XII 4 / MATHS/ MODEL/2019/SET I"

Class -XII MODEL QUESTION PAPER

Max Marks: 100 Pass Marks: 33

Time: 3 Hours

General Instructions

All questions are compulsory

This question paper consist 29 questions

Divided into three sections - A, B and C

Section – "A" Comprises of 10 questions bearing 01 mark each.

Section – "B" Comprises of 12 questions bearing 04 marks each.

Section – "C" Comprises of 7 questions bearing 06 marks each.

सामान्य निर्देश

मभी प्रश्न अनिवार्य है।

इस प्रश्न पत्र में 29 प्रश्न है, जो तीन खण्डों अ, ब और स

में बटे हए है |

खण्ड - "अ" में 10 प्रश्न है, जिनमे प्रत्येक 01 अंक का है |

खण्ड - 'ब" में 12 प्रश्न है, जिनमे प्रत्येक 04 अंक का है |

खण्ड - "स" में 7 प्रश्न है, जिनमे प्रत्येक 06 अंक का है |

(SECTION - A)

(खण्ड - अ)

- 1. Let Q be the set of Rational number. An operation \ast is defined on Q by (1)a*b=a+b+ab. Then Find the value of 2*3माना कि Q परिमय संख्या का समुच्चय है | एक संक्रिया * इस प्रकार परिभाषित है a * b = a + b + ab तो 2 * 3 का मान ज्ञात कीजिए।
- 2. Find the value of $Sin\left[\frac{\pi}{2} sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)\right]$ (1)मान जात कीजिए $Sin\left[\frac{\pi}{2} - sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)\right]$
- 3. If $\begin{bmatrix} x+y & 2 \\ 1 & x-y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 7 \end{bmatrix}$ Then find the value of x and y(1)यदि $\begin{bmatrix} x+y & 2 \\ 1 & x-y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 7 \end{bmatrix}$ तो x = y का मान ज्ञात कीजिए |
- 4. Find the value of x. $\begin{bmatrix} 3 & -x \\ x & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 & 6 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$ (1)x का मान जात कीजिए $\begin{bmatrix} 3 & x \\ x & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 & 6 \\ 4 & 5 \end{bmatrix}$
- 5. Find $\frac{dy}{dx}$. $y = cos(sinx^3)$ (1) $\frac{dy}{dx}$ का मान ज्ञात कीजिए $y = \cos(\sin x^3)$
- 6. Find the slope of the curve $y = x^3 x^2 + x$ at x = 2(1)

(4)

