# BASIC CONCEPT

जब संख्याओं का समूह निश्चित नियम पर आधारित हो, तो वह अनुक्रम (Sequence) कहलाता है। जैसे :-

- (i) 2, 4, 6, 8, .....
- (ii) 5, 10, 15, 20 .....
- (iii) -4, 0, 4, 8, 12 .....
- (iv) 1.0, 1.5, 2.0, 2.5, .....
- (v)  $\frac{1}{5}$ ,  $\frac{1}{10}$ ,  $\frac{1}{15}$ ,  $\frac{1}{20}$ , .....

यदि अनुक्रम (Sequence) का पर (Term) विशिष्ट शर्त पर लिखा गया हो, तो उसे Progression कहा जाता है।

Progression तीन प्रकार के होते है -

(i) Airthmetic Progression (समान्तर श्रेणी) :- यदि दिए गए श्रेणी के दो लगातार पदों के बीच का अन्तर समान हो, तो उसे समान्तर श्रेणी कहा जाता है -

जैसे -

- (a) 2,4,6,8,..... यहाँ प्रथम पद a = 2
- (b) सर्वात्तर d=4-2=2 (A) (A) (A) (A) (A) (A) (A)

Note : सर्वान्तर = दूसरा पद - पहला पद

[दो लगातार पदों के बीच का अन्तर सर्वान्तर (Common difference) कहलाता है, जिसे व द्वारा सुचित किया जाता है।

(ii) Geometric progression (गुणोत्तर श्रेणी) :- यदि दिए गए श्रेणी में दो लगातार पदों का अनुपात समान हो, तो उसे गुणोत्तर श्रेणी कहा जाता है। जैसे -

 $\frac{\overline{\xi}_{H} \overline{u}}{\overline{u}_{E} \overline{e}_{H}} \frac{\overline{u}_{E}}{\overline{u}_{E}} = \frac{\overline{d}_{H} \overline{u}}{\overline{u}_{E}} \frac{\overline{u}_{E}}{\overline{u}_{E}} = \frac{20}{10} = \frac{40}{20} = \frac{80}{40} = 2$ 

उपरोक्त श्रेणी में '2' सार्वअनुपात (Common Ratio) है।

(iii) Harmonic Progression (हरात्मक श्रेणी) :- यदि दिए गए संख्याओं का व्युक्तम समान्तर श्रेणी में हो, तो उसे हरात्मक श्रेणी कहा जाता है। जैसे -

1, 1, 1, 1 3, 5, 7, 9, .....

Note : उपरोक्त श्रेणी में पदों का व्युक्तम - 3, 5, 7, 9, ...... समान्तर श्रेणी में है, इसलिए उपरोक्त श्रेणी हरात्मक श्रेणी में है।

### Airthmatic Progression

1. समान्तर श्रेणी (Arithmetic Progresson) का nai पद

 $T_n = a + (n-1) \times d$ 

जहाँ a = प्रथम पद तथा d = पदांतर है। 2. समान्तर श्रेणी (Airthmetic Progression) के n पर्दों का योगफल

 $S_n = \frac{n}{2} \left[ 2a + (n-1)d \right]$ 

यहाँ n = पदों की संख्या

Sn = nवां पदों तक का योगफल

 दो राशियों a और b का समान्तर माध्य :-राशि A को राशियों a और b का समान्तर माध्य कहते है, यदि a, A, b समान्तर श्रेणी में हो, तो

4. दो राशियों a और b के बीच n समान्तर माध्य ज्ञात करना :-माना a और b के बीच n समान्तर माध्य क्रमशः A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub>, A<sub>3</sub>,......, A<sub>n</sub> है, तब इस अनुक्रम का प्रथम पर = a तथा परों की कुल संख्या = n+2 तथा अनुक्रम का ऑतम पर = (n+2) वाँ पर = b माना अनुक्रम का परांतर d है, तब

$$A_n = a + nd$$

$$= a + n\left(\frac{b-a}{n+1}\right) = \frac{a+nb}{n+1}$$

#### Geometric Progression

1. गुणोत्तर श्रेणी (Geometric Progression) का n वां पद

T<sub>n</sub> = ar<sup>n-1</sup>

the same

Cir its

जहाँ a = पहला पद (First Term)

r = सार्वअनुपात (Common Ratio)

