

# गणितीय संक्रियाएं (Mathematical Operation)

**□ तर्कशक्ति परीक्षण के प्रश्न पत्र में प्रायः अंकगणित, बीजगणित, रेखागणित आदि गणितीय संक्रियाओं पर आधारित प्रश्न भी समाहित होते हैं। इन प्रश्नों को हल करने के लिये बौद्धिक क्षमता के साथ-साथ गणित के सामान्य नियमों का ज्ञान भी आवश्यक है। सामान्यतः प्रश्न बीजगणित के कुछ सूत्रों एवं गणितीय चिन्हों (+, —, ×, ÷) पर आधारित होते हैं। गणितीय चिन्हों वाले प्रश्नों को BODMAS [B = Bracket (ब्रेकट) O = of(का), D = Division (भाग), M = Multiplication (गुणा), A = Addition (जोड़), S = Subtraction (घटाव) के क्रम में हल करना चाहिये। गणितीय संक्रियाओं पर आधारित प्रश्न दो प्रकार से पूछे जाते हैं। (1) कात्पनिक गणितीय पद्धति पर आधारित (2) वास्तविक गणितीय पद्धति पर आधारित।**

## □ कात्पनिक गणितीय पद्धति

इस प्रकार के प्रश्न से गणितीय चिन्हों/संख्याओं को कात्पनिक रूप से परिवर्तित करके हल करने का निर्देश दिया जाता है, जैसे—

**प्रश्न 1.** यदि '+ का आशय '×', '-' का आशय '÷', '×' का आशय '—' '÷' का आशय '+' हो तो—

$$6 + 3 \times 4 \div 5 - 1 = ?$$

हल—प्रश्न में दिये गये संकेतों के अनुसार चिन्हों को परिवर्तित करने पर दिया गया समीकरण इस प्रकार बनेगा—

$$6 \times 3 - 4 + 5 \div 1 = ?$$

$$\text{हल करने पर } = 18 - 4 + 5 = 19$$

**प्रश्न 2.** यदि कात्पनिक गणितीय पद्धति के तहत संख्या 1, 2, 3, ..... 9 को क्रमशः A, B, C .....I से तथा 0 (Zero) को P से दर्शाया जाए तो निम्न समीकरण में प्रश्न वाचक चिन्ह के स्थान पर क्या आयेगा?

$$\begin{array}{r} C \text{ GF} \\ - A ? D \\ \hline B \text{ B B} \end{array}$$

सभी अक्षरों को प्रश्न में दिये गये निर्देशों के अनुसार संख्याओं में परिवर्तित करने पर—

$$\begin{array}{r} 376 \\ - 1?4 \\ \hline 222 \end{array}$$

प्रश्न में दिये गये निर्देशों के आधार पर अक्षरों का संख्यात्मक मान है—

| A | B | C | D | E | F | G | H | I | P |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 0 |

376 में से 222 घटाने पर 154 प्राप्त होता है। स्पष्ट है कि प्रश्नवाचक चिन्ह (?) के स्थान पर संख्या '5' एवं अक्षर 'E' आएगा।

कात्पनिक गणितीय पद्धति (Imaginary Mathematical System) पर आधारित प्रश्नों को हल करने का सर्वोत्तम तरीका यह है कि प्रश्न में दिये गये निर्देशों के अनुसार संख्याओं, चिन्हों को परिवर्तित करके प्रश्नों को हल कर लिया जाए।

## □ वास्तविक गणितीय पद्धति

ये प्रश्न गणित के सामान्य नियमों पर आधारित होते हैं। सामान्य बौद्धिक क्षमता का प्रयोग करते हुए गणितीय नियमों के आधार पर इन प्रश्नों को हल किया जा सकता है। उदाहरणार्थ एक प्रश्न प्रस्तुत है—

**प्रश्न**—एक बंदर 20 मीटर ऊचे खंभे पर चढ़ने के प्रयास में एक मिनट में 5 मीटर चढ़ता है परन्तु अगले मिनट में 2 मीटर नीचे की ओर खिसक जाता है। खंभे पर चढ़ने में उसे कितना समय लगेगा?

