 20](#)