2. गुणोत्तर श्रेणी (Geometric Progression) के n पदों का योग

 $Sn = \frac{a(r^n - 1)}{r - 1}$ 

यदि ।>

तथा  $Sn = \frac{a(1-r^n)}{1-r}$ 

यदि r<1

गुणोत्तर श्रेणी (G.P.) के अनन्त पदों का योग

 $S\infty = \frac{a}{1-r}$ 

. गुणोत्तर माध्य : यदि a, G, b गुणोत्तर श्रेणी में है, तो G को a तथा b का गुणोत्तर माध्य कहते है।

25 768 + a

TRAA W

The grant to be a

 $G^2 = ab$  अथवा  $G = \sqrt{ab}$ यदि तीन राशियाँ a, b, c गुणोत्तर श्रेणी में है, तब

$$b^2 = ac$$
  $\Rightarrow b = \sqrt{(ac)}$ 

दो राशियों के बीच n गुणोत्तर माध्य ज्ञात करना :- 🤻 🛒 माना दो राशियों a और b के बीच n मध्य पद (गुणोत्तर माध्य) क्रमशः G1, G2, G3, ....., Gn है तब इस श्रेणी में पदों की कुल संख्या

श्रेणी का प्रथम पद = a

तथा ऑतिम पर = (n+2) वौ पर = d

माना श्रेणी का सार्वअनुपात R है, तब

$$b = (n+2)$$
 a  $\forall q = aR^{n+2-1}$   $\forall q = ar^{n+1}$ 

$$R^{n+1} = \frac{b}{a} \Rightarrow R = \left(\frac{b}{a}\right)^{\frac{1}{(n+1)}}$$

$$\therefore G_n = a R^n = a \left(\frac{b}{a}\right)^{\frac{n}{(n+1)}}$$

- गुणोत्तर श्रेणी में क्रमागत पदों का चयन
  - (i) तीन पदों को निम्न क्रम में लीजिये a, a, ar
  - (ii) चार पदों को निम्न क्रम में लीजिए  $-\frac{a}{r^3}$ ,  $\frac{a}{r}$ , ar, ar<sup>3</sup>
  - (iii) पाँच पदों को निम्न क्रम में लीजिए  $-\frac{a}{r^2}$ ,  $\frac{a}{r}$ , a, ar, ar<sup>2</sup>

#### Harmonic Progression

हरात्त्मक श्रेणी (Harmonic Progression) का nवां पदों के लिए सबसे पहले हरात्मक श्रेणी के पदों को पलट कर समांतर श्रेणी प्राप्त करें।

$$\left[ n$$
वाँ पद = a +  $(n-1) \times d \right]$  ज्ञात करें।

जैसे: हरात्मक श्रेणी (H.P.)  $\frac{6}{5}$ , 1,  $\frac{6}{7}$ , ..... का 13वां पद बताये ?

#### Speedy Solution :-

संगत A.P. 
$$\rightarrow \frac{5}{6}$$
, 1,  $\frac{7}{6}$  ..... है

जहाँ 
$$a = \frac{5}{6}$$
,  $d = 1 - \frac{5}{6} = \frac{1}{6}$ 

:. 13 ai पद = 
$$\frac{5}{6} + (13 - 1) \times \frac{1}{6} = \frac{5}{6} + \frac{12}{6} = \frac{17}{6}$$

अत: दिए गए H.P. का 13वां पद =  $\frac{6}{17}$  होगा।

यदि a तथा b दो राशि का हरात्मक माध्य H हो, तो H= 2ab

यदि a तथा b दो वास्तविक घनात्मक एवं असमान राशि है, एवं 🗛 G तथा H, A.M, G.M तथा H.M हो तो -

$$A = \frac{a+b}{2}$$
,  $G = \sqrt{ab}$ ,  $H = \frac{2ab}{a+b}$ 

- $2^2 + 3^2 + \dots + n^2$  तक का योग =  $\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$
- $1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^2$  तक का योग =  $\left\{\frac{n(n+1)}{2}\right\}^2$

# समान्तर श्रेणी पर आधारित प्रश्न

श्रेणी 3, 5, 7, 9 ...... का 10वाँ पद बतायें ?

