

2D और 3D आकृतियों को समझना

14.1 परियच

नीचे कुछ आकृतियां दी गयी है।



ऊपर दिये गये वस्तुओं का आकार ध्यानपूर्वक देखिए। उनके वर्गीकरण के आधार पर नीचे दी गयी तालिका की पूर्ति किजिए।

तालिका - 14.1

आकार	वस्तु
दियासलाई की तरह	
गेंद की तरह	
लकड़ी के लट्टे की तरह	
खेल की गोटी की तरह	
शंकु के आकार की तरह	

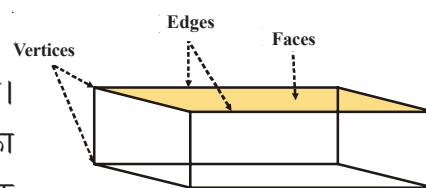
14.2 3D-आकार

पिछली कक्षाओं में हमने त्रिभुज, वर्ग और आयत के बारे में पढ़ा है। इन सभी आकृतियों के दो मापन होते हैं, लम्बाई और चौड़ाई। इसलिए इन आकृतियों को 2D आकार की आकृति कहते हैं।

ऊपर दी गयी सभी ठोस वस्तुओं की लम्बाई, चौड़ाई, ऊंचाई या गहराई होती है। इसलिए इन आकृतियों को 3D आकार की आकृतियां कहते हैं। अब हम विभिन्न 3D आकृतियों को आकार के बारे में अध्ययन करेंगे।

14.2.1 घनाभ

बंद माचिस की डिब्बी का आकार घनाभ के समान होता है। माचिस की डिब्बी के ऊपरी समतल धरातल को माचिस की डिब्बी का फलक कहते हैं। एक माचिस की डिब्बी के कितने फलक होते हैं? फलक की भुजाओं को सिरे कहते हैं। माचिस की डिब्बी के कितने सिरे होते हैं? सिरों के कोनों को शीर्ष कहते हैं। माचिस की डिब्बी के कितने शीर्ष होते हैं?



अब माचिस के आकार का एक रबड लो। इसके फलक, सिरों और शीर्षों को बताओ?

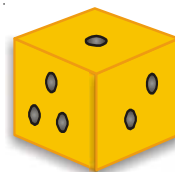
क्या रबड और माचिस की डिब्बी के फलकों, सिरों और शीर्षों की संख्या समान होती है? आपका उत्तर हां में होगा।

इस प्रकार माचिस और रबड में 6 फलक, 12 सिरें और 8 शीर्ष होते हैं।

14.2.2 घन

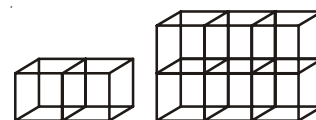
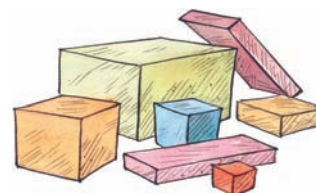
चक्र घन का उदाहरण है। एक चक्र लेकर इसके फलक, शीर्ष और सिरों को अंकित करो और गिनो?

आपको यह पता चलेगा की चक्र के 6 फलक, 12 सिरें एवं 8 शीर्ष हैं, जो कि घनाभ के समान हैं। घन और घनाभ में क्या अंतर है? आप यह जानेंगे की घन की लम्बाई, चौड़ाई एवं ऊँचाई समान होती है। जबकी घनाभ में ये असमान होते हैं। इसकी जांच आप रबड की लम्बाई, चौड़ाई एवं ऊँचाई के द्वारा कर सकते हैं।



