

प्रश्नों की संख्या : 18]
No. of Questions : 18]

[कुल मुद्रित पृष्ठों की संख्या : 11
[Total No. of Printed Pages : 11

S-221100-B

विषय : गणित
Subject : Mathematics

समय : 3 घण्टे]
Time : 3 hours]

[पूर्णांक : 75
[Maximum Marks : 75

नोट : सभी प्रश्न हल कीजिए।

Note : Attempt all questions.

ग्राफ पेपर की आवश्यकता है।

Graph paper is required.

प्राप्त निर्देश : (i) कैलकुलेटर के प्रयोग की अनुमति नहीं है।

General Instructions : Use of calculator is not permitted.

- (ii) प्रश्न क्रमांक 1 में तीन खण्ड हैं। खण्ड (अ) में बहुविकल्पीय प्रश्न, खण्ड (ब) में रिक्त स्थानों की पूर्ति तथा खण्ड (स) में सत्य/असत्य दिए गए हैं। प्रत्येक प्रश्न पर 1 अंक आबंटित है।

Question No. 1 has three parts. In Part (A) Multiple choice questions, in Part (B) Fill in the blanks and in Part (C) Write true/false are given. Each question carries 1 mark.

- (iii) प्रश्न क्रमांक 2 से 6 तक अतिलघुउत्तरीय प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न पर 2 अंक आबंटित हैं।

Question Nos. 2 to 6 are very short answer type questions. Each question carries 2 marks.

- (iv) प्रश्न क्रमांक 7 से 10 तक अतिलघुउत्तरीय प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न पर 3 अंक आबंटित हैं।

Question Nos. 7 to 10 are very short answer type questions. Each question carries 3 marks.

- (v) प्रश्न क्रमांक 11 से 14 तक लघुउत्तरीय प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न में आंतरिक विकल्प है। प्रत्येक प्रश्न पर 4 अंक आबंटित हैं।

Question Nos. 11 to 14 are short answer type questions. Each question has an internal choice. Each question carries 4 marks.

- (vi) प्रश्न क्रमांक 15 एवं 16 लघुउत्तरीय प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न में आंतरिक विकल्प है। प्रत्येक प्रश्न पर 5 अंक आबंटित हैं।

Question Nos. 15 and 16 are short answer type questions. Each question has an internal choice. Each question carries 5 marks.

- (vii) प्रश्न क्रमांक 17 एवं 18 दीर्घउत्तरीय प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रश्न में आंतरिक विकल्प है। प्रत्येक प्रश्न पर 6 अंक आबंटित हैं।

Question Nos. 17 and 18 are long answer type questions. Each question has an internal choice. Each question carries 6 marks.

प्रश्न-1 (खण्ड-अ) सही विकल्प चुनकर लिखिए :

[1×5=5]

(Part-A) Choose and write the correct option :

- (i) बहुपद $(x^2 - 4)$ के शून्यक हैं :

- (अ) 2, -2
(ब) -2, -2
(स) 2, 2
(द) 0, 2

Zeros of polynomial $(x^2 - 4)$ are :

- (a) 2, -2
(b) -2, -2
(c) 2, 2
(d) 0, 2

(ii) घनाभ में कुल विकर्णों की संख्या होती है :

(अ) 6

(ब) 8

(स) 12

(द) 16

The total number of diagonals in a cuboid is :

(a) 6

(b) 8

(c) 12

(d) 16

(iii) बिन्दु $(1, -3)$ किस चतुर्थांश में होगा ?

(अ) प्रथम चतुर्थांश

(ब) द्वितीय चतुर्थांश

(स) तृतीय चतुर्थांश

(द) चतुर्थ चतुर्थांश

Point $(1, -3)$ will lie in which quadrant?

(a) First quadrant

(b) Second quadrant

(c) Third quadrant

(d) Fourth quadrant

(iv) 4 और -2 का समान्तर माध्य होता है :

(अ) 1

(ब) -1

(स) 0

(द) 2

The arithmetic mean of 4 and -2 is :

(a) 1

(b) -1

(c) 0

(d) 2

(v) $\sec 45^\circ \times \cos 45^\circ$ का मान होगा :

(अ) $\sqrt{2}$

(ब) $\frac{1}{\sqrt{2}}$

(स) 1

(द) 0

Value of $\sec 45^\circ \times \cos 45^\circ$ will be :

(a) $\sqrt{2}$

(b) $\frac{1}{\sqrt{2}}$

(c) 1

(d) 0

प्रश्न-1 (खण्ड-ब) रिक्त स्थानों की पूर्ति कीजिए :

[1×5=5]

(Part-B) Fill in the blanks :

- (i) जिस राशि पर ब्याज की गणना की जाती है, उसे ——— कहते हैं।

The sum of money on which interest is calculated is known as _____.

- (ii) यदि $x : 18 : 54$ हो, तो x का मान ——— होगा।

If $x : 18 : 54$, then the value of x will be _____.