यहाँ प्रथम पद a=3

पदान्तर d=5-3=2

:. 
$$T_{10} = a + (10 - 1) \times d$$

$$= 3 + 9 \times 2 = 21$$

यदि समान्तर श्रेणी (A.P.) का 9वाँ एवं 19वाँ पद क्रमशः 35एवं 75 हो, तो उस श्रेणी का 25वाँ पद क्या होगा ?

## Speedy Solution :-

माना पहला पद a तथा पदांतर d है, तो

$$T_9 = a + (9 - 1)d$$

समीकरण (ii) में से (i) को घटाने पर,

$$d = \frac{40}{10} = 4$$

समीकरण (i) से,

$$a + 8d = 35$$

$$\Rightarrow a+8\times4=35$$

$$a = 35 - 32 = 3$$

#### TYPE - 2

उस A.P. को ज्ञात करे जिसका 7वां पद 34 एवं 13वाँ पद 64 है ? Speedy Solution :-

$$T_7 = a + (7 - 1)c$$

समीकरण (ii) में से (i) को घटाने पर,

$$a + 12d = 64$$

$$a + 6d = 34$$
  
 $6d = 30$ 

$$d = \frac{30}{6} = 5$$

समीकरण (ii) से,

$$a + 6d = 34$$

$$\Rightarrow a+6\times5=34$$

## TYPE - 3

5+8+11+14+..... के 22 पदों का योग क्या होगा ? Speedy Solution :-

यहा प्रथम पद a=5

$$\therefore S_{22} = \frac{22}{2} [2a + (n-1)d]$$

$$S_{22} = \frac{22}{2} [2 \times 5 + (22 - 1) \times 3]$$

श्रेणी 17+15+13+..... के कितने पदों का योग 72 होगा ? Speedy Solution :-

यहाँ a = 17, d = 15 - 17 = -2, Sn = 72, n = ?

$$:: Sn = \frac{n}{2} [2a + (n-1) \times d]$$

$$\Rightarrow 72 = \frac{n}{2} \left[ 2 \times 17 + (n-1) \times -2 \right]$$

$$\Rightarrow 72 = \frac{n}{2} \left[ 34 - 2n + 2 \right] \qquad \Rightarrow 72 \times 2 = n \left[ 36 - 2n \right]$$

$$\Rightarrow 72 = \frac{n}{2}[34 - 2n + 2]$$

$$\Rightarrow 72 \times 2 = n[36 - 2n]$$

$$\Rightarrow 144 = 36n - 2n^2$$

$$\Rightarrow 144 = 36n - 2n^2$$
  $\Rightarrow 2n^2 - 36n + 144 = 0$ 

$$\Rightarrow 2(n^2 - 18n + 72) = 0$$
  $\Rightarrow n^2 - 18n + 72 = 0$ 

$$\Rightarrow n^2 - 18n + 72 = 0$$

$$\Rightarrow n^2 - 12n - 6n + 72 = 0$$

$$\Rightarrow n^2 - 12n - 6n + 72 = 0$$
  $\Rightarrow n(n - 12) - 6(n - 12) = 0$ 

$$\Rightarrow (n-6)(n-12)=0$$

# TYPE - 4

-4, -2, 0, 2, 4 ..... में कौन-सा पद 88 होगा ? Speedy Solution :-

यहाँ a = -4, d = -2 - (-4) = 2 Tn = 88 तो n = ?

