

اود بلاؤ اور نیولا نے ایک تالاب میں جال ڈال کر مچھلیاں پکڑیں۔ دونوں کی خوشی کا ٹھکانا نہ رہا۔ کتنی مچھلیاں ہیں؟ البتہ ان لوگوں کے دل میں دکھ رہ گیا۔ سبھی مچھلیاں برابر بڑی نہیں تھیں۔ کچھ مچھلیاں بڑی تھیں۔ تین قسم کی مچھلیاں تھیں۔ چھوٹی مچھلی، درمیانی مچھلی اور بڑی مچھلی۔ بڑی مچھلیاں 2 عدد، درمیانی مچھلیاں 4 عدد اور چھوٹی مچھلیاں 8 عدد تھیں۔



ان مچھلیوں کو کس طرح اود بلاؤ اور نیولا میں تقسیم کیا جائے نیولے نے چالاکی سے اود بلاؤ کو کہا ”چھوٹی مچھلیوں کی تعداد زیادہ ہے تم لے جاؤ۔ بڑی اور درمیانی مچھلیاں کم ہیں اس لیے میں لے جاتا ہوں۔ اود بلاؤ نے سوچا چھوٹی مچھلیوں کی تعداد زیادہ ہے لیکن بڑی مچھلیوں کے ساتھ برابر ہونے نہیں سکتیں۔ اود بلاؤ ”ٹھیک ہے میں بڑی اور درمیانی مچھلی لے جاتا ہوں۔ تم سب چھوٹی مچھلیاں لے جاؤ۔“ اس بات پر نیولا راضی نہیں ہوا۔ دونوں کے درمیان بحث ہوئی اور بعد میں لڑائی ہوئی۔ آخر میں کیا نتیجہ نکلا؟ انہوں نے کس طرح مچھلیاں تقسیم کی ہوں گی بتائیے۔

آئیے اور ایک واقعہ پر غور کریں:

ایک مرتبہ اڈیشا اور مغربی بنگال میں سیلاب آیا۔ مرکزی حکومت نے اڈیشا اور مغربی بنگال کے لیے چوڑا کا بورا ٹرین سے بھیجا۔ دونوں صوبوں کے لیے برابر تعداد میں چوڑا تھا۔ کل 8 ٹرک (ہر ٹرک میں 100 بورا)، 6 عدد ٹراکٹر میں (ہر ٹراکٹر میں 10 بورا) اور 4 عدد کھلے بورے میں چوڑا آیا۔

اب بتائیے: برابر حصے میں تقسیم کرنے کے لیے ذیل میں دی گئی باتوں کے درمیان کون سی صحیح، آسان، جلد حل ہونے والی ہے؟

- (i) تمام چوڑے کے بورے کو نکال کر گنتی کریں اور الگ الگ کر کے رکھیں۔
 - (ii) ایک صوبہ کو 8 ٹرک بورا اور دوسرے صوبے کو 6 ٹراکٹر چوڑا اور 3 کھلے بورے ملیں گے؟
 - (iii) ٹرک، ٹراکٹر اور کھلے ہوئے بوروں میں رکھے چوڑے کو بغیر حساب کے بانٹ دیا جائے۔
 - (iv) ہر صوبے کو برابر ٹراک کا چوڑا، برابر ٹراکٹر کا چوڑا اور برابر تعداد کھلے بورے کا چوڑا دیا جائے۔
- مندرجہ بالا چوڑے کی تقسیم کو کس طرح ظاہر کی جائے؟

8 ٹرک میں تھا 8 سو بورا چوڑا اس کو برابر دو حصے کرنے پر ہر صوبے کے لیے 4 ٹرک چوڑا یا

4 سو بورا چوڑا ملے گا۔ یعنی $4 \text{ سو} = 8 \div 2$

ایک ٹراکٹر میں تھا 10 بورا چوڑا، 6 ٹراکٹر میں تھا 6 دس = 60 بورا چوڑا۔

دو صوبوں کے درمیان برابر حصے میں اس کو تقسیم کرنے پر ہر صوبہ کو ملے گا 3 دس بورا۔

اس کو اس طرح لکھا جائے گا۔ $3 \text{ دس} = 6 \div 2$

اسی طرح 4 کھلے بورے دو برابر حصے میں تقسیم کرنے سے ہر حصہ میں 2 بورے پڑینگے۔

2 ایک = $4 \div 2$

2 ایک 3 دس 4 سو = $4 \div 2$ ایک 6 دس 8 سو

$864 \div 2 = 432$

تقسیم کے طریقے کو تصویر میں دکھائیے۔

نیچے دیے گئے سوالوں کے جواب لکھیے:

