



## కాంతి పరావర్తనం

6వ తరగతిలో మనం ‘నీడలు ఏర్పడే విధానం’ గురించి నేర్చుకున్నాం. కాంతి కిరణాలతో చాలా ప్రయోగాలు చేశాం. అంతేగాక ‘కాంతి బుజుమార్గ ప్రసరణ’ అంటే సరళరేఖా మార్గంలో కాంతి ప్రయాణించడం గురించి తెలుసుకున్నాం. 7వ తరగతిలో కాంతి పరావర్తన నియమాలను నేర్చుకున్నాం.

ఒకసారి వాటిని గుర్తు చేసుకుందాం.

- నీడలు ఏర్పడడానికి ఒక కాంతిజనకం, అపారదర్శక పదార్థం మరియు తెర కావాలి.
- కాంతి బుజుమార్గంలో ప్రయాణిస్తుంది.
- కాంతి ఏదేని ఉపరితలంపై పడి పరావర్తనం చెందినప్పుడు పతనకోణం (angle of incidence), పరావర్తనకోణం (angle of reflection) సమానంగా ఉంటాయి.
- పతన కిరణం (incident ray), పతనబిందువు వద్ద తలానికి గీసిన లంబం (normal) మరియు పరావర్తన కిరణం (reflected ray) అన్ని ఒకే తలంలో ఉంటాయి.

మీ దైనందిన జీవితంలో వస్తువుల నీడలను, ప్రతిబింబాలను మీరు చూస్తూ ఉంటారు. వాటిని పరిశీలించేటప్పుడు మీ మదిలో అనేక సందేహాలు కలిగి ఉంటాయి కదా!

- కొన్ని అద్దాలలో మన ప్రతిబింబం మనకన్నా సన్నగా లేదా లావుగా ఎందుకు కనబడుతుంది?
- అడ్డంలో పొర్చు విలోమం (కుడి, ఎడమలు తారుమారు కావడం) ఎందుకు జరుగుతుంది?
- భూతద్దానికి బదులుగా ఏదైనా దర్పణం వాడి సూర్యకాంతిని ఒక బిందువు వద్ద కేంద్రికించగలమా?
- కాంతి ఏదైనా ఉపరితలంపై పడి పరావర్తనం చెందినప్పుడు, పరావర్తనకోణం పతనకోణానికి సమానంగా ఎందుకుంటుంది?
- కాంతి వక్రతలాలపై పరావర్తనం చెందినా, పతనకోణం-పరావర్తనకోణం సమానంగా ఉంటాయా?

ఈ పాఠ్యాంశంలో కాంతి పరావర్తనం గురించి విపులంగా తెలుసుకొని షై సందేహాలకు సమాధానాలిచ్చే ప్రయత్నం చేధ్యాం. ముందుగా కాంతి గురించి మనకు తెలిసిన విషయాలపై కొన్ని కృత్యాలు చేసి చూధ్యాం.

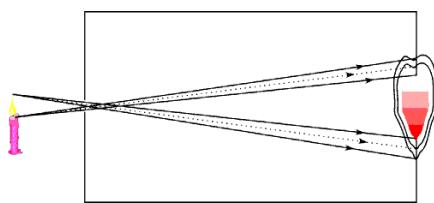


## కృత్యం 1

### పిన్‌పోల్ కెమెరాలో ప్రతిబింబం ఏర్పడే విధానం

పిన్‌పోల్ కెమెరాలో ప్రతిబింబం ఏర్పడే విధానం గురించి మీరు వే తరగతిలో నేర్చుకున్న అంశాన్ని జ్ఞాపికి తెచ్చుకోండి. పిన్‌పోల్ కెమెరాలో ప్రతిబింబం ఏర్పడే విధానాన్ని తెలియజేసే కిరణచిత్రాన్ని గీయండి.

పిన్‌పోల్ కెమెరాలోని రంధ్రం పరిమాణం పెంచితే ఏం జరుగుతుందో ఉపహాంచండి. పిన్‌పోల్ కెమెరా రంధ్రాన్ని కొఢిగా పెంచి, దాని ద్వారా ఒక కొవ్వొత్తి మంటను పరిశీలించండి. ఆవిధంగా చూసినదానిని వివరించే కిరణచిత్రాన్ని గీయండి. పటం-1ని పరిశీలించండి.



పటం-1

పటాన్ని నిశితంగా పరిశీలిస్తే కొవ్వొత్తి పైభాగం నుండి బయలుదేరిన కాంతికిరణాలు కెమెరా తెరపై వివిధ బిందువుల వద్ద పడటం గమనించవచ్చు. అదేవిధంగా కొవ్వొత్తి మంట కింది భాగం నుండి వచ్చే కాంతికిరణాలు కూడా తెరపై వివిధ బిందువుల వద్ద పడుతున్నాయి. అనగా పిన్‌పోల్ కెమెరా యొక్క రంధ్రం కొంచెం పెద్దగా ఉంటే పటం-1లో చూపినట్లు ప్రతిబింబం కొంచెం మసకబారినట్లుగా ఏర్పడుతుంది.



#### ఆలోచించండి - చర్చించండి

- కెమెరాకు పెద్ద రంధ్రం చేసి చూస్తే ప్రతిబింబం పైన చర్చించిన విధంగానే ఏర్పడిందా?
  - కెమెరా రంధ్రం ఇంకా పెద్దగా అనగా కొవ్వొత్తి మంట పరిమాణంలో ఉంటే ఏం జరుగుతుంది?
  - రంధ్రం పెద్దగా ఉన్నప్పుడు కెమెరా తెరపై కొవ్వొత్తి మంట ప్రతిబింబం ఏర్పడుతుందా? ఎందుకు?
  - అదే కొవ్వొత్తి మంటను అదే పిన్‌పోల్ కెమెరాతో చాలా దూరం నుండి చూస్తే ఏం జరుగుతుంది?
- ఆలోచించి సమాధానమివ్వండి. ప్రయోగపూర్వకంగా మీ సమాధానాన్ని సరిచూసుకోండి.

ఇప్పుడు కాంతి పరావర్తనం గురించి మీకు తెలిసిన అంశాలు గుర్తుకు తెచ్చుకొని కింది సమస్యను సాధించండి.

## కృత్యం 2

### అతి దగ్గరి దూరాన్ని కనుగొనడి

పటం-2లో చూపినట్లు ఒక చెట్టుపై 'A' అనే స్థానం వద్ద ఒక తెలివైన కాకి ఉంది. నేలపై కొన్ని ధాన్యపు గింజలు చల్లబడి ఉన్నాయి. ఆ కాకి నేలపై ఉన్న గింజలలో ఏదో ఒక దానిని తీసుకొని త్వరగా (అతి తక్కువ కాలంలో) వేరొక చెట్టుపై ఉన్న 'B' అనే స్థానం వద్దకు చేరాలంటే, నేలపైనున్న ఏ స్థానంలోని గింజను అది తీసుకోవాలి?

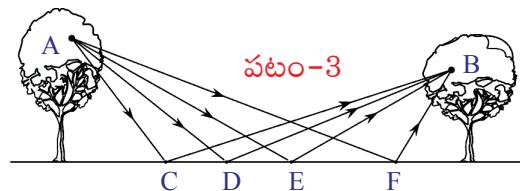
కోణాలు, త్రిభుజాల గురించి మీకున్న గణిత వరిజ్ఞానాన్ని వినియోగించి, కాకి ఏ మార్గాన్ని ఎన్నుకుంటుందో మీరు ఊహించగలరా? వీలుకాకపోతే కింది వివరణ చదవండి.



పటం-2

కాకి నేలపైనున్న ఏ స్థానంలోని గింజనైనా తీసుకోవచ్చు. కానీ నిబంధన ఏమంటే, A స్థానం నుండి B స్థానానికి అతి త్వరగా వెళ్ళిందుకు వీలయ్యేటట్లు నేలపై ఒక స్థానాన్ని అది ఎన్నుకోవాలి. కాకి యొక్క వేగం స్థిరమని భావిస్తే, అది త్వరగా వెళ్ళిలంటే దగ్గరి మార్గం (తక్కువ పొడవున్న మార్గం) ఎన్నుకోవాలి. ఆ దగ్గరి మార్గాన్ని కనుగొందాం.

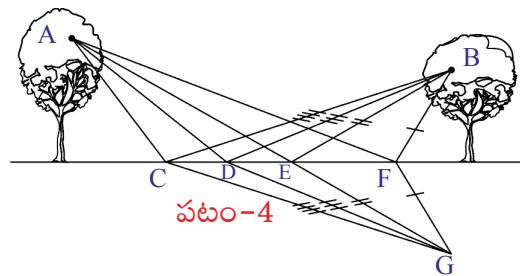
పటం-3లో చూపిన వివిధ మార్గాలను పరిశీలించండి. ACB, ADB, AEB, AFB మార్గాలలో ఏది దగ్గరి మార్గం?



పటం-3

ఆయా దూరాలను పోల్చి చూడడానికి పటం-4లో చూపినట్లు ఆ మార్గాల నక్షత్రాలను తయారుచేసాం.

పటం-4 ప్రకారం  $CB = CG$ . కావున  $ACB = AC + CB = AC + CG = ACG$ . అనగా  $ACG$  పొడవు  $ACB$  పొడవుకు సమానం. అదేవిధంగా  $ADB = ADG$ ,  $AEB = AEG$ ,  $AFB = AFG$ .



పటం-4

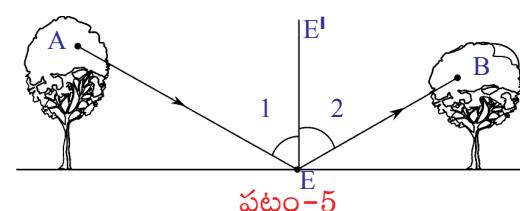
పటం-4ను పరిశీలిస్తే  $ACG$ ,  $ADG$ ,  $AEG$ ,  $AFG$  మార్గాలలో అతితక్కువ దూరం కలిగినది  $AEG$ . అని తెలుస్తుంది. ఎందుకనగా  $AEG$  అనేది A నుండి Gకు గల సరళరేఖా దూరం. ఈ విషయాన్ని స్మృతి కొలిచి కూడా మీరు నిర్దారించుకోవచ్చును.  $AEG = AEB$  కావున A నుండి Bకు చేరడానికి అతిదగ్గరి మార్గం  $AEB$  అవుతుంది. ఆ మార్గంలో వెళ్తేనే తక్కువ సమయం పడుతుంది. కాబట్టి ఆ కాకి ‘E’ అనే స్థానం వద్దనున్న గింజనే తీసుకుంటుంది.

పటం-5లో చూపబడిన  $AEB$  మార్గాన్ని మరొకసారి పరిశీలించండి.

‘E’ బిందువు వద్ద  $E^I$  అనే లంబాన్ని గీస్తే కోణం  $AEE^I(1)$ , కోణం  $E^IEB$  (2) సమానంగా ఉన్నాయని గుర్తించవచ్చు. పై సందర్భంలోని కాకివలె కాంతి కూడా తక్కువ సమయం పట్టే మార్గంలోనే ప్రయాణిస్తుంది. ఈ విషయాన్ని మొదటగా ఫ్రెంచ్ న్యాయవాది, బెత్స్ హిక్ గణిత శాస్త్రవేత్త అయిన పియరి. డి. ఫెర్రూట్ తెలియజేశాడు.

కాంతి పరావర్తనానికి కూడా ఇది వర్తిస్తుంది. కాంతి ఏదైనా

తలంపై పరావర్తనం చెందినప్పుడు కూడా అది తక్కువ కాలంలో ప్రయాణించగల మార్గాన్నే అనుసరిస్తుంది. అందువల్లనే పటం-5లో చూపినట్లు పరావర్తనకోణం, పతనకోణానికి సమానంగా ఉంటుంది.



పటం-5

కాంతి పరావర్తనం గురించి వివరంగా తెలుసుకునేముందు ఒక సరదా కృత్యం నిర్వహించి మీ పూర్వజ్ఞానాన్ని పరిశీలించుకోండి.

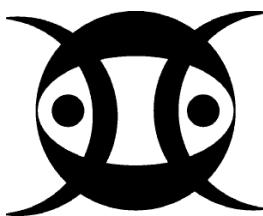
### కృత్యం 3

**‘కాంతి పరావర్తన’ గురించి మీ అవగాహనను సరిచూసుకోండి**

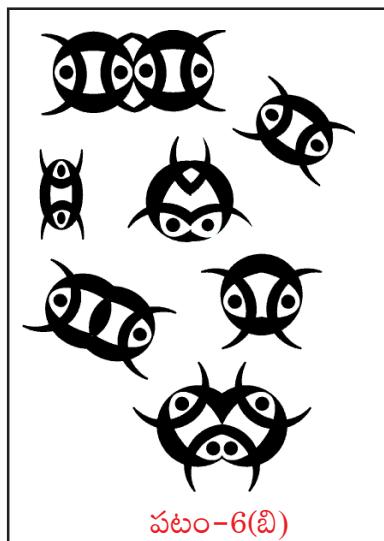
6(ఎ), 6(బి) పటాలను పరిశీలించండి. మీకు ఒక సమతలదర్శణం (అద్దం) ఇచ్చారనుకోండి.

- ఆ అద్దాన్ని మరియు పటం-6(ఎ) లోని బొమ్మను ఉపయోగించి మీరు పటం 6(బి) లోని బొమ్మలను ఎలా ఏర్పరుస్తారు?