⇒ 
$$88 = -4 + (n-1) \times 2$$
 ⇒  $88 + 4 = 2(n-1)$ 

$$\Rightarrow 88 + 4 = 2(n - 1)$$

$$\Rightarrow 92 = 2(n-1)$$

$$\Rightarrow (n-1) = \frac{92}{2} = 46$$

## TYPE - 5

यदि एक समान्तर श्रेणी (A.P.) में चौथा पद 36 तथा 11वाँ पद 78 है, तो उस श्रेणी के 20 पदों तक का योगफल कितना होगा ? Speedy Solution :-

 $T_4 = a + (4 - 1) \times d$ 

$$\Rightarrow$$
 36 = a + 3d

...(i)

समीकरण (ii) में से (i) को घटाने पर,

$$a + 10d = 78$$

$$a + 3d = 36$$

$$\frac{3d = 36}{7d = 42} \qquad \therefore d = \frac{42}{7} = 6$$

$$\Rightarrow a+3\times6=36$$

$$\therefore \operatorname{Sn} = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

$$\therefore S_{20} = \frac{20}{2} [2 \times 18 \times (20 - 1) \times 6]$$

$$=10[36+114]=10\times150=1500$$

#### TYPE-6 seems but suppose no by with Fac

8. 7 एवं 9 का समांतर माध्य (A.M.) क्या होगा ? Speedy Solution :-

समातर माध्य (A.M.) =  $\frac{a+b}{2} = \frac{7+9}{2} = 8$ 

10, 20, 40, 80, ..... का 8वाँ पद कौन-सा होगा ? Speedy Solution :-

यहाँ 
$$a = 10$$
,  $r = \frac{20}{10} = 2$ 

$$T_n = ar^{n-1}$$

$$\Rightarrow$$
 T<sub>8</sub> = 10 × 2<sup>8-1</sup> = 10 × 128 = 1280

10. 1+2+4+8+...... के दस पदों का योगफल क्या होगा ? Speedy Solution :-

यहाँ 
$$a=1$$
,  $r=\frac{2}{1}=2$ ,  $n=10$ 

[ 225 ]

$$\therefore S_{n} = \frac{a(r^{n} - 1)}{r - 1}$$

$$\Rightarrow S_{10} = \frac{1 \times (2^{10} - 1)}{(2 - 1)} = \frac{1 \times (1024 - 1)}{1} = 1023$$

11. 
$$1+\frac{1}{2}+\frac{1}{4}+\frac{1}{8}+\dots \infty = ?$$

Speedy Solution :-

$$\overrightarrow{\text{def}} \ \ \mathbf{a} = \mathbf{1} \quad \mathbf{r} = \frac{1}{2} \qquad \therefore \mathbf{S}_{-} = \frac{\mathbf{a}}{1 - \mathbf{r}} = \frac{1}{1 - \frac{1}{2}} = \frac{1}{2} = 2$$

12. 3 एवं 27 का गुणोत्तर माध्य (G.M.) क्या होगा ? Speedy Solution :-

गुणोत्तर माध्य (G.M.) =  $\sqrt{ab} = \sqrt{3 \times 27} = \sqrt{81} = 9$ 

13. किसी G.P. का तीसरा पद 4 है, तो उस G.P. के प्रथम पाँच पदों का 🔭 गुणनफल क्या होगा ?

0001 = 001 = 01 = [bt 1 + 80] bt le

Speedy Solution :-

$$T_3 = ar^2 = 4$$

GP. को प्रथम पाँच पदों का गुणनफल

$$= a(ar)(ar^{2})(ar^{3})(ar^{4}) = a^{5} \cdot r^{1+2+3+4} = a^{5} \cdot r^{10}$$

$$=(ar^2)^5=(4)^5=1024$$

Note : किसी G.P. के प्रत्येक पद में समान संख्या से गुणा या भाग देने पर प्राप्त Sequence G.P. में होता है।

अर्थात् पहला पद = a

दूसरा पद = ar

तीसरा पद = ar<sup>2</sup>

चौथा पद = ar3 होगा।

# हरात्मक श्रेणी पर आधारित प्रश्न

#### TYPE - 12

14. दिए गए श्रेणी में 8वाँ पद क्या होगा ?