हल—बंदर 1 मिनट में 5 मीटर चढ़ता है तथा दूसरे मिनट में 2 मी. नीचे खिसक जाता है। इसका अर्थ है बंदर 2 मिनट में कुल 3 मीटर ( $5 - 2$ ) चढ़ता है। यदि इसी आधार पर प्रश्न को हल किया जाये तो—

बंदर 3 मीटर चढ़ता है = 2 मिनट में

$$\text{बंदर } 20 \text{ मीटर चढ़ेगा} = \frac{20}{3} \times 2 = \frac{40}{3} = 13 \frac{1}{3} \text{ मिनट में}$$

गणित के सामान्य नियमों के आधार पर निगमित उपर्युक्त उत्तर गलत है। इस प्रश्न को हल करने के लिए बौद्धिक क्षमता का प्रयोग भी आवश्यक है।

प्रश्न का हल इस प्रकार होगा—

2 मिनट में खंभे पर चढ़ता है = 3 मीटर

$$10 \text{ मिनट में खंभे पर चढ़ेगा} = \frac{10 \times 3}{2} = 15 \text{ मीटर}$$

अब शेष 5 मीटर अगले मिनट में चढ़ जायेगा।

खंभे पर चढ़ने में कुल लगा समय = 11 मिनट

(15 मीटर चढ़ने में 10 मिनट तथा 5 मीटर चढ़ने में 1 मि०)

20 मीटर खंभे पर चढ़ने में बंदर द्वारा लिया गया वास्तविक

समय 11 मिनट होगा न कि  $13\frac{1}{3}$  मिनट। कारण यह है कि 11वें मिनट





में  $-$ ,  $+$ ,  $\div$  तथा  $\times$  का दिया गया मान रखने पर  
 $9 + 3 \times 2 - 16 \div 2$   
 $= 9 + 6 - 8$   
 $= 15 - 8 \Rightarrow 7$   
अतः विकल्प (a) सही उत्तर है।

13. यदि चिह्नों ' $+$ ' और ' $\times$ ' तथा 3 और 2 को परस्पर बदल दें,  
तो निम्नलिखित विकल्पों में से कौनसा विकल्प सही है?  
(a)  $4 + 2 \times 3 = 14$       (b)  $14 + 3 \times 2 = 4$   
(c)  $4 + 2 \times 14 = 3$       (d)  $2 + 3 \times 4 = 14$

उत्तर—(a)

विकल्प (a) से  $4 + 2 \times 3 = 14$ ,  
दिए गए समी. में  $+$  और  $\times$  के चिह्नों को परस्पर बदलने पर  
 $4 \times 2 + 3 = 14$   
प्रश्नानुसार  
3 और 2 को भी परस्पर बदलने पर  
 $4 \times 3 + 2 = 14$   
 $12 + 2 = 14$   
 $14 = 14$   
अतः विकल्प (a) सही उत्तर है।

14. किन दो चिह्नों को परस्पर बदलने से नीचे दिए गए समीकरण को सही कर देगा?

$$42 \div 4 + 2 - 3 \times 5 = 29$$

(a)  $+$  और  $\times$       (b)  $+$  और  $-$   
(c)  $-$  और  $\times$       (d)  $\div$  और  $+$

उत्तर—(d)

दिए गए समी.  $42 \div 4 + 2 - 3 \times 5 = 29$   
में विकल्प (d) से  $\div$  और  $+$  के चिह्नों को परस्पर बदलने पर  
 $42 + 4 \div 2 - 3 \times 5 = 29$   
 $\Rightarrow 42 + 2 - 15 = 29$   
 $\Rightarrow 44 - 15 = 29$   
 $\Rightarrow 29 = 29$   
अतः विकल्प (d) सही उत्तर है।

15. किन दो चिह्नों को परस्पर बदलने से निम्न समीकरण सही हो सकता है?

$$15 + 3 \times 9 - 4 \div 16 = 57$$

(a)  $-$  और  $+$       (b)  $-$  और  $\div$   
(c)  $-$  और  $\times$       (d)  $+$  और  $\div$

उत्तर—(d)