పటం-6(ఎ)లోని బొమ్మపై అద్దాన్ని లంబంగా ఉంచి 6(బి)లోని బొమ్మలను ఏర్పరచడానికి ప్రయత్నించండి. బొమ్మపై అద్దాన్ని ఉంచవలసిన విధానాన్ని పటం-6(సి) లో చూడవచ్చు.



పటం-6(ఎ)



పటం-6(సి)

- పటం-6(బి)లోని అన్ని బొమ్మలను మీరు ఏర్పరచగలిగారా?  
మీ స్నేహితుల సహకారంతో ఈ కృత్యాన్ని పూర్తి చేయండి.  
ఇప్పుడు సమతల ఉపరితలాలపై కాంతి పరావర్తనం గురించి వివరంగా తెలుసుకుండాం.

**సమతల దర్శణాలతో కాంతి పరావర్తనం**



### వ్యోగశాల కృత్యం-1

**ఉద్దేశ్యం:** కాంతి పరావర్తన సూచాలను సరిచూడడం.

**కావలసిన వస్తువులు:** అద్దం, డ్రాయింగ్ బోర్డు, తెల్లకాగితం, గుండుసూదులు, డ్రాయింగ్ బోర్డు క్లాంపులు, స్నేగులు మరియు పెన్సిల్.

**పద్ధతి:** ఒక డ్రాయింగ్ బోర్డును తీసుకొని క్లాంపుల సహాయంతో దానిపై ఒక తెల్లకాగితాన్ని అమర్చండి. కాగితం మధ్య భాగంలో AB అనే రేఖాఖండాన్ని గీయండి. AB పై ఏదేని బిందువు ‘O’వద్ద AB కి లంబాన్ని (ON) గీయండి. పటం-7లో చూపినట్లు ‘ON’తో కొంత కోణం

(i) చేసేవిధంగా  $PQ$  రేఖాఖండాన్ని గేయండి.  $P, Q$  బిందువుల వద్ద రెండు గుండుసూదులను నిలువుగా గుచ్ఛండి.  $AB$  వెంబడి నిలువుగా అమర్చిన అధ్యంలో  $P, Q$ ల వద్ద గుచ్ఛిన గుండుసూదుల ప్రతింబించాలు  $P^I, Q^I$  లను పరిశీలించండి. పటం-7లో చూపిసట్లు  $P^I, Q^I$ లతో ఒకే వరుసలో ఉండేవిధంగా  $R, S$  ల వద్ద మరో రెండు గుండుసూదులను గుచ్ఛండి.  $R, S$  మరియు  $O$ లను కలపండి.

$ON, RS$  ల మధ్య కోణాన్ని ( $i$ ) కొలపండి. పరావర్తనకోణం విలువ పతనకోణానికి సమానమని గుర్తిస్తారు. ఇదే ప్రయోగాన్ని వివిధ పతనకోణాలతో చేసి చూడండి. ప్రతీ సందర్భంలో ఏర్పడిన పరావర్తన కోణాన్ని ( $i$ ) కొలపండి.

- అన్ని సందర్భాలలోనూ  $i = r$  అవుతుందా?

జప్పుడు 2వ పరావర్తన సూత్రం గురించి ఆలోచించండి. పతనకిరణం, పరావర్తనకిరణం, లంబం ఏ తలంలో ఉన్నాయి? తెలుసుకుండాం.

### పరావర్తన తలం (Plane of reflection)

పై కృత్యంలో కాగితంపైనున్న  $P, Q$  బిందువుల గుండా పోయే కిరణాన్ని పతనకిరణం అంటాం.  $R, S$ ల గుండా పోయేది పరావర్తన కిరణం.  $ON$  అనేది ‘ $O$ ’ అనే బిందువు వద్ద ఆడ్డానికి లంబం. అది కూడా కాగితంపైనే గేయబడి ఉంది.

- $PQ, RS$  కిరణాలు మరియు  $ON$  లంబం అన్ని ఒకే తలంలో ఉన్నాయా? ఉంటే ఆ తలం ఏది?

పతనకిరణం, పరావర్తనకిరణం మరియు లంబం కాగితం తలానికి సమాంతరంగా ఉన్న వేరొక తలంలో ఉన్నాయనుకుంటే ఆ తలం ఎక్కుడుంటుంది?

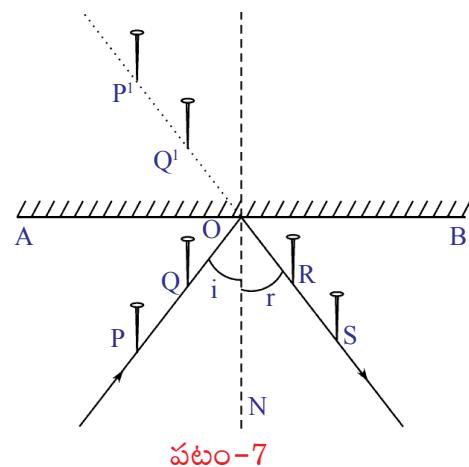
పై కృత్యంలో  $P, Q, R$  మరియు  $S$  ల వద్ద గుచ్ఛిన గుండుసూదుల తలలన్నీ ఒకే ఎత్తులో ఉండేట్లు అమర్చించుకుండాం.  $P, Q$  ల వద్ద గుచ్ఛిన గుండుసూదుల తలలను తాకుతూ పోయే కిరణం పతన కిరణం;  $R, S$  ల వద్ద గుచ్ఛిన గుండుసూదుల తలలను తాకుతూ పోయే కిరణం పరావర్తన కిరణం. అయితే;

- లంబం ఎక్కుడు ఉంటుంది?
- పతనకిరణం, పరావర్తన కిరణం, లంబం ఏ తలంలో ఉంటాయి?

పతనకిరణం, పరావర్తనకిరణం మరియు లంబం ఉన్నటువంటి తలాన్ని పరావర్తనతలం అంటాం.

$P, Q$  ల వద్ద గుచ్ఛిన గుండుసూదుల తలలు ఒకే ఎత్తులో లేవనుకోండి.

- పతనకిరణం ఎలా ఉంటుంది?
- పరావర్తనకిరణం ఎలా ఉంటుంది?
- లంబం ఎలా ఉంటుంది?

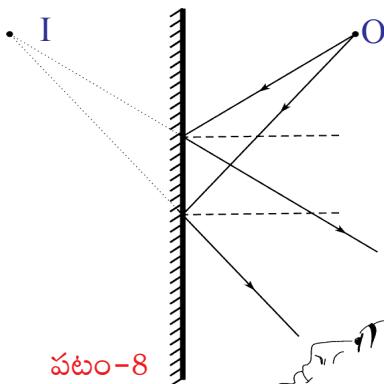


పటం-7



- పరావర్తన తలం ఎలా ఉంటుంది?

అద్దానికి ఎదురుగా రెండు గుండుసూదులను వివిధ ఎత్తులలో గుచ్ఛండి. సైకిల్ పుల్లలతో పతనకిరణం, పరావర్తనకిరణం, లంబాలను అమర్ఖండి. తరవాత పరావర్తన తలం ఏవిధంగా ఉంటుందో ఆలోచించండి.

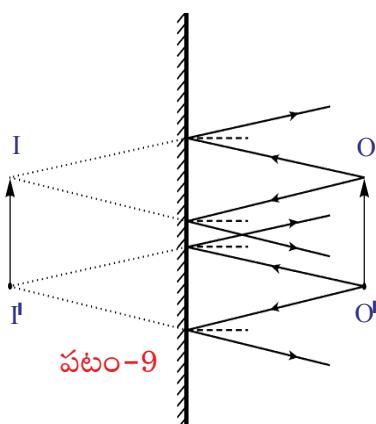


- సమతలదర్శణం (అధ్యం) గుండుసూది లేదా ఏదైనా వస్తువు యొక్క ప్రతిబింబాన్ని ఎలా ఏర్పరుస్తుంది? తెలుసుకుండా!

### సమతలదర్శణంతో ప్రతిబింబం ఏర్పడే విధానం

O అనేది ఒక బిందురూప వస్తువు (point object). O నుండి బయలుదేరిన కొన్ని కాంతికిరణాలు సమతలదర్శణం చేత పరావర్తనం చెందాయి. మనం దర్శణంలోకి చూస్తున్నప్పుడు పరావర్తన కిరణాలన్నీ I అనే బిందువు నుండి వస్తున్నట్లు కనిపిస్తాయి. కాబట్టి I అనేది O యొక్క ప్రతిబింబం. పటం-8లో దర్శణం నుండి వస్తువు O, ప్రతిబింబం Iలకు గల దూరాలను పరిశేలించండి. వీటిని రమారమి అంచనాతో పోల్చండి. ఆ దూరాలు రెండూ సమానమని గుర్తించవచ్చు.

పటం-9లో చూపిన విధంగా దర్శణం ముందు ఒక వస్తువు OO'ను ఉంచామనుకోండి. ఆ వస్తువు నుండి దర్శణానికి కొన్ని పతనకిరణాలను, దర్శణం నుండి బయలుదేరే పరావర్తన కిరణాలను గీయండి. ఇవి గీసేటప్పుడు కాంతి పరావర్తన నియమాలను పాటించండి.



మీరు గీసిన చిత్రం పటం-9లో చూపించిన విధంగా ఉండవచ్చు. పటం-9లో O బిందువు నుండి బయలుదేరిన కిరణాలు దర్శణం వల్ల పరావర్తనం చెందాక, I అనే బిందువు నుండి వస్తున్నట్లు కనబడతాయి. కాబట్టి O యొక్క ప్రతిబింబం I. అదేవిధంగా O' బిందువు నుండి వచ్చే కిరణాలు దర్శణం చేత పరావర్తనం చెందాక, I' అనే బిందువు నుండి వస్తున్నట్లు కనబడతాయి. కాబట్టి O' యొక్క ప్రతిబింబం I'. O, O' బిందువుల మధ్యలో గల వివిధ బిందువుల నుండి వచ్చే కిరణాలు I, I'ల మధ్య వాటి ప్రతిబింబాలను ఏర్పరుస్తాయి. కాబట్టి OO' యొక్క ప్రతిబింబం I I' అవుతుంది.

- వస్తువు పరిమాణంతో పోల్చినప్పుడు ప్రతిబింబం పరిమాణం ఎంత ఉంది?

సమతలదర్శణంతో ఏర్పడ్డ ప్రతిబింబం యొక్క పరిమాణం, దూరం, పార్ష్వ విలోమం (Lateral inversion) మొదలగు లక్షణాల గురించి ఇప్పుడు చర్చిద్దాం.

### సమతల దర్శణంతో ఏర్పడిన ప్రతిబింబ లక్షణాలు

ఒక పెన్చు లేదా పెన్విల్ ను తీసుకొని మీ ఎదురుగా ఉన్న అధ్యం ఉపరితలంపై ఆనించి పట్టుకోండి.

- పెన్విల్ పరిమాణంతో పోల్చినప్పుడు దాని ప్రతిబింబ పరిమాణం ఎంత ఉంది?

పెన్సిల్‌ను అద్దం ఉపరితలం నుండి మీ కంటీవైపుగా కదిలించండి. ఏం గమనించారు?

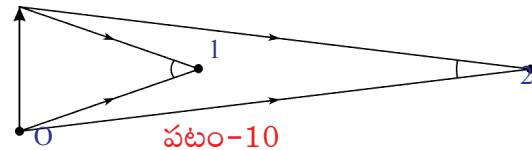
- ప్రతిబింబపరిమాణం పెరుగుతుందా లేదా తగ్గుతుందా?

సమతలదర్శకంతో ప్రతిబింబం ఏర్పడే విధానాన్ని పటం-9 తెలియజేస్తుంది. ఆ పటంలో వస్తువు, ప్రతిబింబాల పరిమాణాలు సమానంగా ఉన్నట్లు మీరు గమనించి ఉంటారు. మరి అద్దం ఉపరితలం నుండి పెన్సిల్‌ను మీ కంటీవైపుగా కదిలించినప్పుడు దాని ప్రతిబింబపరిమాణం ఎందుకు తగ్గుతుంది?

ఈ విషయాన్ని అవగాహన చేసుకోవడానికి

పటం-10ని చూడండి. ఒక వస్తువు యొక్క పరిమాణాన్ని

మన కన్న ఎలా అంచనావేస్తుందో ఈ పటం వివరిస్తుంది. O వద్ద ఉన్న వస్తువును 1, 2 అనే పరిశీలకులు చూస్తున్నారు. 1వ స్థానంలో ఉన్న వ్యక్తి కంటే 2వ స్థానంలో ఉన్న వ్యక్తికి ఆ వస్తువు చిన్నగా కనబడుతుంది. ఎందుకనగా వస్తువు నుండి వచ్చే కాంతి కిరణాలు 1వ పరిశీలకుని కంటివద్ద చేసే కోణం కన్నా 2వ పరిశీలకుని (దూరంలో ఉన్న వ్యక్తి) కంటివద్ద చేసే కోణం తక్కువ. ఈ ‘కోణమే’ వస్తువు పరిమాణాన్ని అంచనావేయడంలో ప్రముఖ పాత్ర వహిస్తుంది.



ఇదేవిధంగా అద్దం ఉపరితలంపై ఆనించి ఉంచిన వస్తువును మన కంటీవైపుగా కదులుతున్నప్పుడు అద్దంలో ప్రతిబింబం వెనుకకు కదులుతున్నట్లుగా ఉంటుంది. కాబట్టి ప్రతిబింబానికి, మన కంటీకి గల దూరం పెరుగుతుంది. అప్పుడు వస్తువు మన కంటి వద్ద ఏర్పరచే కోణం కంటే ప్రతిబింబం ఏర్పరచే కోణం తక్కువగా ఉంటుంది. కాబట్టి వస్తువు కంటే ప్రతిబింబం చిన్నదిగా కనబడుతుంది.