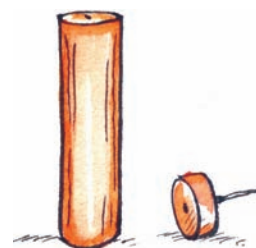
इसे करो

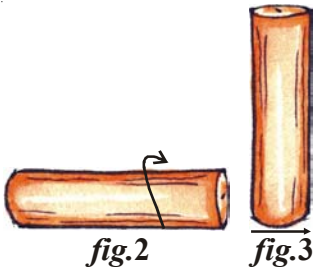
- घन के फलक का आकार किस प्रकार होता है?
 - घनाभ के फलक का आकार किस प्रकार होता है?
- रमेश ने उसके कमरे से कुछ डिब्बों को जमा किया, जिनके चित्र नीचे दिये गये हैं। इन डिब्बों में कितने घन और घनाभ हैं?
- अजीत ने 2 से.मी. के घनाभ लेकर उन्हें चित्र में दिखाये अनुसार व्यवस्थित किया, जिसका आकार एक घनाभ के समान है। इस घनाभ की लम्बाई, चौड़ाई एवं ऊँचाई ज्ञात करो?



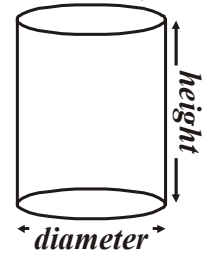
14.2.3 बेलन

कुछ वस्तुएं जैसे लकड़ी का लट्ठा, पाईप एवं ट्युबलाइट का आकार बेलनाकार होता है। एक मोमबत्ती लो और उसे चित्र में दिखाये अनुसार रखिए (ऊपरी हिस्से को थोड़ा काट लें) इसे कटे हुए हिस्से को क्षैतिज अवस्था में रखिये (चित्र)। क्या आप इसे कटे हिस्से को रील कर सकेंगे? अब मोमबत्ती को सीधा खड़ा किजिए। चित्र) क्या आप इसे रोल कर सकेंगे।



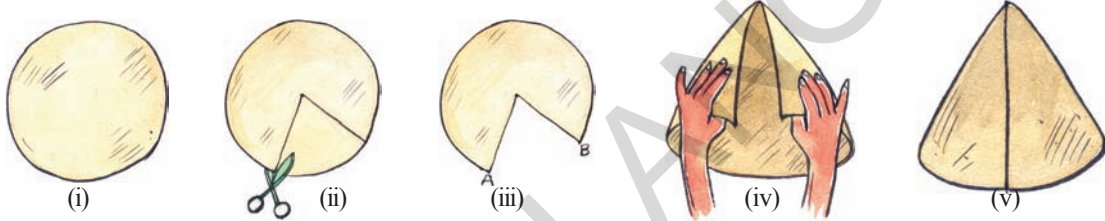


वह धरातल जिस पर मोमबत्ती को रोल किया जाता है, उसे पार्श्वतल कहते हैं। वह धरातल जिस पर मोमबत्ती केवल उर्ध्वाकार स्थिति में ही टिकी रह सकती है। वह केवल वृत्ताकार आकार ही होता है। अब मोमबत्ती की ऊँचाई और चौड़ाई क्या होगी? चित्र में बेलन की ऊँचाई और चौड़ाई देखिए?

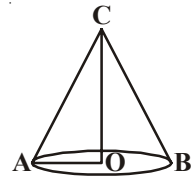


14.2.4 शंकु

राजू उसके जन्मदिन पर टोपी खरीदना चाहता है। उसने लीला को साथ चलने के लिए कहा, पर लीला ने कहा कि टोपियाँ जो बाजार में मिलती हैं, वे उन्हीं के द्वारा बनायी गयी होती हैं, इसलिए लीला ने बाजार जाने के लिए मना कर दिया। क्या आप टोपी बनाने का प्रयास करेंगे? आईए कोशिश करें। एक मोटे पेपर पर परकार की सहायता से वृत्त बनाओ। वृत्त के केंद्र में वृत्त की परिघ तक दो रेखाएं खींचो। (जैसा कि चित्र में दिखाया गया है)