दिए गए समी.  $15 + 3 \times 9 - 4 \div 16 = 57$   
में विकल्प (d) से  $+$  और  $\div$  को परस्पर बदल कर रखने पर

$$15 \div 3 \times 9 - 4 + 16 = 57$$

$$\Rightarrow 5 \times 9 - 4 + 16 = 57$$

$$\Rightarrow 45 - 4 + 16 = 57$$

$$\Rightarrow 57 = 57$$

अतः विकल्प (d) सही उत्तर है।

16. यदि चिह्नों ' $+$ ' और ' $\times$ ' तथा 3 और 2 को परस्पर बदल दें,  
तो निम्नलिखित समीकरण में यदि गणितीय प्रचालक ' $+$ ' और ' $\div$ '  
को आपस में बदला जाता है और पूरे समीकरण में 5 को 2  
से बदल दिया जाता है, तो—  
 $5 - 11 + 1 \times 5 \div 50 = ?$   
(a) 2      (b) 0  
(c) -22      (d) -26

उत्तर—(b)

दिए गए समी.  
 $5 - 11 + 1 \times 5 \div 50$   
में  $+$  और  $\div$  को आपस में बदलने पर  
 $5 - 11 \div 1 \times 5 + 50$   
अब पूरे समी. में 5 को 2 से बदलने पर  
 $2 - 11 \div 1 \times 2 + 50$   
 $= 2 - 22 + 50$   
 $= - 22 + 50$   
 $= 0$   
अतः विकल्प (b) सही उत्तर है।

17. यदि चिह्नों ' $-$ ' और ' $\times$ ' तथा संख्याओं 3 और 15 को परस्पर बदल दें, तो  $3 + 12 \div 6 - 4 \times 15$  का मान क्या होगा?  
(a) 20      (b) 30  
(c) 40      (d) 50

उत्तर—(a)

दिए गए समी.  
 $3 + 12 \div 6 - 4 \times 15$   
में  $-$  और  $\times$  तथा 3 और 15 को परस्पर बदलने पर  
 $15 + 12 \div 6 \times 4 - 3$   
 $= 15 + 2 \times 4 - 3$   
 $= 15 + 8 - 3 \Rightarrow 20$   
अतः विकल्प (a) सही उत्तर है।

18. निम्नलिखित में से चिह्नों और संख्याओं के किस परस्पर बदलाव से दिए गए समीकरण को सही कर सकते हैं?  
 $3 + 5 - 2 = 4$   
(a)  $+$  और  $-$ , 2 और 5      (b)  $+$  और  $-$ , 3 और 4  
(c)  $+$  और  $-$ , 2 और 4      (d)  $+$  और  $-$ , 3 और 5

उत्तर—(d)

दिए गए समी.

$$\begin{aligned}
 3+5-2 &= 4 \\
 \text{में } + \text{ और } - \text{ तथा } 3 \text{ और } 5 \text{ को परस्पर बदलने पर} \\
 5-3+2 &= 4 \\
 = 7-3 &= 4 \\
 = 4 &= 4 \\
 \text{अतः विकल्प (d) सही उत्तर है।}
 \end{aligned}$$

19. यदि चिह्नों '—' और '×' तथा 7 और 3 को परस्पर बदल दें, तो निम्न विकल्पों में से कौन-सा विकल्प सही है?
- (a)  $20 \times 1 - 7 = 3$       (b)  $1 \times 20 - 7 = 20$   
 (c)  $3 - 7 \times 1 = 20$       (d)  $20 - 3 \times 1 = 7$

उत्तर—(c)

विकल्प (c) में दिए गए सभी से

$$\begin{aligned}
 3-7 \times 1 &= 20 \\
 \text{में } - \text{ और } \times \text{ तथा } 7 \text{ और } 3 \text{ को परस्पर बदलने पर} \\
 7 \times 3-1 &= 20 \\
 = 21-1 &= 20 \\
 = 20 &= 20 \\
 \text{अतः विकल्प (c) सही उत्तर है।}
 \end{aligned}$$

20. यदि निम्नलिखित समीकरण (इक्वेशन) को सही बनाना हो, तो किन चिह्नों को आपस में बदलना होगा?