- (i) 6 سو 4 دس اور 2 اکائی کو 2 حصوں میں تقسیم کرنے سے ہر حصہ میں ایسے گا:
 $642 \div 2 = \dots\dots\dots$ سو $\dots\dots\dots$ دس $\dots\dots\dots$ ایک۔ عدد میں لکھنے پر $\dots\dots\dots$
- (ii) 6 سو 3 دس اور 3 اکائی کو 3 حصوں میں تقسیم کرنے سے ہر حصہ میں ایسے گا:
 $633 \div 3 = \dots\dots\dots$ سو $\dots\dots\dots$ دس $\dots\dots\dots$ ایک۔ عدد میں لکھنے پر $\dots\dots\dots$
- (iii) 9 سو 6 دس اور 10 اکائی کو 3 حصوں میں تقسیم کرنے سے ہر حصہ میں ایسے گا:
 $960 \div 3 = \dots\dots\dots$ سو $\dots\dots\dots$ دس $\dots\dots\dots$ ایک۔ عدد میں لکھنے پر $\dots\dots\dots$
- (iv) 8 سو 0 دس اور 4 اکائی کو 4 حصوں میں تقسیم کرنے سے ہر حصہ میں ایسے گا:
 $804 \div 4 = \dots\dots\dots$ سو $\dots\dots\dots$ دس $\dots\dots\dots$ ایک۔ عدد میں لکھنے پر $\dots\dots\dots$

325 کو 5 ذریعہ کس طرح تقسیم کیا جائے گا، آئیے دیکھیں:

$$\begin{array}{r} 065 \\ 5 \overline{) 325} \\ \underline{0} \\ 32 \\ \underline{30} \\ 25 \\ \underline{25} \\ 0 \end{array}$$

پہلا مرحلہ: پہلے 3 سولیں گے۔ 5 سے تقسیم کریں گے۔ (3، 5 کے ذریعہ تقسیم نہیں ہو پائے گا) اس لیے 3 سو اور 2 دس

لیں گے۔ اس کو 5 کے ذریعہ تقسیم کریں۔

دوسرا مرحلہ: 3 سو 2 دس = 32 دس، 32 دس کو 5 کے ذریعہ تقسیم کریں گے۔ 32 دس کو 5 کے ذریعہ تقسیم کرنے سے 6 دس

خارج قسمت کے 2 دس بچے گا۔

تیسرا مرحلہ: اب رہ گیا 2 دس اور 5 ایک = 25 ایک۔ 25 ایک کو 5 حصوں میں تقسیم کرنے سے ہر حصے میں 5 ایک

پڑے گا اور کوئی عدد باقی نہیں بچے گا۔

اس لیے $325 \div 5 = 65$

اب آپ دی گئی تقسیم کے سوالوں کو حل کیجیے:

$$(ii) \begin{array}{r} 3 \overline{) 639} \end{array}$$

$$(i) \begin{array}{r} 8 \overline{) 648} \end{array}$$

$$(iv) \begin{array}{r} 5 \overline{) 750} \end{array}$$

$$(iii) \begin{array}{r} 6 \overline{) 984} \end{array}$$

مثال نمبر: 1 823 عدد پنکھوں کو 3 سودا گروں نے آپس میں تقسیم کر لیا۔ ہر ایک کے حصے میں کتنے پنکھے آئیں گے؟

$$\begin{array}{r} 274 \\ 3 \overline{) 823} \\ \underline{6} \\ 22 \\ \underline{21} \\ 13 \\ \underline{12} \\ 1 \end{array}$$

غور کیجیے ہر سودا گر 273 پنکھے لینے کے بعد بھی 1 پنکھا باقی بچتا ہے۔
یعنی تقسیم کرتے وقت کبھی کچھ عدد باقی بچ جاتا ہے اور کبھی باقی بچتا نہیں۔

یاد رکھیے: جس کو تقسیم کیا جائے یعنی جس چیز کا حصہ کیا جائے اس کو مقسوم کہتے ہیں۔
جس کے ذریعہ حصہ کیا جائے اس کو مقسوم علیہ یا قاسم کہتے ہیں۔
تقسیم کے عمل میں جو جواب آئے اس کو ”خارج قسمت“ کہتے ہیں۔