Speedy Solution :-

· श्रेणी का व्युक्तम A.P. में होगा

$$AP = \frac{11}{2}, \frac{5}{1}, \frac{9}{2}, \dots$$

$$a = \frac{11}{2}$$
,  $d = \frac{5}{1} - \frac{11}{2} = \frac{10 - 11}{2} = \frac{-1}{2}$ 

∴ A.P. का 8वाँ पद = a + (n - 1) × d =  $\frac{11}{2}$  + (8 - 1) ×  $\frac{-1}{2}$ 

$$=\frac{11}{2}-\frac{7}{2}=\frac{4}{2}=2$$

∴ H.P. का 8वाँ पद =  $\frac{1}{2}$ 

### TYPE - 13

15. 1 एवं 3 का हरात्मक माध्य (H.M.) बतायें ?

Speedy Solution :-

हरात्मक माध्य (H.M.) =  $\frac{2ab}{a+b} = \frac{2 \times 1 \times 3}{1+3} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2}$ 

#### TYPE - 14

16. <sup>1</sup>/<sub>8</sub>, x, <sup>3</sup>/<sub>2</sub> H.P. में हो, तो x का मान बतायें ?

Speedy Solution :-

Note: a, b तथा c तीन राशियाँ यदि हरात्मक श्रेणी में हो, तो  $b = \frac{2ac}{a+c}$  होता है

$$\therefore x = \frac{2 \times \frac{1}{8} \times \frac{3}{2}}{\frac{1}{8} + \frac{3}{2}} = \frac{\frac{3}{8}}{\frac{1+12}{8}} = \frac{3}{8} + \frac{13}{8} = \frac{3}{13}$$

17. 43+53+63+.....+103 = ?

Speedy Solution :-

$$\therefore 4^{3} + 5^{3} + 6^{3} + \dots + 10^{3}$$

$$= (1^{3} + 2^{3} + 3^{3} + \dots + 10^{3}) - (1^{3} + 2^{3} + 3^{3})$$

$$= (\frac{10 \times 11}{2})^{2} - (\frac{3 \times 4}{2})^{2} = 3025 - 36 = 2989$$

18. 1-3+5-7+9...... का 20 पदों तक का योगफल **कितना** होगा ?

Speedy Solution :-

$$=\frac{10}{2}(2\times1+9\times4)-\frac{10}{2}(2\times3+9\times4)=10\times19-210=-20$$

19. निम्न श्रेणी का योग क्या है ?

$$\frac{1}{1.2} + \frac{1}{2.3} + \frac{1}{3.4} + \dots$$

Speedy Solution :-

दिए गए श्रेणी में n वाँ पद = 
$$\frac{1}{n(n+1)} = \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}$$

अर्थात् 
$$T_n$$
वाँ पद =  $\frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}$  हो, तो

$$S_n = 1 - \frac{1}{n+1} = \frac{n+1-1}{n+1} = \frac{n}{n+1}$$
 होगा।

#### QUESTIONS **PREVIOUS** YEAR'S RRB'S

- 7,14,28,..... की श्रृंखला में 10वाँ पद कौन-सा होगा ?
- (A) 1792
- (B) 2456

D = 71

- (C) 3584
- (D) 4096

### (RRB अजमेर A. Driver, 2004)

Speedy Solution : (C) .. श्रेणी G.P. में है

जहाँ 
$$a=7$$
,  $r=\frac{14}{7}=2$  तथा  $n=10$ 

- $T_{10} = 7 \times 2^{10-1} = 7 \times 2^9 = 7 \times 512 = 3584$
- 2. प्रथम n प्राकृतिक संख्याओं का समांतर माध्य (A.M.) है -

  - (A)  $\frac{n+1}{2}$  (B)  $\frac{n-1}{2}$  (C)  $\frac{n}{2}$  (D) कोई नहीं

# (RRB गोरखपुर P. Way, 2004)

Speedy Solution : (A)

समांतर माध्य (AM.) =  $\frac{n+1}{2}$ 

- निम्नांकित में कौन सही है ? जहाँ A.M. = समांतर माध्य, G.M. = गुणोत्तर माध्य व H.M. = हरात्मक माध्य है
  - $(A) (AM) (GM) = (HM)^2$
- (B) (AM)  $(HM) = 2(GM)^2$
- (C) (HM) (GM) =  $(AM)^2$  (D)  $(AM) \cdot (HM) = (GM)^2$