कैंची से काटनी पर यह चित्र (v) में दिखाये अनुसार दिखाई देगा। अब $\overline{OA}$ और $\overline{OB}$ को जोड़ो और इसे टेप से चिपका दो। आपकी टोपी तैयार हो गयी है। आप आपनी इच्छा अनुसार इसे सजा सकते हैं। राजू ने टोपी को उल्टा किया और कहा कि अरे यह तो आइसक्रीम का कोन है। यह शंकु की आकृति है। $\overline{OA}$ वृत्ताकार भाग की त्रिज्या और OC शंकु की ऊँचाई है।



सोचो, विचार करो और लिखो

फलकों की संख्या, शिर्ष और सिरों के आधार पर बेलन एवं शंकु (कोन) में क्या अंतर है? ये दोनों की तुलना अपने मित्रों से किजिए?



14.2.5 गोला

गेंद, खेलने की गोलियाँ और लड्डु ये सभी का आकार समान होता है। ये सभी अपने धरातल पर स्वतंत्रपूर्वक रोल करते हैं।

क्या आप सिक्के को गोला कह सकते हैं? क्या वह अपने धरातल पर रोल कर सकता है? क्या चुडी में भी यह संभव है।

आपने अपने दैनिक जीवन में निंबू देखा होगा? इसे क्षैतिज रूप में काटने पर यह चित्र में दिखाये गये अनुसार दिखाई देगा। इस प्रकार की वस्तुओं के आकार को अर्ध गोल कहते हैं।



इसे करो

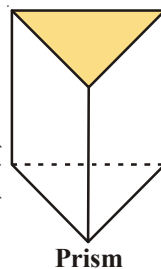
निम्न तालिका की पूर्ती किजिए।

क्र.सं.	वस्तु	आकार	केवल फिसलती है	केवल लोटती है	फिसलती एवं लोटती है
1.	सेल	बेलनाकार	×	×	✓
2.	बॉल				
3.	तेल का डब्बा				
4.	बिस्कुट का पॅकेट				
5.	सिक्का				
6.	खेलने की गोली				
7.	संतरा				

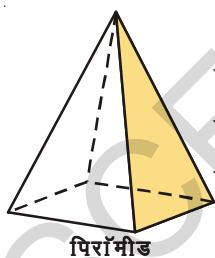
बेलन, शंकु एवं गोले के सीधे कोने नहीं होते। शंकु का आधार कैसा होता है? क्या वृत्त होता है? बेलन के दो आधार होते हैं। बेलन का आधार कैसा होता है? गोले का कोई फलक नहीं होता है। इस पर विचार किजिए।

14.2.6 प्रिज्म

क्या अपने प्रयोगशाला में प्रिज्म देखा है। इसके दो फलक त्रिभुजाकार होते हैं। प्रिज्म के शेष आकार आयताकार या समानांतर होता है। इसे त्रिभुजाकार प्रिज्म कहते हैं। यदि प्रिज्म का आधार आयताकार हो तो उसे आयताकार प्रिज्म कहते हैं। क्या आप आयताकार प्रिज्म का अन्य नाम बता सकते हैं?



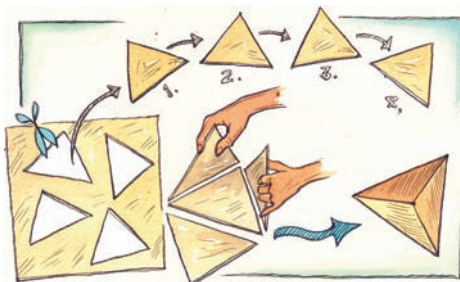
14.2.7 पिरामिड



पिरामिड ठोस के आकार का होता है। इसका आधार और शीर्ष बिंदु होता है। शेष फलक त्रिभुजाकार होते हैं। त्रिभुजाकार फलक प्रिज्म के शीर्ष पर मिलते हैं। नीचे दिया गया पिरामिड वर्गाकार पिरामिड है। इसका आधार वर्गाकार है, क्या आप त्रिभुजाकार पिरामिड के बारे में सोच सकते हैं? इसे लिए एक चित्र बनाइए।