మీరు అద్దం ఎదురుగా నిలుచున్నప్పుడు మీకు, అద్దానికి ఎంత దూరముందో అంతే దూరంలో అద్దంలోపల మీ ప్రతిబింబం ఉన్నట్లుగా కనిపిస్తుంది. సాధారణంగా ఇది మీరు నిజంగానే పరిశీలించగలిగేది. ఈ విషయాన్ని పటం-9ని పరిశీలించడం ద్వారా నిర్ధారణ చేసుకోవచ్చు.

అద్దంలో మీ ప్రతిబింబాన్ని చూసుకునేటప్పుడు పార్ష్వ విలోమం (కుడి ఎడమలు తారుమారు కావడం) గమనించి ఉంటారు.

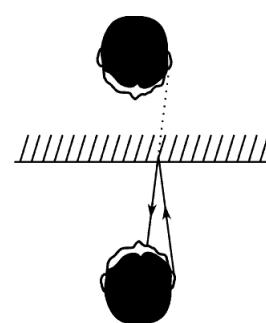
- ప్రతిబింబం ఎందుకు పార్ష్వ విలోమం పొందుతుంది?

పటం-11ను పరిశీలించండి.

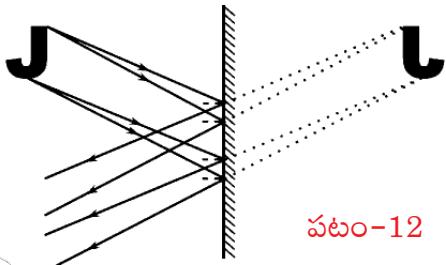
- పటం-11 నుండి మీరు ఏం గ్రహించారు?

మన కుడిచెవి నుండి బయలుదేరిన కాంతికిరణాలు అద్దంపై పడి, పరావర్తనం చెంది మన కంటీని చేరుతాయి. అయితే

ఆ పరావర్తన కిరణాలు అద్దంలోపల నుండి వస్తున్నట్లుగా (పటంలో చుక్కల గీతతో చూపబడింది) మన మెదడు



పటం-11



పటం-12

భావిస్తుంది. అందువలననే మన కుడిచెవి, ప్రతిబింబం యొక్క ఎడమ చెవిలాగా కనిపిస్తుంది.

పటం-12ను చూడండి. ఇందులో ఒక అక్షరం **J** యొక్క ప్రతిబింబం పార్శ్వ విలోమం పొందే విధానాన్ని కిరణచిత్రంతో వివరించడం జరిగింది.

సమతలదర్పణంతో ప్రతిబింబం ఏర్పడే విధానాన్ని

గుర్తుపెచ్చుకోండి. పటం-12ను పరిశీలించి పార్శ్వ విలోమం జరిగే విధానాన్ని వివరించడానికి ప్రయత్నించండి.

ఇప్పటివరకు మనం సమతల దర్పణాలచేత కాంతి ఎలా పరావర్తనం చెందుతుందో తెలుసుకున్నాం. 7వ తరగతిలో మనం ‘గోళాకార దర్పణాలలో రకాలు, వాటిని గోళాకార దర్పణాలని ఎందుకు పిలుస్తాం’ వంటి అంశాలను గురించి నేర్చుకున్నాం. అంతేగాక పుట్టాకారదర్పణంతో ప్రతిబింబాన్ని ఏర్పరచే కృత్యాన్ని కూడా మనం 7వ తరగతిలోనే నిర్వహించాం. ఇప్పుడు వక్రతలాలచేత కాంతి పరావర్తనం గురించి వివరంగా తెలుసుకుండాం.

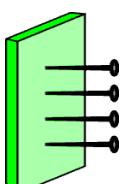
### గోళాకార దర్పణాలతో కాంతి పరావర్తనం

కాంతికిరణం ఏదైనా ఉపరితలంపై పతనమైనప్పుడు అది పతనబిందువు వద్ద గీసిన లంబంతో చేసే కోణానికి (పతనకోణానికి), సమానమైన కోణంతో పరావర్తనం చెందుతుందని మొదటి పరావర్తన నియమం తెలియజేస్తుంది.

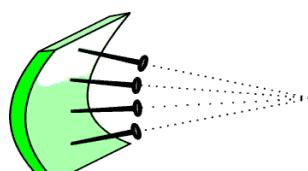
ఈ నియమం సమతల ఉపరితలాలకేగాక వక్రతలాలకు కూడా వర్తిస్తుంది. ఇందులో ముఖ్యమైన విషయమేమిటంటే ‘పతన బిందువు వద్ద లంబంతో చేసే కోణం’. ఏ ఉపరితలానికైనా లంబాన్ని నిర్దారించుకొని పతనకోణాన్ని కనుగోంటే తద్వారా పరావర్తనకోణాన్ని లెక్కగట్టివచ్చు. సమతల ఉపరితలంపై ఏదైనా బిందువు వద్ద లంబాన్ని గుర్తించడం చాలా తేలిక. కానీ వక్రతలాలు, క్రమరహిత తలాలపై లంబాన్ని గుర్తించడం అంత సులభమేమీ కాదు.

### కృత్యం 4

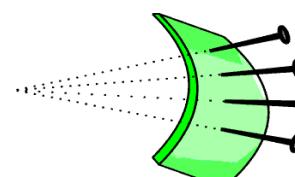
#### వక్రతలానికి లంబాన్ని కనుగోనడం



పటం-13(ఎ)



పటం-13(బీ)



పటం-13(బీ)

చిన్న రబ్బరుముక్క లేదా ‘ఫోమ్’ముక్క (foam-like the sole of a slipper)ను తీసుకోండి. పటం-13(ఎ) లో చూపిన విధంగా దానిపై ఒకే వరుసలో గుండుసూదులను గుచ్చండి.

ఆ గుండుసూదులన్నీ రబ్బరుముక్క తలానికి లంబంగా ఉంటాయి. ఆ రబ్బరుముక్కను అడ్డంలా భావిస్తే గుండుసూదులు వాటిని గుచ్చిన బిందువుల వద్ద లంబాలను సూచిస్తాయి.

గుండుసూది గుచ్ఛిన బిందువు వద్ద పతనమైన కిరణం గుండుసూది(లంబం) తో ఎంతకోణం చేస్తుందో, అంతేకోణంతో పరావర్తనం చెందుతుంది.

**పటం-13(బి)** లో చూపినట్లు రబ్బిరుముక్కను లోపలివైపుకు వంచండి. గుండుసూదులలో ఏం తేడా గమనించారు?

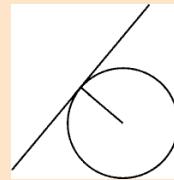
జప్పుడు కూడా గుండుసూదులు వాటిని గుచ్ఛిన వివిధ బిందువుల వద్ద లంబాలను సూచిస్తాయి. నిశితంగా పరిశీలిస్తే గుండుసూదులన్నీ ఒక బిందువు వద్ద కేంద్రికరింపబడుతున్నట్లుగా కనిపిస్తాయి.

**పటం-13(సి)** లో చూపినట్లు రబ్బిరుముక్కను వెలుపలివైపుకు వంచితే గుండుసూదులు ఏకేంద్రికరింపబడుతున్నట్లుగా కనిపిస్తాయి.

ఈ రబ్బిరుముక్కలు గోళాకార దర్పణాల గురించి కొన్ని విషయాలు వివరిస్తాయి. **పటం-13(బి)** లోపలికి వంచిన రబ్బిరుముక్క వలె పుటాకారదర్పణం ఉంటుంది. కుంభాకార దర్పణం పటం-13(సి) లో వెలుపలివైపుకు వంచిన రబ్బిరుముక్క వలె ఉంటుంది.

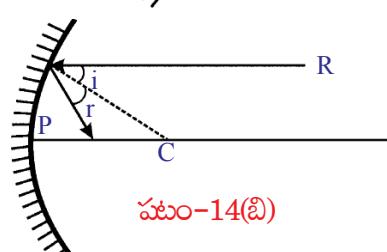
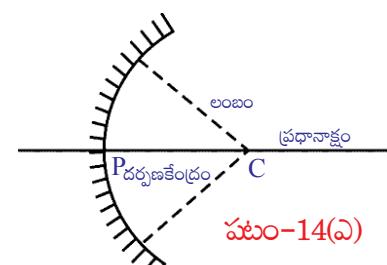
**పటం-13(బి)** లో చూపిన గుండుసూదుల వలె, పుటాకారదర్పణం యొక్క అన్ని లంబాలు ఒక బిందువు వద్ద కేంద్రికరింపబడతాయి. ఆ బిందువును దర్పణం యొక్క వక్రతా కేంద్రం C (centre of curvature) అంటాం.

**కొంత రేఖాగణితాన్ని గుర్తుచేసుకుండాం:** వృత్తాలు - స్ఫూర్ధరేఖల గురించి నేర్చుకునేటప్పుడు, వృత్తకేంద్రం నుండి వృత్తంపై గల ఏదేని బిందువుకు గీసిన వ్యాసార్థం - ఆ బిందువు వద్ద వృత్తానికి గీసిన స్ఫూర్ధరేఖకు లంబంగా ఉంటుందని నేర్చుకున్నాం కదా!



గోళాకార దర్పణం పై ఏదేని బిందువు వద్ద లంబాన్ని కనుగొనడానికి ఈ రేఖాగణిత జ్ఞానం పనికొన్నంది. మనం చేయవలసిందల్లా, దర్పణంపైనున్న ఏదేని బిందువు వద్ద నుండి ఆ గోళ కేంద్రానికి ఒక రేఖను గీయాలి.

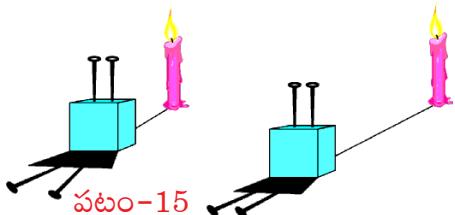
**పటం-14(ఎ)** లో చూపినట్లు ఒక ద్విమితీయ పటం విషయంలో ఇది చాలా నులభం. కానీ పుటాకారదర్పణం అనేది నిజానికి ఒక గోళంలోని భాగం. కాబట్టి దర్పణవక్రతాకేంద్రాన్ని కనుగొనాలంటే, ఆ దర్పణం ఏ గోళానికి చెందిందో - ఆ గోళం యొక్క కేంద్రాన్ని కనుగొనాలి. గోళకేంద్రం నుండి దర్పణంపై ఏదేని బిందువుకు గీసిన రేఖ దర్పణానికి ఆ బిందువు వద్ద లంబం అవుతుంది.



**పటం-14(బి)** లో వ్యాసార్థం (లంబం)తో కిరణం R చేసే కోణాన్ని (పతనకోణాన్ని) i గా సూచించాం. పరావర్తన కోణాన్ని r గా సూచించాం. 1వ పరావర్తన నియమం ప్రకారం  $i = r$  అని మనకు తెలుసు.

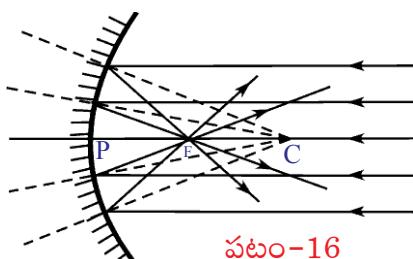
దర్పణం యొక్క మధ్యభిందువు (జ్యామితీయ కేంద్రం)ను దర్పణాఖ్యావం P (pole) అంటాం. పట్టాలలో వక్రతాకేంద్రం మరియు దర్పణాధ్యావం గుండా పోతున్నట్లుగా క్లిష్టిజ సమాంతరంగా (horizontal) గీయబడిన రేఖను దర్పణం యొక్క ప్రధానాఖ్యావం (principal axis) అంటాం. P నుండి Cకు గల దూరాన్ని దర్పణం యొక్క వక్రతా వ్యాసార్థం ‘R’ (radius of curvature) అంటాం.

పటం-14(బి)లో చూపినవిధంగా దర్పణం యొక్క ప్రధానాఖ్యావికి సమాంతరంగా వివిధ పతనకిరణాలను గీసి వాటికి పరావర్తన కిరణాలను గీయడానికి ప్రయత్నించండి. ఏం గమనించారు?



సమాంతర కాంతిపుంజాన్ని పొందేవిధానం గురించి తెలుసుకుండాం.

పటం-15లో ధర్మకోల్ దిమ్మెకు గుచ్ఛిన రెండు గుండుసూదులను చూడవచ్చు. అవి పరస్పరం సమాంతరంగా ఉన్నాయి. పటంలో చూపినట్లు ఆ సూదులకు దగ్గరలో కాంతిజనకాన్ని ఉంచితే వాటి నీడలు వికేంద్రికరించడం గమనించవచ్చు. కాంతిజనకాన్ని కొంచెం దూరంగా జరిపినప్పుడు వాటి నీడలు వికేంద్రికరింపబడే కోణం తగ్గిపోయింది. కాంతిజనకాన్ని ఇంకా దూరంగా జరిపితే గుండుసూదుల నీడలు ఒకదానికాకటి సమాంతరంగా ఉండేట్లు ఏర్పడతాయి.



కానీ కొవ్వొత్తిని మరీ దూరంగా జరుపుతూ పోతే కాంతి తీవ్రత తగ్గుతుంది. అనగా సమాంతర కాంతిపుంజం కావాలంటే కాంతిజనకం చాలా దూరంలో ఉండాలి మరియు అది తగినంత తీవ్రత కలిగినదై ఉండాలి. అటువంటి కాంతిజనకం ఎక్కడ ఉంది?