कि है कि स्थापित कर में कि

# (RRB गोरखपुर ESM, 2003)

Speedy Solution : (D)

$$(GM)^2 = (AM)(HM)$$

∵ गुणोत्तर माध्य = √समांतर माध्य × हरात्मक माध्य

- एक समांतर श्रेणी का तृतीय पद  $\frac{1}{5}$  एवं पांचवाँ पद  $\frac{1}{3}$  है, तो उस समानांतर श्रेणी के 15 पदों का योगफल क्या होगा ? (A)  $\frac{1}{15}$  (B) 8 (C)  $\frac{4}{15}$  (D) 16

# (RRB कोलकात्ता ESM, 2001)

Speedy Solution : (B)

$$T_3 = a + (3 - 1) \times d$$

$$\Rightarrow \frac{1}{5} = a + 2d \qquad ...(1)$$

पुन: 
$$T_5 = a + (5-1) \times d$$

$$\Rightarrow \frac{1}{3} = a + 4d \qquad ...(ii)$$

समीकरण (ii) में से (i) को घटाने पर,

समीकरण (i) से,

$$a+2d = \frac{1}{5}$$
  $\Rightarrow a+2 \times \frac{1}{15} = \frac{1}{5}$ 

$$va = \frac{1}{5} - \frac{2}{15} = \frac{1}{15}$$

$$\therefore S_{15} = \frac{15}{2} \left[ 2 \times \frac{1}{15} + (15 - 1) \times \frac{1}{15} \right]$$

$$=\frac{15}{2}\left[\frac{2}{15}+\frac{14}{15}\right]=\frac{15}{2}\times\frac{16}{15}=8$$

- एक समांतर श्रेणी का n वां पद P है एवं प्रथम n पदों का योग S है। तो प्रथम पद है -
- (A)  $\frac{S}{2n} P$  (B)  $\frac{2S}{n} + P$  (C)  $\frac{2S}{n} P$  (D)  $\frac{2S}{n}$

# (RRB कोलकात्ता Supervisor /J.E., 2000)

Speedy Solution : (C) 6 (2)

समांतर श्रेणी का n वां पद = a + (n - 1)d

∵ a+(n-1)×d=P तथा

$$S_n = \frac{n}{2} [2a + (n-1)d]$$

$$\Rightarrow S = \frac{n}{2}[a+p] \Rightarrow 2S = n(a+P)$$

$$\therefore a = \frac{2S}{n} - p$$

- समान्तर श्रेणी 3,7,11,....,147 का मध्य पद है ?

#### (RRB कोलकात्ता, J.E., 2000) Speedy Solution : (B)

$$T_n = a + (n-1)d$$

$$\Rightarrow 147 = 3 + (n-1) \times 4$$

∴ मध्य पद = 
$$\frac{n+1}{2} = \frac{37+1}{2} = 19$$

$$T_{19} = 3 + (19 - 1) \times 4 = 75$$

- किसी समान्तर श्रेणी का प्रथम पद 8, ऑतम पद 86 है तथा सार्वान्तर 3 है, तो श्रेणी में पदों की संख्या कितनी होगी ?
- (C) 25
- (D) 23

(RRB गुवाहाटी T.A.., 2003)

- Speedy Solution: (B)
  - यहाँ a=8, d=3

$$\Rightarrow 86 = 8 + (n-1) \times 3$$

$$\Rightarrow 86 - 8 = (n - 1) \times 3$$

$$\Rightarrow n-1=\frac{78}{3}=26$$

8. 3, √3, 1,...... श्रेणी के n वें पद का मान 
$$\frac{1}{243}$$
 है, तो n है-

### (RRB भुवनेश्वर T.E.C., 2000)

#### Speedy Solution: (C)

जहाँ 
$$a = 3$$
,  $r = \frac{1}{\sqrt{3}} = 3^{-1/2}$ 

$$\Rightarrow \frac{1}{243} = 3 \cdot \left(3^{-\frac{1}{2}}\right)^{n-1} \Rightarrow 3^{-5} = 3 \times 3^{-\left(\frac{n-1}{2}\right)}$$