● اوپر کی مثال میں ہم نے دیکھا $823 \div 3 = 274$ اور 1 باقی رہا۔

یہاں 823 کو حصہ کیا گیا ہے۔ اس لیے 823 کو مقسوم کہتے ہیں۔

823 کو 3 برابر حصہ کیا گیا ہے، یہاں 3 کو مقسوم علیہ یا قاسم کہتے ہیں۔

823 کو 3 حصہ کرنے پر ہر حصہ میں 274 ہوتا ہے یہاں 274 کو خارج قسمت یا حاصل قسمت کہتے ہیں۔

823 کو 3 حصہ کرنے پر ہر حصہ میں 274 ہونے پر بھی 1 باقی بچتا ہے۔ لہذا 1 کو باقی کہتے ہیں۔

نیچے تقسیم کے سوالوں کو حل کر کے مقسوم، مقسوم علیہ، خارج قسمت اور باقی کی نشاندہی کیجیے۔

(iii) $4 \overline{) 736}$

(ii) $2 \overline{) 932}$

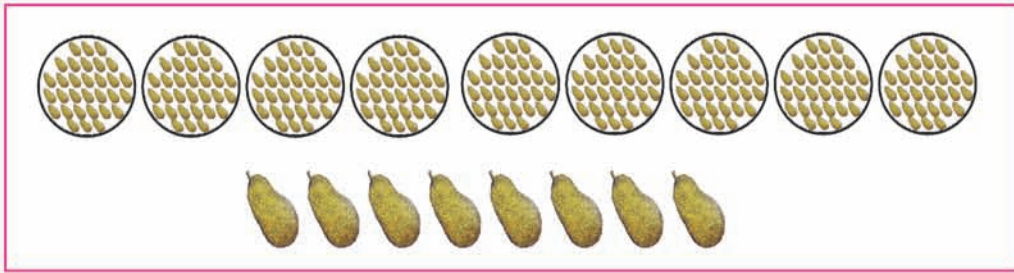
(i) $4 \overline{) 824}$

(vi) $3 \overline{) 935}$

(v) $3 \overline{) 636}$

(iv) $9 \overline{) 963}$

• گاؤں کھیرے کی باتیں ہیں۔ ایک چھوٹا سا دیہات ہے جس کا نام ہے الیکھ پور۔ اس گاؤں میں صرف 9 مکان ہیں۔ گاؤں کے لوگوں نے کٹھل کے درختوں سے 287 عدد کٹھل توڑا اور برابر حصوں میں تقسیم کر دیا۔ اب بتائیے۔ کتنے کٹھل باقی بچے؟ ہر شخص کے حصے میں کتنے کٹھل آئے رات کے وقت گاؤں میں مجلس بلائی گئی۔ گاؤں میں راستہ بنانے پر غور کیا گیا۔ پیسہ آئے گا کہاں سے؟ ایک آدمی نے کھڑے ہو کر مشورہ دیا، ہم لوگوں نے آج جو کٹھل لیا تھا ان تمام کو فروخت کر دیں۔ سبھوں نے اس مشورہ کی تائید کی اور اپنے کٹھلوں کو لا کر نیچے دیے گئے نقشہ کے مطابق رکھا۔



اب ذیل کے سوالوں کے جواب دیجیے:

کل کتنے کٹھل توڑے گئے تھے؟

گاؤں میں کل کتنے مکان تھے؟

ہر مکان کے حصے میں کتنے کٹھل آئے تھے؟

اور کتنے کٹھل باقی بچے تھے؟

اس تقسیم میں مقسوم، مقسوم علیہ، خارج قسمت اور باقی کتنے بچے لکھیے۔

مقسوم = ، مقسوم علیہ = ، خارج قسمت = ، باقی =

گاؤں کے لوگوں نے جب کٹھلوں کو لا کر ایک جگہ رکھ دیا تو ان کی تعداد کس طرح معلوم کریں گے؟ اس کا حساب

اس طرح کریں:

1 حصہ میں 31 عدد کٹھل
9 حصوں میں 31×9 کٹھل = 279 کٹھل

مزید 8 عدد کٹھل باقی ہے۔
کل کٹھل کی تعداد = $8 + 279 = 287$ کٹھل

تب $287 = 31 \times 9 + 8$

$287 = 9 \times 31 + 8$

∴ مقسوم = مقسوم علیہ × خارج قسمت + باقی

ہر جگہ تقسیم کر کے خارج قسمت اور باقی معلوم کیجیے۔ جواب صحیح ہے یا نہیں جاننے کے لیے مقسوم علیہ کے ساتھ خارج قسمت کو ضرب کیجیے۔ حاصل ضرب کے ساتھ باقی بچے عدد کو جمع کیجیے۔ حاصل جمع اگر مقسوم کے ساتھ برابر ہوا، تب سمجھ لو کہ تمہاری تقسیم درست ہے۔