మనకు చాలా దూరంలో, అధిక తీవ్రత గల కాంతిజనకం సూర్యుడు. పుటూకారదర్పణం, సూర్యకాంతితో ఇప్పుడు మనమేక ప్రయోగం చేద్దాం.

## కృత్యం 5

ఒక పుట్టాకారదర్పణాన్ని తీసుకొని, దానిపై సూర్యకాంతి పడేవిధంగా పట్టుకోండి. దర్పణానికి ఎదురుగా ఒక చిన్న కాగితంముక్కను ఉంచి, మెల్లగా వెనుకకు జరుపుతూ ఏ స్థానంలో చిన్నదైన మరియు అధిక తీవ్రత కలిగిన సూర్యుని ప్రతిబింబం ఏర్పడుతుందో గుర్తించండి. (కాగితం పరిమాణం దర్పణంపై పడే కాంతి కిరణాలకు అడ్డగా ఉండకుండా సాధ్యమైనంత చిన్నదిగా ఉండేట్లు జాగ్రత్త వహించండి.)

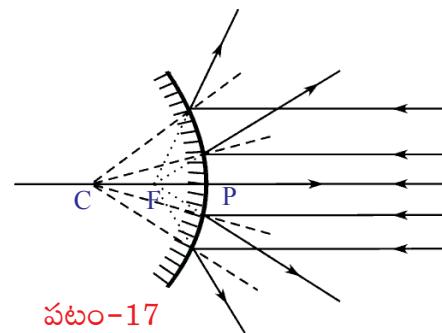
సూర్యుని నుండి వచ్చే సమాంతర కాంతికిరణాలు పుటూకారదర్పణం వల్ల ఒక బిందువు వద్ద కేంద్రికరింపబడతాయి. (పటం-16లో చూడండి). ఈ బిందువును దర్పణం యొక్క నాభి 'F' లేదా నాభియ బిందువు (Focus/ focal point) అంటాం.

నాభి నుండి దర్పణద్రువం ‘P’ కి గల దూరాన్ని కొలవండి. ఈ దూరాన్ని దర్పణం యొక్క నాభ్యంతరం ‘f’ (focal length) అంటాం. ఈ దూరానికి రెట్లింపు దూరంలో దర్పణవక్రత కేంద్రం ‘C’ ఉంటుంది. ( $R=2f$ ).

పటం 14(బి)అధారంగా వివిధ కిరణాలతో మీరు గీసిన పటంలో కూడా పరావర్తన కిరణాలు ఇలాగే కేంద్రికరింపబడ్డాయా?

- దర్పణానికి ఎదురుగా నాభ్యంతరం కన్నా తక్కువ దూరంలో కాగితం ముక్కను ఉంచి, మెల్లగా వెనుకకు జరుపుతూ పోతే ఏం జరుగుతుంది?
  - సూర్యుని ప్రతిబింబ పరిమాణం పెరుగుతుందా? తగ్గుతుందా?
- కాగితం దర్పణనాభిని చేరేంతవరకూ సూర్యుని ప్రతిబింబ పరిమాణం తగ్గి, ఆ తరవాత పెరగడం ప్రారంభిస్తుందని మీరు గమనించవచ్చు.

**గమనిక:** దర్పణాలకు సంబంధించిన కిరణచిత్రాలను గీసేటప్పుడు దర్పణాల పరావర్తన తలాన్ని గుర్తించడంలో గల ఇబ్బందిని తొలగించేందుకుగానూ దర్పణాల రెండవ తలాన్ని (రంగుపూత ఉండే తలాన్ని) సన్నని గీతలతో సూచించడం పరిపాటి. పుట్టాకార దర్పణానికి గీసినట్లుగా కుంభాకార దర్పణానికి కూడా కిరణచిత్రం గీయగలరా?



పటం-17

పటం-17ను పరిశీలించండి. కుంభాకార దర్పణంపై పడిన సమాంతర కాంతికిరణాలు పరావర్తనం చెందాక వికేంద్రికరింపబడుతున్నాయి. పరావర్తన కిరణాలను మనం వెనుకకు పొడిగిస్తే, అవి కుంభాకార దర్పణనాభి ‘F’ వద్ద కలుస్తున్నాయి.



### ఆలోచించండి - చర్చించండి

- పటం-17లో కుంభాకార దర్పణంపై సమాంతర కాంతి కిరణాలు పరావర్తనం చెందుతున్నాయి. వాటిని పరిశీలిస్తే మీరేం చెప్పగలరు?
- ఆ దర్పణం యొక్క నాభి వద్ద తెరను ఉంచితే, దానిపై ఒక బిందు ప్రతిబింబం ఏర్పడుతుందా?

పుట్టాకారదర్పణంపై పతనమైన సమాంతర కాంతి కిరణాలు పరావర్తనం చెందాక నాభి వద్ద కేంద్రికరింపబడుతున్నాయి.

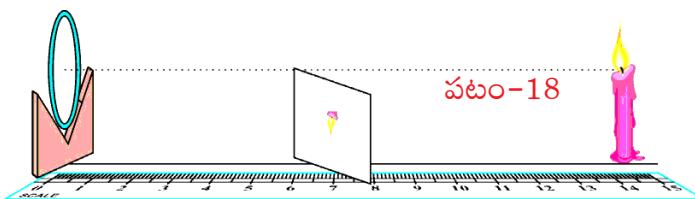
- ప్రతిసారి పుట్టాకారదర్పణం వల్ల ప్రతిబింబం నాభి వద్దనే ఏర్పడుతుందా? తెలుసుకుండాం



### ప్రయోగశాల కృత్యా-2

**ఉద్దేశ్యం:** వివిధ రకాల ప్రతిబింబాలను పరిశీలించడం- వస్తుదూరం, ప్రతిబింబ దూరాలను కొలవడం.

**కావలసిన వస్తువులు:** కొవ్వుత్తి, తెల్లకాగితం/ డ్రాయింగ్ పీట్, నాభ్యంతరం తెలిసిన పుట్టాకార దర్పణం, V-స్టోండు, కొలత పేపు లేదా మీటరు స్కేలు.



పటం-18

**పద్ధతి:** పుటూకార దర్శణాన్ని V-స్ఫోండ్ పై పెట్టండి. దానికి ఎదురుగా పటం-18లో చూపినట్లు వెలుగుతున్న కొవ్వుత్తి, మీటరు స్క్యూలును ఉంచండి..

దర్శణం నుండి వివిధ దూరాలలో (10

సెం.మీ. నుండి 80 సెం.మీ. వరకు) ప్రధాన అక్షం వెంబడి కొవ్వుత్తిని ఉంచుతూ, కాగితాన్ని (తెరను) ముందుకు, వెనుకకు కదులుతూ ప్రతీసారి ఏ స్థానంలో స్ఫ్రేష్మెన్ ప్రతిబింబం ఏర్పడుతుందో గుర్తించండి. (కొవ్వుత్తి మంట దర్శణం యొక్క ప్రధానాక్షానికి పైన ఉండేవిధంగా, కాగితం ప్రధానాక్షానికి కింద ఉండేవిధంగా జాగ్రత్త వహించండి.)

మీ పరిశీలనలను పట్టిక-1లో నమోదు చేయండి.

### పట్టిక-1

పరిశీలన	దర్శణం నుండి కొవ్వుత్తికి గల దూరం (పస్తుదూరం-II)	దర్శణం నుండి కాగితం/తెరకు గల దూరం (ప్రతిబింబదూరం-I)	పస్తువు కన్నా పెద్దదా/చిన్నదా?	నిటారు ప్రతిబింబమా/తలక్రిందుల ప్రతిబింబమా?
1				
2				
3				

మీ పరిశీలనలలో పెద్ద ప్రతిబింబం ఏర్పడిన సందర్భాలు, చిన్న ప్రతిబింబం ఏర్పడిన సందర్భాలను వేర్చేరుగా రాయండి. కొన్ని సందర్భాలలో ప్రతిబింబం ఏర్పడకపోవచ్చ. అటువంటి సందర్భాలను కూడా గుర్తించి నమోదు చేయండి.

దర్శణం యొక్క నాభ్యంతరం, వక్రతావ్యాసార్థం మనకు తెలుసు. కావున పై పరిశీలనలను పట్టిక-2లో చూపినవిధంగా వర్గీకరించమచ్చ. దీనినుండి మీరు ఏం నిర్మాణాలు చేయగలరు?

ఈ ప్రయోగంలో మీరు మరొక పరిశీలన కూడా చేయవలసి ఉంది. పస్తువును వివిధ స్థానాలలో ఉంచి తెరపై దాని ప్రతిబింబాన్ని పట్టడానికి ప్రయత్నించేటప్పుడు, దర్శణంలో కూడా ప్రతిబింబం ఏర్పడిందేమో వెతకండి.

- ఆ ప్రతిబింబం ఎలా ఉంది? నిటారుగా ఉందా లేక తలక్రిందులుగా ఉందా? పెద్దదిగా ఉందా లేక చిన్నదిగా ఉందా? **పట్టిక-2**

కొవ్వుత్తి స్థానం (పస్తువు స్థానం)	ప్రతిబింబ స్థానం	పస్తువు కన్నా పెద్దదా/చిన్నదా?	నిటారు ప్రతిబింబమా/తలక్రిందుల ప్రతిబింబమా?	నిజ ప్రతిబింబమా / మధ్య ప్రతిబింబమా
దర్శణాద్రువం, నాభి మధ్య				
నాభి పద్మ				
నాభి, వక్రతాకేంద్రం మధ్య				
వక్రతా కేంద్రం పద్మ				
వక్రతాకేంద్రానికి ఆవల				

పట్టిక-2లోని వివరాల ఆధారంగా మీరేం నిర్ధారణలు చేయగలరు?

పుట్టాకార దర్శణంతో ఏర్పడే ప్రతిబింబాలకు సంబంధించిన కిరణచిత్రాలను గీసి, వాటిని మీ పరిశీలనలతో పోల్చి చూద్దాం.

**కిరణచిత్రాలు:** (పుట్టాకార దర్శణంతో ప్రతిబింబం ఏర్పడే విధానం)

కృత్యం-5లో సూర్యుని నుండి వచ్చే సమాంతర కాంతికిరణాలు పుట్టాకార దర్శణంపై పడినప్పుడు, దర్శణాభి వద్ద సూర్యుని ప్రతిబింబం అతి చిన్నదిగా ఏర్పడటాన్ని వివరించే కిరణచిత్రాన్ని మనం గమనించాం. (పటం-16 చూడండి.)

దర్శణానికి ఎదురుగా ప్రధాన అక్షంపైన ఏ బిందువు వద్ద వస్తువును ఉంచినా, ఏర్పడే ప్రతిబింబానికి సంబంధించి కిరణచిత్రాన్ని గీయడానికి ఇప్పుడు మనమేక సులువైన పద్ధతిని వాడుదాం. ప్రయోగంలో మన పరిశీలనలను ఈ కిరణచిత్రాలతో పోల్చి చూద్దాం. దీనికిగాను, వస్తువుపై ఏదేని బిందువు నుండి బయలుదేరి వేర్చేరు దిశలలో ప్రయాణించే రెండు కిరణాలను తీసుకుండాం. దర్శణం చేత పరావర్తనం చెందాక ప్రతిబింబాన్ని ఏర్పరచడానికి తిరిగి అవి ఎక్కడ కలుస్తాయో పరిశీలిద్దాం.

కింది ఉదాహరణను పరిశీలించండి.

పటం-19లో చూపిన విధంగా ఒక పుట్టాకారదర్శణం, దాని ప్రధాన అక్షం వెంబడి కొంతదూరంలో వెలుగుతున్న కొవ్వుత్తి ఉన్నాయనుకోండి.

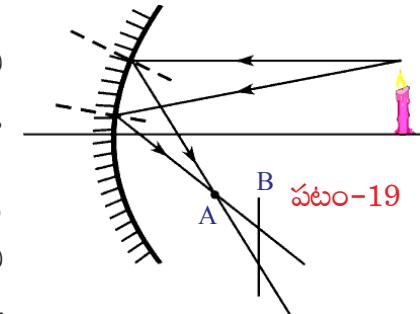
కొవ్వుత్తి మంట (వస్తువు) కొనభాగం నుండి బయలుదేరిన రెండు కిరణాలను పటంలో చూడవచ్చు. పరావర్తన సూత్రాలను ఉపయోగించి ఈ కిరణాలకు పరావర్తన కిరణాలను గీస్తే, అవి A వద్ద కలిసాయి. ఈ ఖండన బిందువు A వద్ద మంటకొనభాగం యొక్క ప్రతిబింబం ఏర్పడుతుంది.

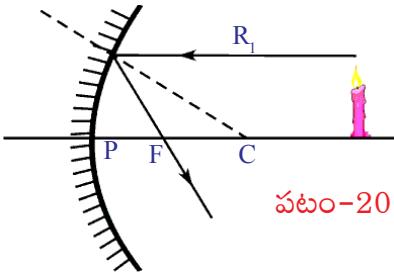
- ఎందుకు A వద్దనే ఏర్పడుతుంది?

