

## पाठ 5. युक्लिड के ज्यामिति का परिचय

### प्रश्नावली : 5.1

**Q1.** निम्नलिखित कथनों में से कौन-से कथन सत्य हैं और कौन-से कथन असत्य हैं? अपने उत्तरों

के लिए कारण दीजिए।

- एक बिंदु से होकर वेफवल एक ही रेखा खींची जा सकती है।
- दो भिन्न बिंदुओं से होकर जाने वाली असंख्य रेखाएँ हैं।
- एक सांत रेखा दोनों ओर अनिश्चित रूप से बढ़ाई जा सकती है।
- यदि दो वृत्त बराबर हैं, तो उनकी त्रिज्याएँ बराबर होती हैं।
- आकृति 5.9 में, यदि  $AB = PQ$  और  $PQ = XY$ , तो  $AB = XY$  होगा।



### Solution :

- असत्य, एक बिंदु से होकर अनंत रेखाएं खींची जा सकती है।
- असत्य, दो भिन्न बिन्दुओ से होकर केवल एक रेखा खींची जा सकती है।
- सत्य, एक सांत रेखा दोनों ओर अनिश्चित रूप से बढ़ाई जा सकती है।
- सत्य, बराबर त्रिज्याओं से बराबर वृत्त खिंचा जाता है।
- सत्य, सभी तीनों रेखाएँ एक दुसरे के बराबर हैं।

**Q2.** निम्नलिखित पदों में से प्रत्येक की परिभाषा दीजिए। क्या इनके लिए कुछ ऐसे पद हैं, जिन्हें परिभाषित करने की आवश्यकता है? वे क्या हैं और आप इन्हें कैसे परिभाषित कर पाएँगे?

- समांतर रेखाएँ

- (ii) लम्ब रेखाएँ
- (iii) रेखाखंड
- (iv) वृत्त की त्रिज्या
- (v) वर्ग

**Solution :**

(i) समांतर रेखाएँ : वे दो रेखाएँ समान्तर कहलाती हैं जो एक दुसरे से कभी नहीं मिलती हैं और उनकी बीच की दूरी सदैव सामान्य रहता है ।

(ii) लम्ब रेखाएँ : दो रेखाएँ एक दुसरे पर इस प्रकार खड़ी रहती हैं कि उनके बीच का कोण एक समकोण होता है तो ऐसे रेखाओं को लम्ब रेखाएँ कहते हैं ।

(iii) रेखाखंड : जिस रेखा के दो अंत बिंदु हो उसे रेखाखंड कहते हैं ।

(iv) वृत्त की त्रिज्या : वृत्त के केंद्र और परिधि के बीच की दूरी को त्रिज्या कहते हैं ।

(v) वर्ग : वह बंद आकृति जिसके सभी भुजाएँ बराबर हो ।

**Q3.** नीचे दी हुई दो अभिधारणाओं पर विचार कीजिए:

(i) दो भिन्न बिंदु A और B दिए रहने पर, एक तीसरा बिंदु C ऐसा विद्यमान है जो A और B के बीच स्थित होता है।

(ii) यहाँ कम से कम ऐसे तीन बिंदु विद्यमान हैं कि वे एक रेखा पर स्थित नहीं हैं।

**Solution :**

हाँ, यह अभिधारणा में दो अपरिभाषित तथ्य हैं जिसमें रेखाएँ और बिंदु हैं ।

हाँ, यह अभिधारणा असंगत है क्योंकि ये दो भिन्न स्थितियों से संबंधित हैं और इनमें से कोई भी युक्तिवाद की अभिधारणा से का अनुसरण नहीं करता है ।

**Q4.** यदि दो बिन्दुओं A और B के बीच एक बिंदु C ऐसा स्थित है कि  $AC = BC$  है, तो सिद्ध कीजिए कि  $AC = \frac{1}{2}AB$  है । एक आकृति खींच कर इसे स्पष्ट कीजिए ।

**Solution :**



दिया है :  $AC = BC$

सिद्ध करना है :  $AC = \frac{1}{2}AB$

$$\text{प्रमाण : } AC + BC = AB$$

$$\text{अथवा } AC + AC = AB$$

$$\text{अथवा } 2AC = AB$$

$$\text{or } AC = \frac{AB}{2}$$

$$\text{or } AC = \frac{1}{2}AB$$

**Q5.** प्रश्न 4 में, बिंदु C रेखाखंड AB का एक मध्यबिंदु कहलाता है। सिद्ध कीजिए कि एक रेखाखंड का एक और केवल एक ही मध्य-बिंदु होता है।

**Solution :**

C रेखाखंड AB का मध्य-बिंदु है।

$$\text{इसलिए, } AC = BC$$

माना, C' रेखाखंड AB पर है जो AB का मध्य-बिंदु है।

$$\text{इसलिए, } AC' = BC'$$

$$\text{or } AC' = \frac{1}{2}AB \quad \dots\dots\dots (1)$$

$$\text{or } AC = \frac{1}{2}AB \quad \dots\dots\dots (2)$$

समीकरण (1) और (2) से

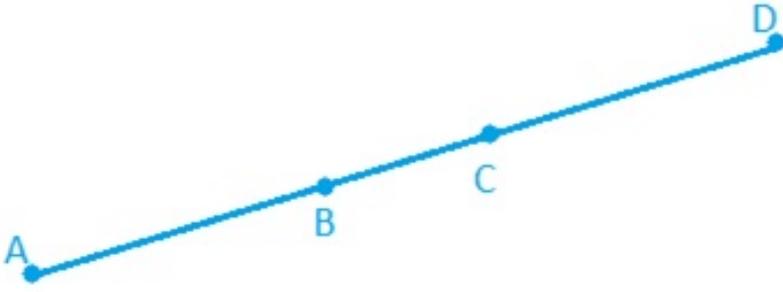
$$AC' = AC$$

$$\text{अथवा } C' = C$$

इसलिए, C और C' एक ही बिंदु है अर्थात् संपाती है।

अतः एक रेखाखंड के एक ही मध्य-बिंदु होते हैं।

**Q6.** आकृति 5.10 में, यदि  $AC = BD$  है तो सिद्ध कीजिए कि  $AB = CD$  है।



**Fig. 5.10**

**Solution:**

दिया है :  $AC = BD$

सिद्ध करना है :  $AB = CD$

प्रमाण :  $AC = BD$  ..... (1)

समीकरण (1) में से BC घटाने पर;

$$AC - BC = BD - BC$$

$$AB = CD$$

**Q7.** यूक्लिड की अभिगृहीतों की सूची में दिया हुआ अभिगृहीत 5 एक सर्वव्यापी सत्य क्यों माना जाता है? (ध्यान दीजिए कि यह प्रश्न पाँचवीं अभिधरणा से संबंधित नहीं है।)

**Solution :**

अभिगृहीत 5 विश्व के सभी जगह सत्य है इसलिए इसे सर्वव्यापी माना जाता है ?

---

**प्रश्नावली 5.2**

**Q1.** आप यूक्लिड की पाँचवीं अभिधरणा को किस प्रकार लिखेंगे ताकि वह सरलता से समझी जा सके?

**Q2.** क्या यूक्लिड की पाँचवीं अभिधरणा से समांतर रेखाओं के अस्तित्व का औचित्य निर्धारित होता है? स्पष्ट कीजिए।