- (iii) यदि $\cos \theta = 1$ हो, तो θ का मान ——— होगा।

If $\cos \theta = 1$, then the value of θ will be _____.

- (iv) वृत्त के केन्द्र और जीवा के मध्य-बिन्दु को मिलाने वाली रेखा जीवा पर ——— होती है।

The line joining center of a circle and mid-point of a chord is _____ to the chord.

- (v) उस जीवा जो वृत्त के केन्द्र से होकर जाती है, वृत्त की ——— होती है।

A chord which passes through the center of the circle is _____ of circle.

प्रश्न-1 (खण्ड-स) सत्य अथवा असत्य लिखिए :

[1×5=5]

(Part-C) Write True or False :

- (i) यदि दो त्रिभुज समरूप हों, तो उनकी संगत भुजाएँ हमेशा बराबर होती हैं।

If two triangles are similar, then their corresponding sides are always equal.

(ii) $\sin(90^\circ - \theta)$ का मान $\cos \theta$ होता है।

The value of $\sin(90^\circ - \theta)$ is $\cos \theta$.

(iii) समीकरण निकाय में यदि $\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$ हो, तो हमें अद्वितीय हल प्राप्त होगा।

If $\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$ in the system of equations, then we will get a unique solution.

(iv) x -अक्ष पर स्थित किसी बिन्दु का y निर्देशांक शून्य होता है।

The y coordinate of any point on x -axis is zero.

(v) जिस राशि पर ब्याज की गणना की जाती है, उसे मिश्रधन कहते हैं।

The amount on which interest is calculated is called maturity amount.

प्रश्न-2 जाँचिए कि क्या $g(x)$, $p(x)$ का एक गुणनखण्ड है, यदि

$$g(x) = x + 4, p(x) = x^2 + 2x - 1 \quad [2]$$

Check whether $g(x)$ is a factor of $p(x)$, if $g(x) = x + 4$, $p(x) = x^2 + 2x - 1$

प्रश्न-3 k के किस मान के लिए समीकरण के मूल वास्तविक एवं बराबर होंगे, यदि

$$9x^2 + 3kx + 4 = 0? \quad [2]$$

For what value of k will roots of the equation be real and equal, if

$$9x^2 + 3kx + 4 = 0?$$

प्रश्न-4 $2 \cos 40^\circ \cdot \operatorname{cosec} 50^\circ$ का मान ज्ञात कीजिए।

Find the value of $2 \cos 40^\circ \cdot \operatorname{cosec} 50^\circ$.

प्रश्न-5 निम्नलिखित आँकड़ों की माध्यिका ज्ञात कीजिए :

[2]

117, 106, 123, 110, 125, 115, 102

Find the median of the following data :

117, 106, 123, 110, 125, 115, 102

प्रश्न-6 मूल बिन्दु से बिन्दु (5, 1) के बीच की दूरी ज्ञात कीजिए।

[2]

Find the distance from the origin to the point (5, 1).

प्रश्न-7 वर्ग समीकरण $x^2 + 5x - 2 = 0$ में मूलों का योगफल एवं गुणनफल ज्ञात कीजिए।

[3]

Find the sum and product of the roots in the quadratic equation

$$x^2 + 5x - 2 = 0$$

प्रश्न-8 प्रथम 9 सम संख्याओं का औसत ज्ञात कीजिए।

[3]

Find the average of the first 9 even numbers.

प्रश्न-9 यदि $(x + 4) : 36 :: 1 : 4$ हो, तो x का मान ज्ञात कीजिए।

[3]

If $(x + 4) : 36 :: 1 : 4$, then find the value of x .

प्रश्न-10 एक बेलन के वक्रपृष्ठ का क्षेत्रफल 3696 वर्ग सेमी. है। यदि बेलन के आधार की त्रिज्या 14 सेमी. है, तो बेलन की ऊँचाई ज्ञात कीजिए।

[3]

The area of curved surface of a cylinder is 3696 sq. cm. If the radius of the base of cylinder is 14 cm, then find the height of the cylinder.

प्रश्न-11 एक गोले का आयतन ज्ञात कीजिए, जिसका पृष्ठीय क्षेत्रफल 154 वर्ग सेमी. है।

[4]

Calculate the volume of a sphere having surface area of 154 sq. cm.

अथवा

OR

एक बेलन के आधार की परिधि 88 सेमी. और ऊँचाई 10 सेमी. है। बेलन का आयतन ज्ञात कीजिए।

The circumference of base of a cylinder is 88 cm and height is 10 cm.

Find the volume of the cylinder.