A బిందువుకు ముందు లేదా తరవాత ఏదేని బిందువు (ఉదాహరణకు B బిందువు) వద్ద తెరను ఉంచితే, పరావర్తన కిరణాలు తెరపై వివిధ బిందువులను చేరడం మనం గమనించవచ్చు. కాబట్టి ఈ కిరణాల వల్ల ప్రతిబింబం వివిధ బిందువుల వద్ద ఏర్పడుతుంది. మంట కొనభాగం నుండి మరికొన్ని కిరణాలను గీసినా అవన్నీ A బిందువు వద్ద కలుసుకుంటాయి. కానీ B బిందువు వద్ద ఏకీభవించవు. కాబట్టి తెరను A వద్ద ఉంచితే ప్రతిబింబం స్పష్టంగా ఏర్పడుతుంది. A నుండి కొంచెం ముందుకు లేదా వెనుకకు తెరను జరిపితే వివిధ ప్రతిబింబాలు అన్ని కలిసి (అధ్యారోపణం చెంది) ఫలితంగా ఏర్పడే ప్రతిబింబం మనకబారినట్లుగా ఉంటుంది.

మీరు ఇంతకు ముందు సూర్యకిరణాలతో చేసిన ప్రయోగంలో కూడా ఇదే విషయాన్ని గమనించారు కదా!

అయితే, గోళాకార దర్శణంపై పడిన ప్రతి కాంతికిరణానికి పరావర్తన కిరణం గీయడం ఏమంత సులభం కాదు. ప్రతీసారి పతనబిందువు వద్ద స్పృశ్యరేఖ గీసి, లంబాన్ని గుర్తించి పతనకోణాన్ని కనుగొనాలి. ఆ కోణానికి సమానమైన కోణంతో పరావర్తన కోణం గీయాలి. ఇదంతా శ్రమతో కూడిన అంశం. మరి దీనికేదైనా సులభమైన పద్ధతి ఉందా?

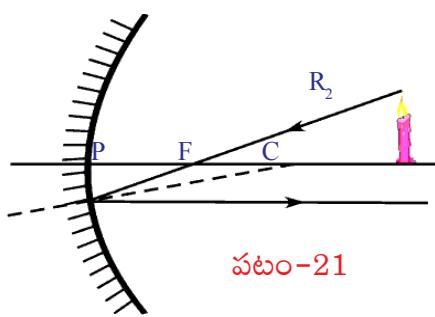




పటం-20

ఇప్పటివరకు మనం చర్చించిన బిందువు 'A' (పరావర్తన కిరణాల ఖండన బిందువు)ను కనుగొనడానికి తగిన కిరణాలు కొన్ని ఉన్నాయి.

ప్రధానాక్షానికి సమాంతరంగా వచ్చిన కిరణాలు పరావర్తనం చెందాక నాభిగుండా ప్రయాణిస్తాయని మనకు తెలుసు. కాబట్టి ఏ కిరణచిత్రం గీయాలన్నా వస్తువు నుండి బయలుదేరి దర్శణం యొక్క ప్రధానాక్షానికి సమాంతరంగా ప్రయాణించి దర్శణాన్ని చేరే కిరణమే మనం గీయవలసిన మొదటి కిరణం. అప్పుడు దర్శణంపై గల పతనబిందువు నుండి నాభిగుండా గీసిన రేఖ పరావర్తన కిరణం అవుతుంది. కిరణచిత్రాలను మరింత సులభంగా గీయడానికి, వస్తువు యొక్క పైకొన నుండి బయలుదేరే కిరణాలనే తీసుకుండాం. పటం-20లోని కిరణం  $R_1$ ను పరిశీలించండి.



పటం-21

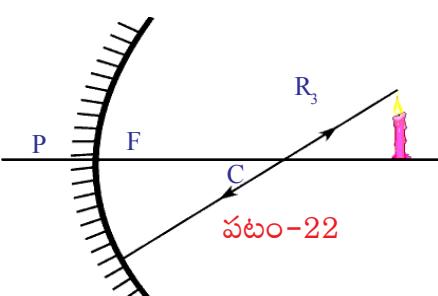
ఇప్పటివరకు చర్చించిన సందర్భానికి పూర్తిగా వ్యతిరేక సందర్భం కూడా సరియైనదే. అంటే దర్శణానాభిగుండా ప్రయాణిస్తా దర్శణంపై పతనం చెందిన కిరణం పరావర్తనం చెందాక ప్రధాన ఆక్షానికి సమాంతరంగా ప్రయాణిస్తుంది. ఇలా ప్రయాణించే కిరణమే మనం గీయవలసిన రెండో కిరణం. ఈ కిరణం వస్తువు పైకొనభాగం నుండి బయలుదేరి నాభిగుండా ప్రయాణిస్తా దర్శణంపై పతనమవుతుంది. పరావర్తనం చెందాక ప్రధానాక్షానికి సమాంతరంగా ప్రయాణిస్తుంది.

కాబట్టి పతనబిందువు నుండి బయలుదేరి ప్రధానాక్షానికి సమాంతరంగా ఉండేవిధంగా మనం పరావర్తనకిరణం గీయాలి. పటం-21లో కిరణం  $R_2$ ను గమనించండి.

$R_1$ ,  $R_2$  కిరణాలను ఉపయోగించి వాటి ఖండనబిందువును కనుగొంటే వస్తువు పైకొనభాగం యొక్క ప్రతిబింబం ఎక్కడ ఏర్పడుతుందో తెలుస్తుంది.

కిరణచిత్రాలను గీయడానికి అనుకూలమైన మరొక కిరణం కూడా ఉంది.

ఒక తలంపై లంబంగా పతనమైన కిరణం పరావర్తనం చెందాక తిరిగి అదే మార్గంలో (వ్యతిరేక దిశలో) వెళ్తుందని మనకు తెలుసు. గోళాకార దర్శణంపై అలా లంబంగా పడే కిరణం ఏది?

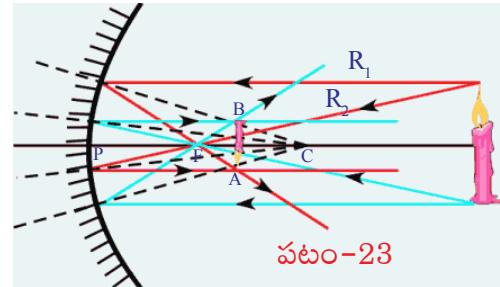


పటం-22

దర్శణవక్రతాకేంద్రం 'C' నుండి దర్శణంపైకి గీయబడిన రేఖ, పతనబిందువు వద్ద గీసిన స్పర్శరేఖకు లంబంగా ఉంటుందని మనకు తెలుసు. కాబట్టి వస్తువు యొక్క పైకొనభాగం నుండి బయలుదేరి వక్రతాకేంద్రంగుండా ప్రయాణిస్తా దర్శణాన్ని చేరే కిరణాన్ని గీస్తే, అది పరావర్తనం చెందాక తిరిగి అదే మార్గంగుండా వెనుకకు వెళ్తుంది. అంటే లంబం వెంబడి ప్రయాణించే కాంతి కిరణం పరావర్తనం చెందాక కూడా లంబం వెంబడే ప్రయాణిస్తుంది. ఈ కిరణం  $R_3$ ని పటం-22లో పరిశీలించండి.

ఈ మూడు కిరణాలతోపాటు వస్తువు నుండి బయలుదేరి దర్శణాధ్రువం(pole)ను చేరే కిరణం కూడా కిరణచిత్రాలను గీయడానికి ఉపయోగపడుతుంది. ఈ కిరణానికి ప్రధానాక్షానే లంబం అవుతుంది.

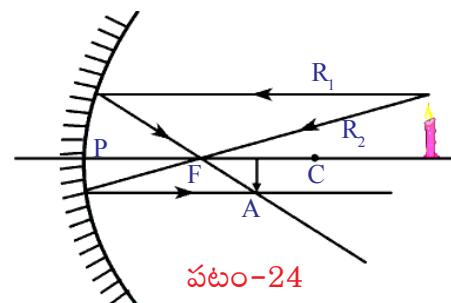
పటం-23లో చూపినవిధంగా వస్తువు (కొవ్వొత్తి) ఉంటే, వస్తువుపైభాగం నుండి వచ్చే ఏవేని రెండు కిరణాల ఖండనబిందువు A ను వస్తువు కిందిభాగం నుండి వచ్చే ఏవేని రెండు కిరణాల ఖండనబిందువు B, ను కిరణచిత్రం గీయడం ద్వారా పొందవచ్చు. దర్శణం నుండి A ఎంత దూరంలో ఉంటుందో, B కూడా అంతే దూరంలో ఉంటుంది. కాబట్టి ప్రతిబింబం పటంలో చూపినట్లు ప్రధానాక్షానికి లంబంగా ఉంటుంది. ఈ సందర్భంలో ప్రతిబింబం తలకిందులుగా ఉంది.



పటం-23

- కొవ్వొత్తిని దర్శణప్రధానాక్షంపై ఉంచితే, కొవ్వొత్తి కిందిభాగం (ఆధారం) యొక్క ప్రతిబింబం ఎక్కుడ ఏర్పడుతుంది?

ప్రధానాక్షం పైనున్న ఏదేని బిందువు నుండి బయలుదేరి ప్రధానాక్షం వెంట ప్రయాణించిన కిరణం పరావర్తనం చెందాక తిరిగి ప్రధానాక్షం వెంబడే ప్రయాణిస్తుంది. అనగా కొవ్వొత్తి ఆధారం యొక్క ప్రతిబింబం ప్రధానాక్షంపైనే ఏర్పడుతుందని చెప్పవచ్చు. కొవ్వొత్తిని ప్రధానాక్షంపై లంబంగా ఉంచినప్పుడు ప్రతిబింబం కూడా అక్కానికి లంబంగా ఏర్పడుతుందని తెలుస్తుంది. అయితే, మనం చేయవలసిందల్లా A బిందువు నుండి ప్రధానాక్షం మీదకు ఒక లంబాన్ని గీయాలి. లంబం, ప్రధానాక్షం ఖండించుకునే బిందువు వద్ద కొవ్వొత్తి ఆధారం యొక్క ప్రతిబింబం ఏర్పడుతుంది. పటం-24 చూడండి. పటంలో చూపినవిధంగా ప్రతిబింబం తలకిందులుగానూ, వస్తువుకన్నా చిన్నదిగానూ ఏర్పడుతుంది.



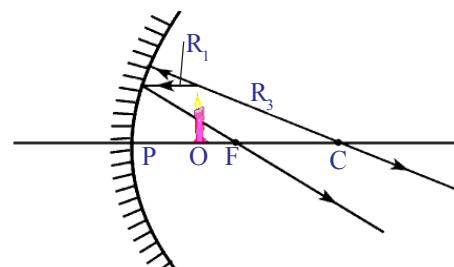
పటం-24

- పటం-24 అనేది, వస్తువును దర్శణవక్రతాకేంద్రానికి ఆవల ఉంచిన సందర్భానికి సంబంధించినది. మీరు ప్రయోగపూర్వకంగా తెలుసుకున్న ఏషయం ఇదేవిధంగా ఉందా? (ప్రయోగశాల కృత్యం-2)

మీరు చేసిన ప్రయోగంలోని ఏవిధ సందర్భాలకు అనుగుణంగా కిరణచిత్రాలు గీయండి. మీ ప్రయోగ పరిశీలనలతో పోల్చి చూడండి.

- మీరు ప్రయోగం చేసినప్పుడు ఏదైనా ప్రదేశంలో వస్తువును ఉంచినప్పుడు తెరపై ప్రతిబింబం ఏర్పడకపోవదాన్ని గుర్తించారా?

పటం-25లోని సందర్భాన్ని పరిశీలించండి. ఇందులో వస్తువు O (కొవ్వొత్తి) ని దర్శణాభ్యంతరం కన్నా తక్కువ దూరంలో ఉంచాం.

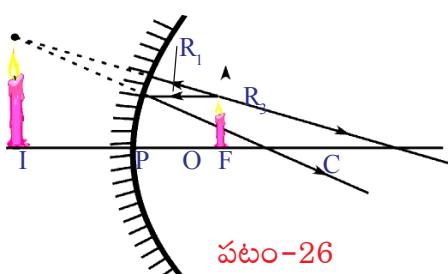


పటం-25

మొదటి కిరణం ( $R_1$ ) వస్తువు పైకొన నుండి బయలుదేరి ప్రధానాక్షానికి సమాంతరంగా వెళ్ళి దర్శణాన్ని తాకి, పరావర్తనం చెందాక నాభి (F) గుండా వెళ్తుంది. ఈ కిరణాన్ని గీయడం తేలికే. ఇంతకుముందు కిరణచిత్రాలను గీయడానికి మనం ఎన్నుకున్న కిరణాలలో రెండవ కిరణం వస్తువు పైకొన నుండి బయలుదేరి నాభిగుండా వెళ్ళాలి. కానీ అలా వెళ్ళే కిరణం దర్శణాన్ని తాకదు. కాబట్టి వస్తువు పైకొన నుండి బయలుదేరి దర్శణవక్రతాకేంద్రం గుండా వెళ్ళే మూడవ కిరణాన్ని వాడాలి. కానీ ఇది కూడా దర్శణాన్ని తాకే అవకాశం లేదు. కాబట్టి మనముక చిన్నమార్పు చేద్దాం.

వస్తువు పైకొన నుండి బయలుదేరి దర్శణవక్రతాకేంద్రం గుండా పోయే కిరణానికి బదులుగా వస్తువు పైకొన నుండి బయలుదేరి దర్శణంపైపుగా వెళ్ళే కిరణాలలో ఏ కిరణాన్ని వెనుకకు పొడిగిస్తే అది వక్రతాకేంద్రంగుండా పోతుందో, ఆ కిరణాన్ని పరిగణనలోకి తీసుకుందాం. ఈ కిరణం పతనబిందువు వద్ద దర్శణానికి లంబంగా ఉండటం వల్ల పరావర్తనం చెందాక వక్రతాకేంద్రంగుండా ప్రయాణిస్తుంది.