x = 2 पर वक्र $y = x^3 - x^2 + x$ की ढाल ज्ञात कीजिए | 7. Find the value of $\int \frac{dx}{1+\cos^2x}$ (1)मान ज्ञात कीजिए $\int \frac{dx}{1+\cos^2x}$ 8. Find the value of x for which $x\hat{\imath} + x\hat{\jmath} + x\hat{k}$ is a unit vector (1)x का वह मान ज्ञात कीजिए जिसके लिए $x\hat{\imath} + x\hat{\jmath} + x\hat{k}$ एक इकाई सदिश है 9. If $\vec{r} = 2\hat{\imath} - 3\hat{\jmath} - 2\hat{k}$, find direction cosines of \vec{r} (1) यदि $\vec{r}=2\hat{\imath}-3\hat{\jmath}-2\hat{k}$ तो \vec{r} का दिवक - कोज्याएं निकालें | 10. Find the Cartesian equation of a line which passes through the points (1)(2,1,3) and (0,3,2)बिन्दुओं (2,1,3) तथा (0,3,2) से गुजरने वाली रेखा का समीकरण ज्ञात कीजिए | (SECTION - B) (ਬਾਤ - ਕ) 11. If $f, g: R \to R$ are defined respectively by $f(x) = x^2 + 3x + 1$ and g(x) = 2x - 3 Then find the value of $f \circ g(x)$ (4)यदि $f,g:R\to R$ क्रमशः $f(x)=x^2+3x+1$ और g(x)=2x-3 से परिभाषित है तो fog(x) का मान ज्ञात कीजिए | 12. Prove that $sin^{-1}\left(\frac{8}{17}\right) + sin^{-1}\left(\frac{3}{5}\right) = sin^{-1}\left(\frac{77}{95}\right)$ (4) सिद्ध कीजिए कि $sin^{-1}\left(\frac{8}{17}\right) + sin^{-1}\left(\frac{3}{5}\right) = sin^{-1}\left(\frac{77}{95}\right)$ 13. Using properties of determinants, Prove that $\begin{vmatrix} 3a & -a-b & -a+c \\ a-b & 3b & c-b \\ a-c & a-c & 3c \end{vmatrix} = 3(a+b+c)(ab+bc+ca)$ (4)सारणिकों के गुणों का प्रयोग कर साबित करें की $\begin{vmatrix} 3a & -a-b & -a+c \\ a-b & 3b & c-b \\ a-c & a-c & 3c \end{vmatrix} = 3(a+b+c)(ab+bc+ca)$ Prove that $\begin{vmatrix} x & y & z \\ x^2 & y^2 & z^2 \\ y+z & z+x & x+y \end{vmatrix} = (x+y+z)(y-z)(z-x)(x-y)$ साबित करें $\begin{vmatrix} x & y & z \\ x^2 & y^2 & z^2 \\ y+z & z+x & x+y \end{vmatrix} = (x+y+z)(y-z)(z-x)(x-y)$ 14. If $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } x < 3 \\ ax + b & \text{if } 3 < x < 5 \text{ Then find the values of } a \text{ and } b \text{ for which } f(x) \text{ is } 7 & \text{if } x > 5 \end{cases}$

continuous function.

(4)

यदि
$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } x < 3 \\ ax + b & \text{if } 3 < x < 5 \text{ (a और } b \text{ का मान ज्ञात कीजिए यदि } f(x) \end{cases}$$
 एक $7 & \text{if } x > 5$

संततफलन है |

15. Find
$$\frac{dy}{dx}$$
 If $y = x^{Cosx} + (Sinx)^{tanx}$ (4)
$$\frac{dy}{dx}$$
 निकालें यदि $y = x^{Cosx} + (Sinx)^{tanx}$

(OR)

If
$$y=e^{tan^{-1}x}$$
 Then show that $(x^2+1).\frac{d^2y}{dx^2}+(2x-1).\frac{dy}{dx}=0$ i.e $(x^2+1)y_2+(2x-1).y_1=0$

यदि
$$y = e^{tan^{-1}x}$$
 दिखाएँ की $(x^2 + 1) \cdot \frac{d^2y}{dx^2} + (2x - 1) \cdot \frac{dy}{dx} = 0$
i.e $(x^2 + 1)y_2 + (2x - 1) \cdot y_1 = 0$

16. Find the intervals in which the following function is strictly Increasing or Strictly decreasing

 $f(x) = 4x^3 - 6x^2 - 72x + 30$

वह अंतराल ज्ञात कीजिए जिसमे निम्निलिखित फलन निरंतर वर्धमान या निरंतर हासमान है

$$f(x) = 4x^3 - 6x^2 - 72x + 30$$
(OR)

A balloon, which always remains spherical, has a variable radius $\frac{3}{2}(2x + 3)$. Determines the rate of change of volume with respect to x.

एक गुब्बारा, जो सदैव गोलाकार रहता है, का परिवर्तनशील त्रिज्या $\frac{3}{2}(2x+3)$ है |x| के सापेक्ष आयतन के परिवर्तन की दर ज्ञात कीजिए |x|

17. Evaluate
$$\int \frac{x+1}{\sqrt{2x^2+1-3}} \cdot dx$$
 (4)

ज्ञात कीजिए
$$\int \frac{x+1}{\sqrt{2x^2+1-3}} dx$$

18. Evaluate
$$\int \frac{\sin 2x}{(1+\sin x)(2+\sin x)} \cdot dx$$
 (4)

ज्ञात कीजिए
$$\int \frac{Sin2x}{(1+Sinx)(2+Sinx)} \cdot dx$$

Evaluate
$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{Sin\theta}. \cos^5\theta. d\theta$$