(i) $653 \div 3$

(ii) $498 \div 5$

(iii) $963 \div 4$

(iv) $784 \div 7$

اب تقسیم کے مختلف طریقوں کا استعمال کریں گے۔

مثال: 1

ایک بکس میں 9 عدد استری رکھا جاسکتا ہے۔ 189 عدد استری کو کتنے بکسوں میں رکھا جاسکتا ہے؟

حل: یہاں بکسوں کی تعداد معلوم کرنے کے لیے 189 کو 9 کے ذریعہ تقسیم کیا جائے گا۔

1 بکس میں 9 عدد استری رکھ سکتے ہیں۔

189 استری کو $189 \div 9 = 21$ یعنی 21 بکسوں میں رکھا جاسکتا ہے۔

لہذا 189 عدد استری کو 21 بکسوں میں رکھا جاسکتا ہے۔

$$\begin{array}{r} 21 \\ 9 \overline{) 189} \\ \underline{18} \\ 09 \\ \underline{9} \\ 0 \end{array}$$

مثال: 2

8 بچوں میں 824 عدد بیر تقسیم کیے گئے۔ ہر بچے کے حصے میں کتنے بیر آئیں گے؟

حل: 8 عدد بچے 824 بیر کو تقسیم کریں گے۔

بچہ کے حصے میں بیر کی تعداد $824 \div 8 = 103$

لہذا: ایک کے حصے میں 103 عدد بیر آئیں گے۔

$$\begin{array}{r} 103 \\ 8 \overline{) 824} \\ \underline{8} \\ 02 \\ \underline{0} \\ 24 \\ \underline{24} \\ 0 \end{array}$$

مشق

1۔ خارج قسمت اور باقی معلوم کیجیے:

$$\begin{array}{ll} 921 \div 3 & \text{(ii)} \\ 396 \div 7 & \text{(iv)} \\ 805 \div 10 & \text{(vi)} \end{array} \quad \begin{array}{ll} 468 \div 2 & \text{(i)} \\ 702 \div 3 & \text{(iii)} \\ 617 \div 9 & \text{(v)} \end{array}$$

ہر تقسیم میں باقی، مقسوم سے زیادہ ہوتا ہے یا کم؟ وجہ بتائیے۔

2۔ خالی جگہوں کو پر کیجیے:

$$\begin{array}{ll} 526 \div 6 = \text{خارج قسمت} \dots\dots\dots \text{، باقی} \dots\dots\dots & \text{(i)} \\ 693 \div 5 = \text{خارج قسمت} \dots\dots\dots \text{، باقی} \dots\dots\dots & \text{(ii)} \\ 304 \div 4 = \text{خارج قسمت} \dots\dots\dots \text{، باقی} \dots\dots\dots & \text{(iii)} \\ 880 \div 10 = \text{خارج قسمت} \dots\dots\dots \text{، باقی} \dots\dots\dots & \text{(iv)} \end{array}$$

3۔ خالی جگہوں کو پر کیجیے:

باقی	خارج قسمت	مقسوم علیہ	مقسوم
1	447	2	895
		4	589
		7	742
		8	305
		6	901
		5	555

4۔ نیچے میں مقسوم علیہ، خارج قسمت اور باقی دیا گیا ہے۔ مقسوم معلوم کیجیے۔

مقسوم	باقی	خارج قسمت	مقسوم علیہ
	3	15	7
	7	105	9
	5	328	10
	13	879	23

5۔ 8، 9 اور 4 کے ذریعے تین ہندسوں والے عدد کو جدول کے بائیں طرف کی تختی اوپر سے نیچے لکھیے۔ ان عددوں کو دیے گئے مقسوم علیہ سے تقسیم کرنے سے جہاں باقی 0 رہتا ہے وہاں (✓) کا نشان دیں ورنہ (X) نشان لگائیے۔

مقسوم علیہ				مقسوم
9	8	5	2	
✓	X	X	✓	894
				849

6۔ نیچے کے جدول میں موجود خانوں میں صحیح جواب لکھیے۔

باقی	خارج قسمت	مقسوم علیہ	مقسوم
15	7	57	
4		7	751
		8	379
		10	100
0	67	9	
5	97	7	

کسی عدد کو 10 کے ذریعے تقسیم کرنے پر خارج قسمت کیا ہوتا ہے لکھیے۔ (مقسوم کو 40، 50، 80، 90 اور 100 کے ذریعے تقسیم کر کے یہ کام کیا جاسکتا ہے۔)