$$3.5 + 4 \times 7 - 8 \div 1 = 6$$

|             |             |
|-------------|-------------|
| (a) × एवं — | (b) + एवं ÷ |
| (c) — एवं + | (d) ÷ एवं — |

उत्तर—(d)

$$\begin{aligned}
 3.5 + 4 \times 7 - 8 \div 1 &= 6 \\
 \text{में } \div \text{ एवं } - \text{ के चिह्नों को आपस में बदलने पर} \\
 3.5 + 4 \times 7 \div 8 - 1 &= 6 \\
 = 3.5 + 3.5 - 1 &= 6 \\
 = 7 - 1 &\Rightarrow 6 \\
 \text{अतः विकल्प (d) सही उत्तर है।}
 \end{aligned}$$

21. यदि इस समीकरण को सत्य सिद्ध करना है, तो निम्नलिखित समीकरण में से कौन-से चिह्नों को बदल देना चाहिए?

$$8 - 12 \times 1 \div 5 + 53 = 1$$

|            |            |
|------------|------------|
| (a) — और ÷ | (b) × और + |
| (c) × और ÷ | (d) + और — |

उत्तर—(c)

दिए गए सभी.

$$\begin{aligned}
 8 - 12 \times 1 \div 5 + 53 &= 1 \\
 \text{में } \times \text{ और } \div \text{ के चिह्नों को परस्पर बदल कर रखने पर} \\
 8 - 12 \div 1 \times 5 + 53 &= 1
 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow 8 - \frac{12}{1} \times 5 + 53 = 1$$

$$\Rightarrow 8 - 60 + 53 = 1$$

$$\Rightarrow 61 - 60 = 1$$

$$\Rightarrow 1 = 1$$

अतः विकल्प (c) सही उत्तर है।

22. निम्नलिखित समीकरण को सही करने के लिए किन दो चिह्नों को परस्पर बदलना होगा?

$$5 \times 45 - 15 + 31 \div 41 = 5$$

|            |            |
|------------|------------|
| (a) ÷ और — | (b) × और + |
| (c) ÷ और × | (d) × और — |

उत्तर—(a)

दिए गए सभी.

$$5 \times 45 - 15 + 31 \div 41 = 5$$

में ÷ और — को परस्पर बदल कर रखने पर

$$5 \times 45 \div 15 + 31 - 41 = 5$$

$$\Rightarrow 5 \times 3 + 31 - 41 = 5$$

$$\Rightarrow 46 - 41 = 5$$

$$\Rightarrow 5 = 5$$

अतः विकल्प (a) सही उत्तर है।

23. निम्नलिखित चिह्नों में से कौन-से चिह्नों को आपस में बदल दिया जाए जिससे समीकरण सही हो जाए?

$$5 + 6 \div 3 - 12 \times 2 = 17$$

|            |            |
|------------|------------|
| (a) ÷ और × | (b) + और × |
| (c) + और ÷ | (d) + और — |

उत्तर (a)

$$5 + 6 \div 3 - 12 \times 2 = 17$$

अब विकल्प (a) से चिह्न बदलने पर—

$$5 + 6 \times 3 - 12 \div 2 = 17$$

$$5 + 6 \times 3 - 6 = 17$$

$$5 + 18 - 6 = 17$$

$$17 = 17$$

अतः विकल्प (a) सही उत्तर होगा।

24. निम्नलिखित समीकरण को सही करने के लिए किन दो चिह्नों को परस्पर बदलना होगा?

$$63 \div 7 + 5 \times 3 - 46 = 2$$

|            |            |
|------------|------------|
| (a) ÷ और — | (b) × और + |
| (c) ÷ और × | (d) × और — |

उत्तर—(b)



$$1^3 + 2^3 + \dots + n^3$$

$$\text{तो उस श्रेणी का योग} = \left( \frac{n(n+1)}{2} \right)^2 \text{ होता है।}$$

∴ दी गई श्रेणी

$$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + 20^3$$

$$= \left( \frac{20 \times 21}{2} \right)^2$$

$$= (210)^2$$

$$= 44100$$

अतः अभीष्ट योग 44100 है।

30. पांच टीम हैं, प्रत्येक टीम को बाकी टीमों से खेलना है, कुल कितने मैच होंगे?