ज्ञात कीजिए
$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sqrt{Sin\theta}. \cos^5\theta. d\theta$$

19. Using properties of definite Integration prove that $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{sinx - cosx}{1 + sinx.cosx} \, dx = 0 \qquad (4)$



निश्चित समाकलन के गुणों का प्रयोग कर सिद्ध कीजिए की $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{Sinx-Cosx}{1+Sinx.Cosx} dx = 0$

20. Find the values of γ and μ for which $(2\hat{\imath} + 6\hat{\jmath} + 27\hat{k}) \times (\hat{\imath} + \gamma\hat{\jmath} + \mu\hat{k}) = \vec{0}$ (4) γ तथा μ के मान ज्ञात कीजिए जिसके लिए $(2\hat{\imath} + 6\hat{\jmath} + 27\hat{k}) \times (\hat{\imath} + \gamma\hat{\jmath} + \mu\hat{k}) = \vec{0}$

21. Find the angle between the following Pair of lines

$$\vec{r} = (3\hat{\imath} + \hat{\jmath} - 2\hat{k}) + \gamma(\hat{\imath} - \hat{\jmath} - 2\hat{k}) \text{ and}$$

$$\vec{r} = (2\hat{\imath} - \hat{\jmath} - 6\hat{k}) + t(3\hat{\imath} - 5\hat{\jmath} - 4\hat{k})$$
(4)

निम्नलिखित रेखा युग्मों के बिच का कोण ज्ञात कीजिए

$$\vec{r} = (3\hat{\imath} + \hat{\jmath} - 2\hat{k}) + \gamma(\hat{\imath} - \hat{\jmath} - 2\hat{k})$$

ਜथा $\vec{r} = (2\hat{\imath} - \hat{\jmath} - 6\hat{k}) + t(3\hat{\imath} - 5\hat{\jmath} - 4\hat{k})$
(OR)

Find the equation of the plane passing through Intersection of the planes x + y + z - 6 = 0 and 2x + 3y + 4z = 5 and the point (1,1,1)

समतलों x+y+z-6=0 तथा 2x+3y+4z=5 के प्रतिच्छेदी रेखा तथा बिंदु (1,1,1) से जाते हुए तल का समीकरण ज्ञात कीजिए |

22. If the probability of P winning a race is $\frac{1}{4}$ and that of Q winning the same race is $\frac{1}{4}$, find the Probability that none of them will win.

यदि किसी दौड़ में P के जितने की प्रायिकता $\frac{1}{4}$ है, तथा Q के उसी दौड़ में जितने की

प्रायिकता $\frac{1}{6}$ है, तो दोनों में किसी के नहीं जितने की प्रायिकता ज्ञात कीजिए |

(OR)

A and B are two given independent events where P(A) = 0.3, P(B) = 0.6 Then find the values of the following

- i) [P(A and B)]
- ii) [P(A and not B)]
- iii) [P(A or B)]
- iv) [P (None of A and B)]

A और B स्वतंत्र घटनाएँ दी गयी है, जहाँ P(A)=0.3, P(B)=0.6 तो निम्नलिखित का मान ज्ञात कीजिए ।

- i) [P (A और B)]
- ii) [P (A और B नहीं)]
- iii) [P (A या B)]
- iv) [P (A और B में कोई नहीं)]

(SECTION - C)

(खण्ड - स)

23. Obtain the Inverse of the matrix using elementary operations:

(6)