$$\Rightarrow 3^{-5} = 3 \times 3 - \left(\frac{n-1}{2}\right)$$

$$\Rightarrow 3^{-6} = 3^{-\left(\frac{n-1}{2}\right)} \Rightarrow 6 = \frac{n-1}{2} \therefore n = 13$$

$$\Rightarrow 6 = \frac{n-1}{2}$$

# (RRB बंगलोर E.S.M., 2004)

#### Speedy Solution : (B)

यदि a,a-2, एवं 3a A.P. में हो, तो

$$a-2=\frac{a+3a}{2}$$

$$\Rightarrow a-2=\frac{4a}{2}=2a$$

#### (RRB कोलकात्ता ESM, 2004)

# Speedy Solution : (A)

$$a=2, r=\sqrt{2} \Rightarrow n=?$$

$$\therefore \text{ ar}^{n-1} = 128 \qquad \Rightarrow 2 \times \left(\sqrt{2}\right)^{n-1} = 128$$

$$\Rightarrow (\sqrt{2})^{n-1} = 6$$

$$\Rightarrow \left(\sqrt{2}\right)^{n-1} = 64 \qquad \Rightarrow \left(\sqrt{2}\right)^{n-1} = \left(\sqrt{2}\right)^{12}$$

### (RRB राँची A.S.M., 2005)

#### Speedy Solution: (D)

$$Sn = \frac{a(r^n - 1)}{r - 1}$$

$$\Rightarrow 120 = \frac{3(3^{n} - 1)}{3 - 1} = \frac{3}{2}(3^{n} - 1)$$

(C) 3150

#### Speedy Solution: (D)

13. यदि 
$$a^x = b^y = c^z$$
 और a,b,c गुणोत्तर श्रेणी में है तो  $x,y,z$  किस श्रेणी में है।

- (A) समान्तर श्रेणी
- (B) गुणोत्तर श्रेणी
- (c) हरात्त्मक श्रेणी
- (D) कोई नहीं

### (RRB सिकन्दरावाद T.A., 2004)

# Speedy Solution : (C)

$$b^2 = ac \left( \because a, b, c \text{ GP } \vec{\exists} \stackrel{\$}{e} \right) \dots (i)$$

माना 
$$a^x = b^y = c^z = K$$

$$\Rightarrow a = k^{\frac{1}{3}}, b = k^{\frac{1}{3}}, c = k^{\frac{1}{2}}$$

$$\Rightarrow$$
 a = k <sup>$X_s$</sup> , b = k <sup>$X_s$</sup> , c  
अब (i) तथा (ii) से,

$$\left(k^{\frac{N}{N}}\right)^{2} = k^{\frac{N}{N}} \cdot k^{\frac{N}{N}}$$

$$\Rightarrow \frac{2}{y} = \frac{1}{x} + \frac{1}{z}$$

$$\Rightarrow x, y, z$$
 हरात्मक श्रेणी में है।

14. यदि एक गुणोत्तर श्रेणी का तीसरा पद 4 हो, तो प्रथम पाँच पदाँ का गुणनफल होगा -

# (RRB चंडीगढ़ A. Driver, 2005)

# Speedy Solution: (B)

पाँच पदों का गुणा = a . a r . a 
$$r^2$$
 . a  $r^3$  . a  $r^4$  =  $a^5 r^{10}$  =  $\left(a r^2\right)^3$  =  $4^5$ 

15. श्रेणी 
$$\frac{1}{3 \times 5} + \frac{1}{5 \times 7} + \frac{1}{7 \times 9} + \dots$$
 का योगफल होगा -

(A) 
$$\frac{1}{6}$$
 (B)  $\frac{1}{3}$  (C)  $\frac{1}{2}$  (D)  $\frac{5}{6}$ 

(B) 
$$\frac{1}{3}$$

(D) 
$$\frac{5}{6}$$

# (RRB कोलकात्ता T.A., 2004)

# Speedy Solution : (A)

$$T_1 = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{3} - \frac{1}{5} \right); \ T_2 = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{5} - \frac{1}{7} \right); \ T_3 = \frac{1}{2} \left( \frac{1}{7} - \frac{1}{9} \right)$$

$$\therefore \sum T_n = \frac{1}{2} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$$