పటం-25లో మనం చూసిన రెండు కిరణాలు పరావర్తనం చెందాక వికేంద్రికరిస్తున్నాయి. కాబట్టి అవి ఖండించుకోవని తెలుస్తుంది. ఈ సందర్భంలాగానే మనం ప్రయోగం చేసేటప్పుడు కూడా కొన్ని సందర్భాలలో ప్రతిబింబాన్ని తెరపై పట్టడం సాధ్యంకాదు. పరావర్తన కిరణాలు వికేంద్రికరించుకోవడం వలన మనం ప్రతిబింబాన్ని పొందలేకపోతున్నామని పటం-25లోని కిరణచిత్రం తెలియజేస్తుంది. కాబట్టి మనం తెరను దర్శణం నుండి ఎంతదూరం జరిపినా కూడా ప్రతిబింబాన్ని గుర్తించలేము.

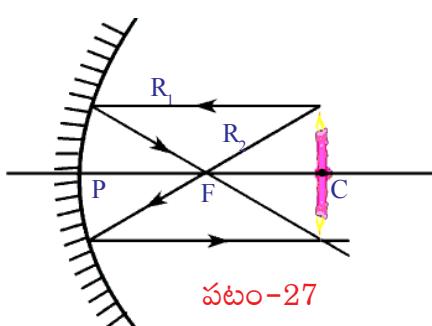


పటం-26

కానీ ఇటువంటి సందర్భాలలో ప్రతిబింబాన్ని దర్శణంలో చూడవచ్చు. ఈ విషయాన్ని కిరణచిత్రంతో వివరించగలమా?

సమతల దర్శణంలో ప్రతిబింబాన్ని గుర్తించడానికి ఏం చేశామో గుర్తుకు తెచ్చుకోండి. పరావర్తన కిరణాలను ఖండించుకునేంతవరకు వెనుకకు పొడిగించి ప్రతిబింబ స్థానాన్ని గుర్తించాం. ఇప్పుడు కూడా అలాగే చేద్దాం. మనం అధ్యంలోకి చూసినప్పుడు వికేంద్రికరిస్తున్న పరావర్తన కిరణాలనే చూస్తున్నామి. అవి ఒకే బిందువు నుండి బయలుదేరి వస్తున్నట్లు కనిపిస్తాయి.

పటం-26లో చూపినట్లు వికేంద్రికరిస్తున్న పరావర్తన కిరణాలను వెనుకకు పొడిగించి వాటి ఖండనబిందువును గుర్తించవచ్చు. మిగిలిన సందర్భాలలో మనం ప్రతిబింబం చూసినవిధంగా ఇక్కడ ప్రతిబింబం ఉండదు. కానీ దర్శణంలో ప్రతిబింబం కనిపిస్తుంది. పటం-26లో చూపినట్లు ప్రతిబింబం నిటారుగానూ, వస్తువు కంటే పెద్దదిగానూ ఉంటుంది. మీ ప్రయోగంలోని పరిశీలనలు దీనిని పోలి ఉన్నాయా?



పటం-27

ఈవిధంగా కిరణాలను వెనుకకు పొడిగించి పొందిన ప్రతిబింబాన్ని మిథ్యాప్రతిబింబం (virtual image) అంటామి. దీనిని నిజప్రతిబింబం (real image)లాగా తెరమీద పట్టలేము.

దర్శణవక్రతా కేంద్రం C వద్ద వస్తువునుంచడం మరొక ఆసక్తికరమైన సందర్భం. పటం-27 మాడండి.

పటం-27లోని కిరణచిత్రాన్ని పరిశీలిస్తే ప్రతిబింబపరిమాణం వస్తుపరిమాణానికి సమానంగా ఉండని, వస్తువు దర్శణానికి ఎంతదూరంలో ఉందో ప్రతిబింబం కూడా అంతేదూరంలో ఏర్పడుతుందని నిర్ధారించవచ్చు. అంతేగాక పై సందర్భంలో ప్రతిబింబం తలక్రిందులుగా ఏర్పడటం గమనించవచ్చు. మీ ప్రయోగంలో మీరేం గమనించారు?



### ఆలోచించండి - చర్చించండి

వస్తువునైనే ప్రతిబింబం ఏర్పడాలంటే ఏం చేయాలి? కిరణచిత్రాన్ని గీయండి. ప్రయోగం చేసి చూడండి.

కిరణచిత్రాలను, ప్రయోగపరిశీలనలనుబట్టి పుటూకార దర్శణానికి కొన్ని ప్రత్యేక లక్షణాలున్నాయని మీరు గుర్తించి ఉంటారు. పుటూకార దర్శణానికి దగ్గరలో (నాభ్యంతరం కన్నా తక్కువ దూరంలో) వస్తువునుంచినప్పుడు ఏర్పడే ప్రతిబింబపరిమాణం ఎక్కువగా ఉంటుంది. ఈ లక్షణాన్ని మన నిత్యజీవితంలో వివిధ పనులలో, ఉదాహరణకు షైంగ్ అడ్డాలు, దంతవైద్యులు ఉపయోగించే అడ్డాల తయారీలో వినియోగిస్తాం. పుటూకార దర్శణం యొక్క మరొక లక్షణమేమంటే, ఇది సమాంతర కాంతికిరణాలను నాభి వద్ద కేంద్రికరిస్తుంది. ఈ లక్షణాన్ని కూడా విరివిగా వినియోగిస్తాం. ఉదాహరణకు మీ గ్రామంలోని టి.వి డిష్ట్రిబ్యూటర్ పరిశీలించండి.

మీ చుట్టూ పరిసరాలలో వివిధ రకాల వక్రతలాలను, ఆసక్తికరమైన పరావర్తనాలను చూడవచ్చు. కానీ అన్ని వక్రతలాలు పుటూకారమైనవి కావు. అందులో చాలా వరకు కుంభాకారంగా ఉంటాయి.

వాహనాల 'రియర్ వ్యూ మిర్రర్స్' మీరెప్పుడైనా పరిశీలించారా? వాటిలో ఎటువంటి వక్రతలం ఉంటుంది?

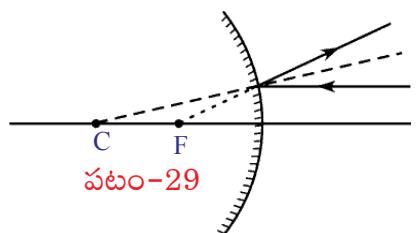


పటం-28

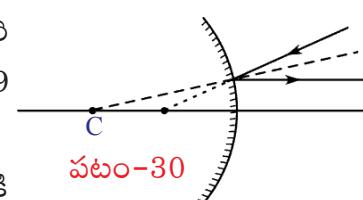
కార్డ కిటికీల అడ్డాలపై, వెనుక అధ్యంపై ఏర్పడిన ప్రతిబింబాలను మీరెప్పుడైనా పరిశీలించారా? ఈ అడ్డాల ఉపరితలాలు ఎలా ఉంటాయి? పటం-28 చూడండి. కుంభాకార ఉపరితలాలకు సంబంధించిన కిరణచిత్రాలను గీయగలమా?

### కిరణచిత్రాలు: (కుంభాకార దర్శణంతో ప్రతిబింబం ఏర్పడే విధానం)

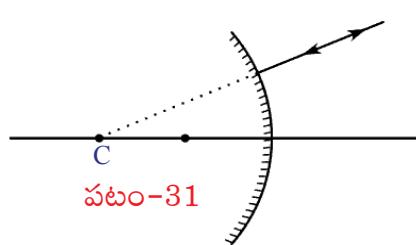
కుంభాకార దర్శణానికి కూడా కిరణచిత్రాలు గీయవచ్చు. పుటూకార దర్శణానికి కిరణచిత్రాలు గీసినప్పుడు ఉపయోగించిన మూడు రకాల కిరణాలనే ఇప్పుడు కూడా వినియోగించాలి. కానీ కొద్ది మార్పులు చేయాల్సి ఉంటుంది. గీసే విధానం ఒకటే కావున, తిరిగి ఇక్కడ వివరించడం లేదు.



**నియమం-1:** ప్రధానాక్షానికి సమాంతరంగా వచ్చి దర్శణంపై పతనమైన కిరణం పరావర్తనం చెందాక నాభి F నుండి బయలుదేరి వస్తున్నట్లు కనిపిస్తుంది. పటం-29 చూడండి.



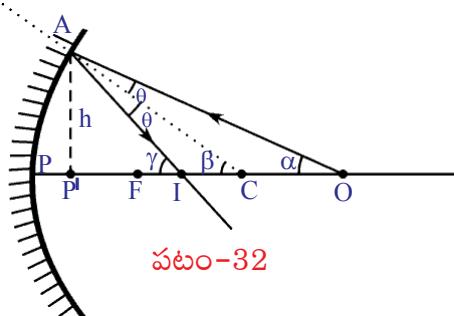
**నియమం-2:** ఇది నియమం-1కి విపర్యయ నియమం. నాభి దిశలో ప్రయాణిస్తున్న కిరణం పరావర్తనం చెందాక ప్రధానాక్షానికి సమాంతరంగా వెళ్తుంది. పటం-30 చూడండి.



**నియమం-3:** వక్రతా కేంద్రం వైపుగా ప్రయాణిస్తున్న కిరణం పరావర్తనం చెందాక తిరిగి అదే దిశలో వెనుకకు ప్రయాణిస్తూ, వక్రతాకేంద్రం నుండి బయలుదేరి వస్తున్నట్లుగా కనబడుతుంది. పటం-31 చూడండి.



ఈ మూడు నియమాలను వినియోగించి వివిధ స్థానాలలో వస్తువును ఉంచినప్పుడు ఏర్పడే ప్రతిబింబ స్థానాలను గుర్తించేందుకు కిరణచిత్రాలను గీయండి. మీ నిర్దారణలను నమోదు చేయండి. ప్రయోగంచేసి, వాటితో పోల్చిచూడండి. అవసరమైతే వస్తువు నుండి వచ్చి దర్శణార్థివం (P) వద్ద పతనం చెందే కిరణాన్ని కూడా కిరణచిత్రాలు గీసేటప్పుడు వినియోగించండి.



పటం-32

మీరు ఒకానొక ప్రదేశంలో వస్తువునుంచినప్పుడు, ఆ స్థానానికి అనుగుణంగా ఒక నిర్దిష్ట స్థానంలో ప్రతిబింబం ఏర్పడుతుంది. వస్తువు దూరం (u) ప్రతిబింబదూరం (v)ల మధ్య ఏదైనా సంబంధాన్ని మీరు గుర్తించారా?

**గోళాకారదర్శణాలకు సబంధించిన దర్శణసూత్రం - ఉత్సాదన పటం-32ను పరిశీలించండి.**

దర్శణప్రధానాక్షం పై గల బిందువు O నుండి వచ్చిన కిరణం దర్శణంపై ప్రధానాక్షానికి h ఎత్తులో ఉన్న బిందువు A వద్ద పతనమై, పరావర్తనం చెందాక తిరిగి ప్రధానాక్షం పైగల బిందువు I గుండా వెళ్ళింది.

ఇక్కడ AC పతన బిందువు వద్ద దర్శణానికి గీసిన లంబం. పతనకోణం ( $\angle OAC$ ), పరావర్తన కోణం ( $\angle CAI$ ) రెండూ సమానం. పటంలో వీటిని  $\theta$ తో సూచించాం.

బిందువు A నుండి ప్రధానాక్షం మీదికి గీసిన లంబం AP<sup>I</sup>. ఇప్పుడు పటంలో AOP<sup>I</sup>, ACP<sup>I</sup> మరియు AIP<sup>I</sup> అనే మూడు లంబకోణ త్రిభుజాలను గమనించవచ్చు.

పటం-32లో చూపినట్లు O, C మరియు I శీర్షాల వద్ద కోణాలు వరుసగా  $\alpha, \beta, \gamma$  అనుకుందాం.

ఏదైనా త్రిభుజంలో అంతరాభిముఖ కోణాల మొత్తం బాహ్యకోణానికి సమానం.  
త్రిభుజం AOCలో

$$\beta = \alpha + \theta \quad \Rightarrow \quad \theta = \beta - \alpha$$

త్రిభుజం ACIలో  $\gamma = \beta + \theta$

$\theta = \beta - \alpha$  విలువను పై సమీకరణంలో ప్రతిక్షేపించగా

$$\gamma = \beta + \beta - \alpha \Rightarrow 2\beta = \gamma + \alpha \quad \dots \dots \dots \quad (1)$$

- $h$  విలువ చాలా చాలా తక్కువగా ఉంటే ఏం జరుగుతుంది?

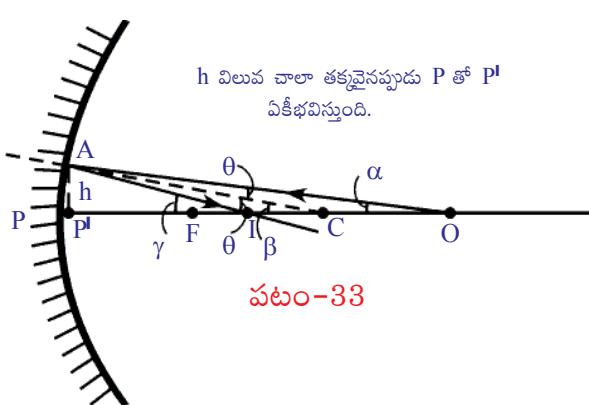
పటం-33 చూడండి.