 $\begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

Using Matrices, Solve the following system of equations:

x - 2y + z = 0, 2x - y + z = 3, x + y + z = 6

प्रारंभिक संक्रियाओं के प्रयोग द्वारा निम्नलिखित आब्युह का प्रतिलोभ निकालें :-

 $\begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 1 \end{bmatrix}$

आब्युह का प्रयोग कर मिन्म्लिखित समीकरण निकाय को हल करें :

x - 2y + z = 0, 2x - y + z = 3, x + y + z = 6

24. Find the maximum and minimum values of the following function.

 $y = \frac{x^2 - 7x + 6}{x - 10}$

निम्नलिखित फलन का महत्तम और न्यूनतम मान ज्ञात कीजिए |

 $y = \frac{x^2 - 7x + 6}{x - 10}$

25. Find the area of the region bounded by the Parabolas $x^2 = 4y$ and $y^2 = 4x$ (6) परवलय $x^2 = 4y$ तथा $y^2 = 4x$ से घरे क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए | (OR)

Find $\int_0^3 (x^2 + 4) dx$ as the limit of a sum.

योगफल की सीमा के रूप में $\int_0^3 (x^2+4).dx$ का मान ज्ञात कीजिए |

26. Verify that the function y = aCosx + bSinx is a solution of the differential equations

 $\frac{d^2y}{dx^2} + y = 0 \tag{6}$

सत्यापित करें कि y=aCosx+bSinx अवकल समीकरण $\frac{d^2y}{dx^2}+y=0$ का एक हल है | (OR)

Solve the following differential equations: $(x^2+1).\frac{dy}{dx}+2xy=\sqrt{x^2+4}$ निम्नित्यित अवकल समीकरण को हल करें $(x^2+1).\frac{dy}{dx}+2xy=\sqrt{x^2+4}$

27. Find the shortest distance between the two lines whose vector equation are given by: $\vec{r} = (\hat{\imath} + 2\hat{\jmath} - 4\hat{k}) + \gamma(2\hat{\imath} + 3\hat{\jmath} + 6\hat{k}) and \ \vec{r} = (3\hat{\imath} + 3\hat{\jmath} - 5\hat{k}) + \mu(2\hat{\imath} + 3\hat{\jmath} + 6\hat{k})$ दो रेखाओं जिनके सदिश समीकरण निम्नित्खित है, के बिच की दुरी ज्ञात कीजिए $\vec{r} = (\hat{\imath} + 2\hat{\jmath} - 4\hat{k}) + \gamma(2\hat{\imath} + 3\hat{\jmath} + 6\hat{k})$ तथा $\vec{r} = (3\hat{\imath} + 3\hat{\jmath} - 5\hat{k}) + \mu(2\hat{\imath} + 3\hat{\jmath} + 6\hat{k})$

28. A bag contains 4 red and 4 black balls. Another bag contains 2 red and 6 black balls. One of the two bags is selected at random and a ball is drawn from the bag which is found to be red. Find the Probability that the ball is drawn from the first bag. (6) एक थैले में 4 लाल और 4 काला गेंदे है | और एक अन्य थैले में 2 लाल और 6 काला गेंदे है | दोनों थैलों में से एक को यादुच्छ्या चुना जाता है और उसमे से एक गेंद्र निकली

17 6 Fandl

जाती है जो की लाल हो | इस बात की क्या प्रायिकता है की गेंद पहले थैले से निकली गयी है?

(OR)

The Probability that a student entering a university will graduate is 0.4. Find the Probability that out of 3 students of the University.

(6)

- i) none will graduate
- ii) only one will graduate
- iii) all will graduate

एक विश्वविद्यालय में प्रवेश करने वाले एक विद्यार्थी के स्नातक होने की प्रायिकता 0.4 है | प्रायिकता ज्ञात करें की विश्वविद्यालय के 3 विद्यार्थियों में

- i) कोई स्नातक नही होगा
- ii) केवल एक स्नातक होगा
- iii) सभी स्नातक होंगे
- 29. Solve the following LPP graphically

(6)

Maximize z = 5x + 3y

Subjected to Constrains

 $3x + 5y \le 10$

 $5x + 2y \le 10$

and $x, y \ge 0$.

निम्नलिखित रैखिक प्रोग्राम समस्या को आलेखीय विधि से करें |

अधिकतमीकरण करे z = 5x + 3y

जबिक

 $3x + 5y \le 10$

 $5x + 2y \le 10$

तथा $x, y \ge 0$.