क्रिया:-

एक पेपर का चार्ट लेकर समान भुजाओं वाला त्रिभुज बनाइए और त्रिभुजाकार चित्र को काट लिजिए। इस त्रिभुज के आकार के तीन और त्रिभुजाकार चित्र चार्ट पर रखकर काट लें। अब चारों त्रिभुजों के सिरों को आपस में जोड़कर चित्र में दिखाये अनुसार व्यवस्थित किजिए। इस जोड़े हुए त्रिभुजों की आकृति टेट्राहेड्रन या त्रिभुजाकार पिरामिड होगी।





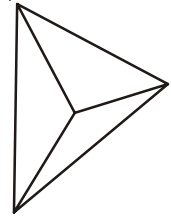
अभ्यास 14.1

1. एक त्रिभुजाकार आधार वाले पिरामिड को टेट्राहाड्रन भी कहते हैं। सामने दिये चित्र में निम्न ज्ञात करो।

फलकों की संख्या : _____

सिरों की संख्या : _____

शीर्षों की संख्या : _____



2. एक वर्गाकार आधार वाले पिरामिड को वर्गाकार पिरामिड कहते हैं। सामने दिये हुए पिरामिड के निम्न ज्ञात करो।

फलकों की संख्या : _____

सिरों की संख्या : _____

शीर्षों की संख्या : _____



3. नीचे दी गयी तालिका की पूर्ति किजिए।

आकार	पार्श्व तलों की संख्या	समतलों की संख्या	शीर्षों की संख्या
			
			
			

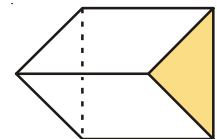
4. त्रिभुजाकार प्रिज्म का आकार सामान्यतः जैसा होता है। इसके फलक त्रिभुजाकार होते हैं।

त्रिभुजाकार फलकों की संख्या : _____

आयताकार फलकों की संख्या : _____

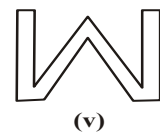
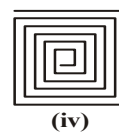
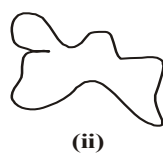
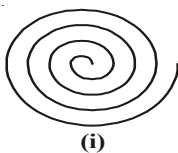
सिरों की संख्या : _____

शीर्षों की संख्या : _____

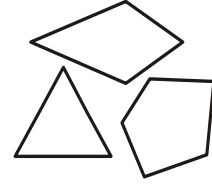


14.3 परिचय

नीचे दी गयी आकृतियों में कौन से चित्र खुले हैं और कौनसे बंद हैं।



एक बंदिस्त लो, निश्चित भुजाओं व्दारा निर्मित हो उसे बहुभुज कहते है। कुछ उदाहरण नीचे दिये गये है।



इसे करो



- कोई 10 बहुभुजाओं की आकृतियां अपनी कॉपी में बनाइए।
- माचिस की काडियों का झाडु की सीखों का उपयोग करते हुए निम्न बंद चित्र उतारीये।

(i) 6 काडियों वाला

(ii) पांच काडियों वाला

(iii) दो काडियों वाला

(iv) चार काडियों वाला

(v) तीन काडियों वाला

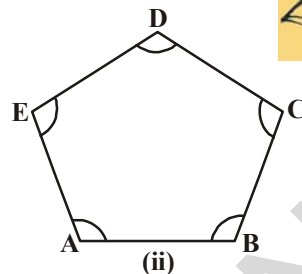
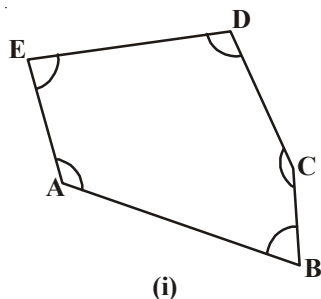
इनमें से कितनी काडियों वाला चित्र संभव नहीं है? क्यों?