- |        |        |
|--------|--------|
| (a) 4  | (b) 5  |
| (c) 10 | (d) 20 |

उत्तर (c)

एक मैच खेलने के लिए कम से कम दो टीम होनी चाहिए।

$$\begin{aligned} \text{अतः 5 टीमों से खेले गए कुल मैच} &= \frac{n(n-1)}{2} \\ &= \frac{5 \times (5-1)}{2} \\ &= \frac{5 \times 4}{2} \\ &= 10 \end{aligned}$$

द्वितीय विधि-

माना पांच टीमें क्रमशः A, B, C, D, E हैं।

|   |   |  |   |  |   |  |   |  |   |
|---|---|--|---|--|---|--|---|--|---|
| ∴ | A |  | B |  | C |  | D |  | E |
|---|---|--|---|--|---|--|---|--|---|

∴ A टीम अन्य 4 चार (B,C,D,E) से कुल 4 मैच खेलेंगी।

इसी प्रकार, B टीम अन्य तीन टीम से कुल 3 मैच खेलेंगी।

∴ तथा C एवं D टीमें क्रमशः 2 एवं 1 मैच खेलेंगी।

अतः पांचों टीमों द्वारा खेले गए कुल मैचों की संख्या

$$= 4 + 3 + 2 + 1 \Rightarrow 10$$

31. 4.56 अपराह्न से 5.32 अपराह्न के बीच एक घंटे का कितना

अंश व्यतीत होता है?

- |         |         |
|---------|---------|
| (a) 1/4 | (b) 3/4 |
| (c) 3/5 | (d) 1/2 |

उत्तर (c)

$$1 \text{ घंटे} = 60 \text{ मिनट}$$

$$4.56 \text{ से } 5.32 \text{ के बीच लगा समय} = 36 \text{ मिनट}$$

$$\therefore 1 \text{ घंटे का भाग} = \frac{36}{60} \Rightarrow \frac{3}{5}$$

अतः 4.56 अपराह्न से 5.32 अपराह्न के बीच 1 घंटे का 3/5 भाग व्यतीत होता है।

32. सीता 72 से कम सभी विषम प्राकृतिक संख्याओं का योग करना

शुरू करती है। उसे क्या परिणाम प्राप्त होता है?

- |          |          |
|----------|----------|
| (a) 1196 | (b) 1296 |
| (c) 1331 | (d) 1276 |

उत्तर—(b)

72 से कम सभी विषम प्राकृतिक संख्याएं

$$1, 3, 5, 7, \dots, 71$$

समांतर श्रेणी में व्यवस्थित है। अतः समांतर श्रेणी का योग

$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

जहाँ n = 36, a = 1, d = 2 है।

$$\begin{aligned} \text{तो } S_n &= \frac{36}{2} [2 \times 1 + (36-1)2] \\ &= 18[2 + 35 \times 2] \\ &= 18[72] \\ &= 1296 \end{aligned}$$

अतः विकल्प (b) सही उत्तर है।

33. निम्नलिखित में से कौन-सी संख्या 4 से भाज्य नहीं है?

- |           |           |
|-----------|-----------|
| (a) 98728 | (b) 68332 |
| (c) 49324 | (d) 68626 |

उत्तर (d)

जिन संख्याओं के इकाई एवं दहाई स्थान पर स्थित संख्या यदि 4 से विभाज्य है, तब वह संख्या कितनी भी बड़ी क्यों न हो वह 4 से विभाज्य होगी। इस प्रकार विकल्प (d) में दी गई संख्या 68626, 4 से विभाज्य नहीं होगी।

34. निम्नलिखित में से कौन-सी अभाज्य संख्या है?

- |         |         |
|---------|---------|
| (a) 121 | (b) 657 |
| (c) 101 | (d) 171 |

उत्तर (c)

दी गई संख्याओं में संख्या 101 अभाज्य संख्या है, क्योंकि यह केवल 1 एवं स्वयं से विभाजित है।