$h$  విలువ చాలా తక్కువ అయినప్పుడు:

1.  $P^I$  బిందువు, దర్శణార్థివం  $P$ తో ఏకీభవించవచ్చు.

అప్పుడు  $P^I O = PO, P^I C = PC$  మరియు  $P^I I = PI$

అని చెప్పవచ్చు.



పటం-33



2. పటం-3లో చూపినట్లు  $\alpha, \beta, \gamma$  కోణాలు మరి చిన్నవి అవుతాయి.

$\alpha, \beta, \gamma$  కోణాల యొక్క 'Tan' విలువలు ఇప్పుడు కనుగొందాం.

(లంబకోణ త్రిభుజంలో, ఒక అల్పకోణం యొక్క 'Tan' విలువ ఆ కోణం యొక్క ఎదుటి భుజం మరియు ఆసన్న భుజం పొడవుల నిప్పత్తి అవుతుంది.)

$P^I, P^T$  ఏకీభవిస్తుందని భావించాం కనుక,

$$\tan \alpha = P^I A / P^I O = h / P^I O = h / PO$$

$$\tan \beta = P^I A / P^I C = h / P^I C = h / PC$$

$$\tan \gamma = P^I A / P^I I = h / P^I I = h / PI$$

'Tan' విలువ లెక్కగా థి విలువ చాలా చిన్నదేనప్పుడు (దాదాపుగా 'సున్న' అయినప్పుడు)

$\tan \theta$  విలువలో లవం (కోణం యొక్క ఎదుటి భుజం పొడవు) చాలా చిన్నదువుతుంది. ఈ విషయాన్ని మీరు పటం-3లో చూడవచ్చు. అప్పుడు  $\tan \theta$  విలువ కూడా చాలా చిన్నది (అనగా దాదాపు 'సున్న') అవుతుంది. ఇటువంటి సందర్భాలలో  $\tan \theta \approx \theta$  అని భావించవచ్చు. ఇదేవిధంగా

$$\tan \alpha = \alpha = h / PO$$

$$\tan \beta = \beta = h / PC$$

$$\tan \gamma = \gamma = h / PI$$

$\alpha, \beta, \gamma$  విలువలను సమీకరణం-1లో ప్రతిక్షేపించగా:

$$2 h / PC = h / PO + h / PI$$

$$2 / PC = 1 / PO + 1 / PI \quad \dots \dots \dots (2)$$

పై విలువలను సరైన గుర్తులతో (ధన, బుఱ) వాడేందుకుగాను, కింద తెలియపరచిన సంజ్ఞా సాంప్రదాయాన్ని (sign convention) పాటించండి.

### దర్శణ సూత్రంలోని వివిధ అంశాలకు పాటించవలసిన సంజ్ఞా సాంప్రదాయం

1. అన్ని దూరాలను దర్శణద్రువం (P) నుండే కొలవాలి.
  2. కాంతి (పతనకాంతి) ప్రయాణించిన దిశలో కొలిచిన దూరాలను ధనాత్మకంగాను, కాంతి ప్రయాణదిశకు వ్యతిరేక దిశలో కొలిచిన దూరాలను బుఱాత్మకంగాను పరిగణించాలి.
  3. వస్తువు ఎత్తు ( $H_0$ ), ప్రతిబింబం ఎత్తు ( $H_i$ ) లను ప్రధానాక్షానికి పైవైపు ఉన్నప్పుడు ధనాత్మకంగాను, ప్రధానాక్షానికి కిందివైపు ఉన్నప్పుడు బుఱాత్మకంగాను పరిగణించాలి.
- సమీకరణం-2లో  $PC, PO, PI$  ల విలువలను సంజ్ఞా సాంప్రదాయాన్ని అనుసరించి ప్రతిక్షేపించాలి. ఇక్కడ  $PC = వక్రతా వ్యాసార్థం (R), PO = వస్తుదూరం (u), PI = ప్రతిబింబదూరం (v)$  అన్ని కూడా కాంతి ప్రయాణదిశకు వ్యతిరేక దిశలో కొలవడం వల్ల అన్ని విలువలను బుఱాత్మకంగా తీసుకోవాలి.

$$2/-R = 1/-u + 1/-v$$

$$2/R = 1/u + 1/v$$



వక్రతావ్యాసార్థం ( $R$ ) =  $2 \times$  నాభ్యాంతరం ( $f$ ) అని మనకు తెలుసు.

కనుక

$$2/f = 1/u + 1/v$$

$$1/f = 1/u + 1/v$$

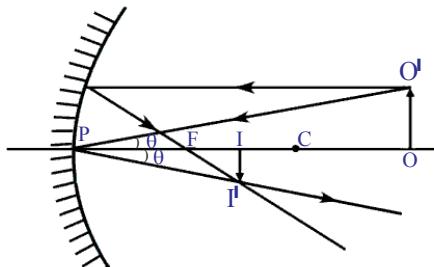
ప్రతి సందర్భంలోనూ ఈ దర్శణ సూత్రాన్ని సంజ్ఞా సాంప్రదాయం ప్రకారం ఉపయోగించాలి.

వస్తుపరిమాణం, ప్రతిబింబపరిమాణాల మధ్య సంబంధాన్ని తెలియజేసే 'ఆవర్ధన' (magnification) గురించి ఇప్పుడు తెలుసుకుందాం.

### ఆవర్ధన (magnification)

గోళాకార దర్శణం వలన ఏర్పడిన ప్రతిబింబ పరిమాణం మారుతుంది. ఇక్కడ పొడవులో కలిగే మార్పును మాత్రమే చర్చిస్తున్నాం.

పటం-34ను పరిశీలించండి.



పటం-34

$O^I$  నుండి బయలుదేరిన కిరణం  $P$  వద్ద  $\theta$  కోణంతో పతనమై అంతేకోణంతో పరావర్తనం చెందింది.

$$\text{త్రిభుజం } POO^I \text{నుండి, } \tan \theta = OO^I/PO \quad \dots\dots(1)$$

$$\text{త్రిభుజం } PII^I \text{ నుండి, } \tan \theta = II^I/PI \quad \dots\dots(2)$$

$$(1), (2) \text{ సమీకరణాలనుండి } OO^I/PO = II^I/PI$$

$$\Rightarrow II^I/OO^I = PI/PO \quad \dots\dots(3)$$

సంజ్ఞాసాంప్రదాయం ప్రకారం

$$PO = -u; \quad PI = -v; \quad OO^I = h_0; \quad II^I = -h_i$$

ఈ విలువలను సమీకరణం 3 లో ప్రతిక్షేపించగా

$$-h_i/h_0 = -v/-u$$

$$\Rightarrow h_i/h_0 = -v/u$$

$$\therefore \text{ఆవర్ధనం } m = h_i/h_0 = -v/u$$

ఆవర్ధనాన్ని కింది విధంగా నిర్వచించవచ్చు.

$$m = \text{ప్రతిబింబ ఎత్తు} (h_i) / \text{వస్తువు ఎత్తు} (h_0)$$

అన్ని సందర్భాలలోనూ ఆవర్ధనాన్ని వస్తుదూరం, ప్రతిబింబ దూరాల మధ్య సంబంధంగా కూడా వ్యక్తపరుస్తాం.

$$m = - \text{ప్రతిబింబదూరం} (v) / \text{వస్తుదూరం} (u)$$

పట్టిక-2లో నమోదు చేసిన ఐదు సందర్భాల విలువలతో ఆవర్ధనాలను లెక్కగట్టింది.

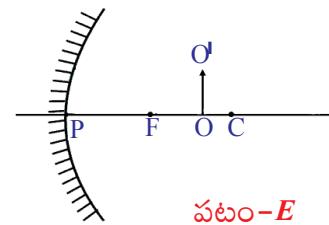
అన్ని సందర్భాలలో విలువలను సంజ్ఞాసాంప్రదాయానికి అనుగుణంగా వినియోగించండి.

### ఉదాహరణ

15 సెం.మీ. నాభ్యాంతరం గల పుట్టాకారదర్శణం ముందు 25 సెం.మీ. దూరంలో 4 సెం.మీ. ఎత్తుగల వస్తువును ఉంచాం. దర్శణానికి ఎంత దూరంలో ప్రతిబింబం ఏర్పడుతుంది? ప్రతిబింబలక్షణాలను తెలపండి.



- సాధన :**
- సంజ్ఞాసాంప్రదాయం ప్రకారం;  
 దర్శణనాభ్యంతరం  $f = -15$  సెం.మీ.  
 వస్తుదూరం  $u = -25$  సెం.మీ.  
 వస్తువు ఎత్తు  $h_o = +4$  సెం.మీ.  
 ప్రతిబింబదూరం  $u = ?$   
 ప్రతిబింబం ఎత్తు  $h_i = ?$



పటం-E

పై విలువలను  $1/f = 1/v + 1/u$  సమీకరణంలో ప్రతిక్షేపించగా

$$1/-15 = 1/v + 1/-25$$

$$\Rightarrow 1/v = 1/25 - 1/15$$

$$\Rightarrow 1/v = -2/75$$

$$v = -37.5 \text{ సెం.మీ.}$$

కావున, దర్శణానికి ముందు 37.5 సెం.మీ. దూరంలో ప్రతిబింబం ఏర్పడుతుంది.  
 ఇది నిజప్రతిబింబం.

$$\text{ఆవర్ధనం } m = h_i / h_0 = -v / u$$

ఈ సమీకరణంలో పై విలువలను ప్రతిక్షేపించగా

$$h_i/4 = -(-37.5) / (-25)$$

$$h_i = -(37.5 \times 4) / 25$$

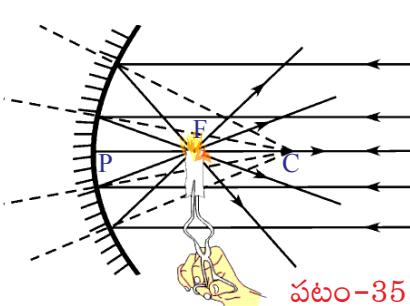
$$h_i = -6 \text{ సెం.మీ.}$$

కావున, ప్రతిబింబం తలక్రిందులుగా ఏర్పడుతుంది. వస్తువు కంటే పెద్దగా ఉంటుంది.  
 ఇప్పటివరకు మనం వక్రతలాలపై కాంతి పరావర్తనం గురించి తెలుసుకున్నాం. ఈ జ్ఞానాన్ని మన నిత్యజీవితంలో వినియోగించుకునే ప్రయత్నం చేధాం.

### సోలార్ కుక్కర్ తయారీ

‘ఆర్థిమెడిస్’ అనే శాస్త్రవేత్త అద్దాలను ఉపయోగించి శత్రువుల ఓడలను తగులబెట్టగలిగాడు  
 అనే కథ గురించి మీరు వినే ఉంటారు.

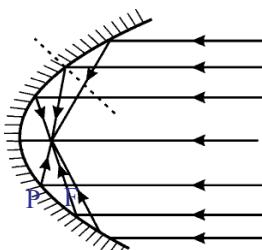
మరి మనం దర్శణాలను ఉపయోగించి కనీసం ఒక పొత్తును వేడిచేయగలమా?  
 ప్రయత్నించాం.



పుటూకార దర్శణం సమాంతర సూర్యకిరణాలను  
 నాభివద్ద కేంద్రికరిస్తుందని మనం ఇదివరకే  
 తెలుసుకున్నాం. కాబట్టి పటం-35లో చూపినవిధంగా  
 పుటూకార దర్శణంతో ఒక చిన్న కాగితం ముక్కను  
 మండించవచ్చు. (ఇలాగే కుంభాకార దర్శణంతో కూడా  
 ప్రయత్నించండి. ఏం గమనించారు?)



పటం-36



పటం-37

ఇదేవిధంగా పాత్రను వేడి చేయడానికి ఒక పెద్ద పుట్టాకార దర్పణాన్ని తయారు చేయండి.

మీరు టి.వి డిష్ యాంటెన్స్‌లను చూసి ఉంటారు కదా! కర్త లేదా ఇనుపబద్ధలతో టి.వి డిష్ ఆకారంలో 'ఫ్రేమ్' తయారు చేయండి. 'ఆక్రలిక్ అద్దం పీట్'ను సేకరించి మీ డిష్ యొక్క వ్యాసార్థానికి సమానమైన 'ఎత్తు' ఉండేవిధంగా ఆక్రలిక్ అద్దాలను 8 లేదా 12 సమద్విబాహు త్రిభుజాలుగా కత్తిరించండి. (ఈ సమద్విబాహు త్రిభుజాల భూమిల మొత్తం పొడవు మీ డిష్ పరిధికి సమానంగా ఉండాలి.) పటం-36లో చూపిన విధంగా త్రిభుజాకార అద్దాలను మీ డిష్ ఫ్రేమ్‌పై అంచించండి.

మీ సోలార్ కుక్కర్ తయారైంది.

దీనిని సూర్యునికి అభిముఖంగా ఉంచి, దాని నాభిని కనుగొనండి. ఆ నాభి వద్ద పాత్రను ఉంచితే అది వేడెక్కుతుంది. ఆ పాత్రలో మీరు బియ్యం వండవచ్చు.

కారు హెడ్లెట్స్ వంటి వివిధ పరికరాలలో పటం-37లో చూపిన విధంగా పుట్టాకారదర్పణాలను పరావలయ ఆకారంలో అమర్యితారు.