दो काडियों वाला बंद चित्र संभव नहीं है, क्योंकि बहुभुज बनाने के लिए कम से कम तीन भुजाओं की आवश्यकता होती है। जिस बहुभुज की तीन भुजाएं हो उसे त्रिभुज कहते है। भुजाओं के आधार पर आकृतियों के नाम नीचे दी गई तालिका से समझें।

चित्र	भुजाओं की संख्या	नाम
	3	त्रिभुज
	4	चतुर्भुज
	-	पंचभुजी
	-	षटभुजी
	7	सेप्टागन
	-	अष्टागन

प्रयत्न करो

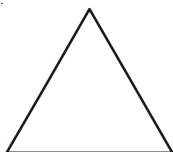
नीचे दिये हुए चित्रों में क्या अंतर है?



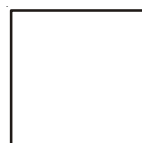
उपरोक्त चित्र में भुजाओं की लम्बाई तथा कोणों को मापो। आपने क्या पता लगाया। चित्र (i) और (ii) के प्रत्येक कोण दूसरे कोण से भिन्न है।

14.3.1 सामान्य बहुभुज

वह बहुभुज जिसकी भुजाएं एवं कोण समान होते हैं, उसे सामान्य बहुभुज कहते हैं। समबाहु और वर्ग सामान्य बहुभुज के उदाहरण हैं।



समबाहु त्रिभुज : तीनों भुजाएं एवं तीनों कोण समान होते हैं।



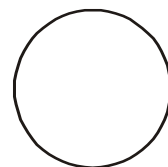
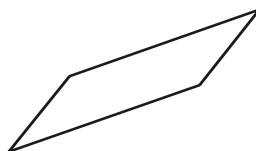
वर्ग : सभी भुजाएं एवं सभी कोण समान होते हैं।

इस प्रकार किसी पेंटागन (पंचभुजी) की भुजाएं और सभी कोण समान हों, तो उसे सामान्य बहुभुज कहते हैं। हेक्सागन (हष्टभुजी) सेप्टागन (सतभुजी) ऑक्टागन (अष्टभुजी) के भी कोण और भुजाएं समान हों, तो उन्हें सामान्य बहुभुज कहते हैं।

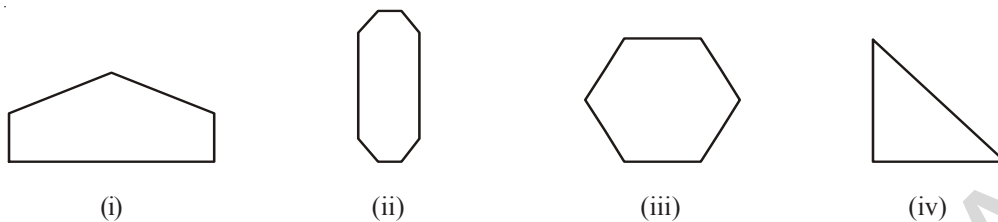


अभ्यास 14.2

1. नीचे दिये गये चित्रों की जांच किजिए और पहचानिए की वे बहुभुज हैं या नहीं?



2. नीचे दिये हुए बहुभुजों की भुजाएं ज्ञात किजिए और उसी के आधार पर उन्हें नामांकित किजिए।



3. निम्न आकृतियों में सामान्य बहुभुजों की पहचान किजिए।



हमने क्या सीखा?

1. नीचे दिये गये चित्रों के आकार घन और घनाभ के रूप में हैं।

आकार	फलक	सिरे	शीर्ष
	6	12	8
	6	12	8

- आइसक्रीम का कोण, जोकर-टोपी का आकार शंकु के समान होता है।
- डिब्बा, तेल का ड्रम, लकड़ी का लट्ठा बेलनाकार होता है।
- गेंद, लड्डु का आकार गोलाकार होता है।
- रेखा खण्डों के बंद चित्र को बहुभुज कहते हैं।
- यदि किसी बहुभुज की भुजाएं एवं कोण समान हों, तो उसे सामान्य बहुभुज कहते हैं।