प्रश्न-12 निम्न सारणी का बहुलक ज्ञात कीजिए :

[4]

वर्गान्तर	0-10	10-20	20-30	30-40	40-50
आवृत्ति	4	10	16	12	8

Find the mode of the following table :

Class-interval	0-10	10-20	20-30	30-40	40-50
Frequency	4	10	16	12	8

अथवा

OR

निम्न आँकड़ों का समान्तर माध्य ज्ञात कीजिए :

प्राप्तांक	30	35	38	40	42	45	48
बारम्बारता	6	5	6	8	6	2	2

Find the arithmetic mean of the following data :

Marks obtained	30	35	38	40	42	45	48
Frequency	6	5	6	8	6	2	2

प्रश्न-13 मूलधन 300 रुपये पर 5% वार्षिक ब्याज की दर से 1, 2, 3, 4 व 5 वर्ष के लिए साधारण ब्याज निम्न सारणी में प्रदर्शित हैं :

समय (वर्ष में)	0	1	2	3	4	5
साधारण ब्याज (रुपये में)	0	15	30	45	60	75

समय व साधारण ब्याज के बीच आलेख खींचिए।

[4]

The interests on deposit Rs. 300 at 5% rate of interest for 1, 2, 3, 4 and 5 years are shown in the following table :

Time (in year)	0	1	2	3	4	5
Simple interest (in Rs.)	0	15	30	45	60	75

Draw the graph between time and simple interest.

अथवा

OR

यदि $PA = PB$ हो तथा A और B के निर्देशांक क्रमशः $(2, 0)$ व $(-2, 4)$ हों तथा P , y -अक्ष पर स्थित हो, तब P के निर्देशांक ज्ञात कीजिए।

If $PA = PB$ and co-ordinates of points A and B are $(2, 0)$ and $(-2, 4)$ respectively and P lies on the y -axis, then find the co-ordinates of point P .

प्रश्न-14 सिद्ध कीजिए कि एक समकोण त्रिभुज में कर्ण का वर्ग शेष दो भुजाओं के वर्गों के योग के बराबर होता है।

Prove that the square of hypotenuse of a right-angled triangle is equal to the sum of squares of other remaining two sides.

[4]

अथवा

OR

सिद्ध कीजिए कि चक्रीय चतुर्भुज के सम्मुख कोणों का योगफल 180° होता है।

Prove that the sum of opposite angles of a cyclic quadrilateral is 180° .

- प्रश्न-15 त्रिभुज ABC के परिगत वृत्त की रचना कीजिए जिसमें $AB = 8$ सेमी., $BC = 5$ सेमी. और $\angle ABC = 60^\circ$ है। रचना के पद भी लिखिए। [5]

Construct a circumcircle for triangle ABC where $AB = 8$ cm, $BC = 5$ cm and $\angle ABC = 60^\circ$. Write the steps of construction also.

अथवा

OR

6 सेमी. भुजा वाले एक समबाहु त्रिभुज के अंतःवृत्त की रचना कीजिए। रचना के पद भी लिखिए।

Construct the incircle of an equilateral triangle of side 6 cm. Write the steps of construction also.

- प्रश्न-16 एक व्यक्ति ने 150 रु. प्रतिमाह की दर से 2 वर्ष तक आवर्ती जमा खाता में जमा करता है। यदि ब्याज की दर 5% वार्षिक हो, तो उसे 2 वर्ष बाद कितनी धनराशि प्राप्त होगी? [5]

A person deposits Rs. 150 per month in a Recurring Deposit Account for 2 years. Find the amount he will get at the time of maturity at the rate of 5% per annum.

एक व्यक्ति ने 20,000 रु. 1 वर्ष के लिए सावधि जमा खाते में जमा करवाया। यदि ब्याज की दर 6% वार्षिक हो तथा ब्याज छः माही संयोजित होता है, तो नियत तिथि पश्चात् मिलने वाली धनराशि कितनी होगी ?

A person deposited Rs. 20,000 for one year in a Fixed Deposit Account. If the rate of interest is 6% per annum and the interest is compounded every six months, then what amount will he get after due date?

प्रश्न-17 सिद्ध कीजिए कि

$$\sqrt{\frac{1-\cos\theta}{1+\cos\theta}} = \operatorname{cosec}\theta - \cot\theta$$

[6]

Prove that

$$\sqrt{\frac{1-\cos\theta}{1+\cos\theta}} = \operatorname{cosec}\theta - \cot\theta$$

अथवा

OR

समीकरण हल कीजिए :

$$\frac{\cos\theta}{1-\sin\theta} + \frac{\cos\theta}{1+\sin\theta} = 4$$

Solve the equation :

$$\frac{\cos\theta}{1-\sin\theta} + \frac{\cos\theta}{1+\sin\theta} = 4$$

प्रश्न-18 यदि किसी समान्तर श्रेणी का p वाँ पद q और q वाँ पद p हो, तो सिद्ध कीजिए कि $(p + q)$ वाँ पद शून्य है।

[6]

If p^{th} term is q and q^{th} term is p of an arithmetic progression, then prove that $(p + q)^{\text{th}}$ term is zero.

अथवा

OR

k के किस मान के लिए समीकरण निकाय $kx - 5y = 2$ और $6x + 2y = 7$ का—

- (i) अद्वितीय हल हो;
- (ii) कोई भी हल न हो?

For what value of k , system of equations $kx - 5y = 2$ and $6x + 2y = 7$ has—

- (i) unique solution;
- (ii) no solution?

—x—