### కీలక పదాలు

పతనకోణం, పరావర్తనకోణం, లంబం, పరావర్తన తలం, పార్శ్వ విలోపం, వక్రతాకేంద్రం, వక్రతావ్యాసార్థం, ప్రధానాక్షరం, దర్పణకేంద్రం, నాభి, నాభ్యాంతరం, వస్తుదూరం, ప్రతిబింబదూరం, మిథ్యాప్రతిబింబం, నిజప్రతిబింబం, ఆవర్ధనం.



### మనం ఏం నేర్చుకున్నాం?

- ఫెర్రౌట్ సూత్రం:** కాంతి ఎల్లప్పుడూ ప్రయాణ కాలం తక్కువగా ఉండే మార్గాన్ని ఎంచుకుంటుంది. కాంతి పరావర్తనం చెందిన సందర్భాలకు కూడా ఇది వర్తిస్తుంది.

కావ్యాత్మి సానం (వస్తువు స్థానం)	ప్రతిబింబ స్థానం	వస్తువు కన్నా పెద్దదా/ చిన్నదా?	నిటారు ప్రతిబింబమా/ తలక్రిందుల ప్రతిబింబమా?	నిజ ప్రతిబింబమా / మిథ్యా ప్రతిబింబమా
దర్పణం, నాభి మధ్య	దర్పణం వెనుక	పెద్దది	నిటారు ప్రతిబింబం	మిథ్యా ప్రతిబింబం
నాభి వద్ద	ఆనంతదూరంలో	-	-	-
నాభి, వక్రతాకేంద్రం మధ్య	వక్రతాకేంద్రం ఆవల	పెద్దది	తలక్రిందుల ప్రతిబింబం	నిజ ప్రతిబింబం
వక్రతా కేంద్రం వద్ద	వక్రతాకేంద్రం వద్ద	సమాన పరిమాణం	తలక్రిందుల ప్రతిబింబం	నిజ ప్రతిబింబం
వక్రతాకేంద్రానికి ఆవల	నాభి, వక్రతాకేంద్రం మధ్య	చిన్నది	తలక్రిందుల ప్రతిబింబం	నిజ ప్రతిబింబం



- దర్పణ సూత్రం:  $1/f = 1/u + 1/v$
- ఆవర్ధనం:  $m = \frac{\text{ప్రతిబింబ పరిమాణం (\text{ఎత్తు})}{\text{వస్తు పరిమాణం (\text{ఎత్తు})}$  లేదా  
 $m = \frac{\text{ప్రతిబింబ దూరం}}{\text{వస్తుదూరం}}$



## అభ్యాసాన్ని మేరుగుపరచుకుండాం

1. కాంతి పరావర్తన నియమాలను తెలుపండి. (AS1)
3. పుట్టాకార దర్పణం యొక్క నాభ్యాంతరాన్ని ఎలా కనుగోంటాం? (AS1)
4. పుట్టాకార దర్పణం యొక్క ప్రధానాక్షంపై నాభి, వక్రతాకేంద్రం మధ్య ఒక వస్తువును ఉంచితే ప్రతిబింబం ఎక్కుడ ఏర్పడుతుంది? (AS1)
5. 8 సెం.మీ. వక్రతావ్యాసార్థం గల పుట్టాకార దర్పణం యొక్క ప్రధానాక్షంపై దర్పణం నుండి 10 సెం.మీ. దూరంలో ఒక వస్తువును ఉంచితే ప్రతిబింబం ఎంతదూరంలో ఏర్పడుతుంది? (AS1)
6. పుట్టాకార, కుంభాకార దర్పణాల మధ్య భేదాలను తెలుపండి. (AS1)
7. నిజ ప్రతిబింబం, మిథ్య ప్రతిబింబం మధ్య భేదాలను తెల్పండి. (AS1)
8. పుట్టాకార దర్పణంతో మిథ్య ప్రతిబింబాన్ని ఎలా ఏర్పరుస్తారు? (AS1)
9. గోళాకార దర్పణాలకు సంబంధించిన, కింద ఇవ్వబడిన పదాలను వివరించండి. (AS1)
  - (ఎ) దర్పణాధ్రువం      (బి) వక్రతాకేంద్రం      (సి) నాభి      (డి) వక్రతా వ్యాసార్థం
  - (ఇ) నాభ్యాంతరం      (ఎఫ్) ప్రధానాక్షం      (జి) వస్తుదూరం      (హెచ్) ప్రతిబింబ దూరం      (ఐ) ఆవర్ధనం
10. సంజ్ఞాసాంప్రదాయంలోని నియమాలను తెలుపండి. (AS1)
11. సమతలదర్పణ ఆవర్ధనం 1 అని ఇవ్వబడింది. దీనిని బట్టి మీరు ఏంగ్రీషించారు? (AS1)
12. గోళాకార దర్పణాలు లేకపోతే దైనందిన జీవితం ఎలా ఉంటుందో ఊహించండి. (AS2)
13. ఇంటిలో ఉన్న స్టీలు పాత్రలు, వాటిలోని ప్రతిబింబాలు చూసిన తివ తరగతి విధ్యార్థి సూర్య తన అక్క శ్రేధీయును కొన్ని ప్రశ్నలు అడిగాడు. ఆ ప్రశ్నలు ఏమై ఉంటాయో ఊహించండి. (AS2)
14. కాంతి మొదటి పరావర్తన సూత్రాన్ని ప్రయోగపూర్వకంగా మీరు ఎలా సరిచూస్తారు? (AS3)
15. కాంతి రెండవ పరావర్తన సూత్రాన్ని ప్రయోగపూర్వకంగా మీరు ఎలా సరిచూస్తారు? (AS3)
16. వస్తుదూరం, ప్రతిబింబదూరం కొలిచినటువంటి పుట్టాకార దర్పణం ప్రయోగం ద్వారా మీరు ఏం నిర్దారించారు? (AS3)
17. సమతల దర్పణానికి ముందు ఉంచిన రెండు గుండు సూదుల తలలను తాకుతూ పోయి దర్పణంపై పతనమయ్యే కిరణానికి సంబంధించిన పరావర్తన తలాన్ని ప్రయోగపూర్వకంగా కనుక్కోండి. (AS3)
18. మానవ నాగరికతలో గోళాకార దర్పణాల పాత్ర గురించి సమాచారాన్ని సేకరించండి. (AS4)
19. మీ పరిసరాలలో ఉన్న వివిధ వస్తువులలో కుంభాకార, పుట్టాకారదర్పణాలుగా పనిచేసే వాటిని పట్టిక రూపొందించి మీ తరగతి గదిలో ప్రదర్శించండి. (AS4)
20. పుట్టాకార, కుంభాకారదర్పణాలలో మన ప్రతిబింబాలు ఎలా ఉంటాయి? వాటికి సంబంధించిన ఫోటోలను సేకరించి తరగతిగదిలో ప్రదర్శించండి. (AS4)
21. ఫిన్పోల్ కెమెరాలో ప్రతిబింబం ఏర్పడే విధానాన్ని పటం ద్వారా వివరించండి. (AS5)
22. పుట్టాకార దర్పణం వలన ఏర్పడే ప్రతిబింబ స్థానాన్ని గుర్తించడానికి అవసరమయ్యే కాంతి కిరణాలను గీయండి. (AS5)
23. పుట్టాకార దర్పణం యొక్క ప్రధానాక్షంపై వక్రతాకేంద్రానికి ఆవల వస్తువును ఉంచినప్పాడు ప్రతిబింబం ఏర్పడే విధానాన్ని వివరించే పటం గీయండి. (AS5)
24. సోలార్ కుక్కర్ను తయారు చేయండి. తయారీ విధానాన్ని వివరించండి. (AS5)
25. వస్తువుపైనే ప్రతిబింబం ఏర్పడాలంటే పుట్టాకార దర్పణం ముందు వస్తువును ఎలా ఉంచాలో పటం గీసి వివరించండి. (AS5)
26. మన దైనందిన జీవితంలో గోళాకార దర్పణాల పాత్రను మీరెలా అభినందిస్తారు? (AS6)



27. పుటూకారదర్శణంతో వల్ల కాంతి పరావర్తనం పొందే విధానాన్ని టి.వి. యాంబీనా డిప్సెల నిర్మాణంలో ఉపయోగించిన తీరును మీరు ఎలా అభినందిస్తారు? (AS6)
28. వర్షం వల్ల ఏర్పడ్డ నీటి గుంటలలో ఆకాశపు ప్రతిబింబాన్ని మీరెప్పుడైనా చూశారా? ఇందులో కాంతి పరావర్తనం ఎలా జరుగుతుందో వివిరించండి. (AS6)
29. భవంతులు, డాబాలను అద్దాలతో అలంకరించడం వల్ల కలిగే లాభాన్నాలను చర్చించండి. (AS7)
30. వాహనాల 'రియర్ వ్యూ మిల్రర్స్' గా కుంభాకారదర్శణాలనే ఎందుకు వాడతాం? (AS7)
31. 3 మీ. వక్రతావ్యాసార్థం గల కుంభాకారదర్శణాన్ని ఒక వాహనానికి రియర్ వ్యూ మిల్రర్గా ఉపయోగించారు. ఈ దర్శణానికి 5 మీ. దూరంలో ఒక బన్ ఉంటే, అప్పుడు ఏర్పడే ప్రతిబింబాన్ని, పరిమాణాన్ని లెక్కించండి. ఈ ప్రతిబింబం నిటారుప్రతిబింబమా, తలక్రిందుల ప్రతిబింబమా తెల్పండి. (AS7)
32. 15 సె.మీ నాభ్యంతరంగల కుంభాకారదర్శణం ముందు 10 సె.మీ. దూరంలో వస్తువును ఉంచాం. ప్రతిబింబాన్నం, ప్రతిబింబ లక్షణాలను తెలుపండి. (AS7)

## ఖాళీలను పూరించండి

1. గోళాకారదర్శణం ఏ గోళానికి సంబంధించినదో, ఆ గోళ కేంద్రాన్ని దర్శణం యొక్క \_\_\_\_\_ అంటాం.
2. దర్శణం యొక్క జ్యామితీయ కేంద్రాన్ని \_\_\_\_\_ అంటాం.
3. దర్శణవక్రతాకేంద్రం మరియు దర్శణకేంద్రం గుండాపోయే రేఖను \_\_\_\_\_ అంటాం.
4. ప్రధానాక్షానికి సమాంతరంగా ప్రయాణించే కాంతికిరణాలు పుటూకార దర్శణం వల్ల \_\_\_\_\_ వద్ద కేంద్రికరింపబడతాయి.
5. దర్శణాక్షువానికి, దర్శణవక్రతాకేంద్రానికి మధ్య దూరాన్ని \_\_\_\_\_ అంటాం.
6. దర్శణాద్రువం, నాభికి మధ్య దూరాన్ని \_\_\_\_\_ అంటాం.
7. నాభ్యంతరం మరియు వక్రతావ్యాసార్థాల మధ్య సంబంధాన్ని \_\_\_\_\_ గా రాయవచ్చి.
8. పతన, పరావర్తన కోణాల మధ్య సంబంధాన్ని \_\_\_\_\_ గా రాయవచ్చి.
9. కాంతి ఎల్లప్పుడూ ప్రయాణకాలం తక్కువగా ఉండే మార్గాన్ని ఎన్నుకుంటుందని తెలియజ్ఞీన శాస్త్రవేత్త \_\_\_\_\_.
10. వస్తుదూరం, ప్రతిబింబదూరం మరియు నాభ్యంతరాల మధ్య సంబంధాన్ని \_\_\_\_\_ గా రాయవచ్చి.

## సరైన సమాధానాన్ని ఎన్నుకోండి

1. పుటూకారదర్శణ ప్రధానాక్షంపై C వద్ద వస్తువునుంచినపుడు ప్రతిబింబం \_\_\_\_\_ వద్ద ఏర్పడుతుంది. [ ]  
a) అనంతదూరం b) నాభి, వక్రతాకేంద్రం మధ్య c) వక్రతాకేంద్రం d) వక్రతాకేంద్రం ఆవల
2. పుటూకారదర్శణంతో ఏర్పడే ప్రతిబింబపరిమాణం వస్తుపరిమాణం కంటే తక్కువగా ఉండే సందర్భం ఏది? [ ]  
a) దర్శణానాభివద్ద వస్తువు ఉన్నప్పుడు b) దర్శణాద్రువానికి, నాభికి మధ్య వస్తువు ఉన్నప్పుడు  
c) వక్రతాకేంద్రం వద్ద వస్తువు ఉన్నప్పుడు d) వక్రతాకేంద్రానికి ఆవల వస్తువు ఉన్నప్పుడు
3. పుటూకారదర్శణంతో మిధ్యాప్రతిబింబాన్ని ఎప్పుడు పొందగలం? [ ]  
a) దర్శణానాభివద్ద వస్తువు ఉన్నప్పుడు b) దర్శణాద్రువానికి, నాభికి మధ్య వస్తువు ఉన్నప్పుడు  
c) వక్రతాకేంద్రం వద్ద వస్తువు ఉన్నప్పుడు d) వక్రతాకేంద్రానికి ఆవల వస్తువు ఉన్నప్పుడు
4. ఆవర్ధనం m = \_\_\_\_\_ [ ]  
a) v/u b) u/v c)  $h_o/h_i$  d)  $h_i/h_o$
5. కుంభాకారదర్శణాభి దిశలో ప్రయాణిస్తూ, దర్శణంపై పడిన కాంతికిరణం పరావర్తనం చెందాక \_\_\_\_\_ [ ]  
a) ప్రధానాక్షానికి సమాంతరంగా వెళ్తుంది b) అదే దిశలో వెనుకకు వెళ్తుంది  
c) F గుండా వెళ్తుంది d) C గుండా వెళ్తుంది