باب 12

ہیرون کا فارمولا (Heron's Formula)

12.1 تعارف (Introduction)

پچھلی کلاسوں میں آپ نے مختلف شکلوں والی اشکال جیسے مربع، مستطیل، مثلث اور چار ضلعی کے بارے میں پڑھا ہے۔آپ نے ان میں سے کچھ اشکال جیسے مستطیل، مربع وغیرہ کے احاطہ اور رقبہ کی بھی تحسیب کی ہے۔مثال کے طور پر آپ اپنے کلاس روم کے فرش کا احاطہ اور رقبہ معلوم کر سکتے ہیں آیئے فرش کے چاروں طرف اس کے اضلاع پر چل کر دیکھیں۔ جتنا فاصلہ ہم چلتے ہیں وہ اس کا احاطہ ہوتا ہے اور کمرہ کے فرش کا سائز اس کا رقبہ ہے۔

اس طرح سے اگر آپ کا کلاس روم مستطیل نما ہے جس کی لمبائی اور چوڑائی بالترتیب 10m اور 8m ہے تو اس احاطہ $2(10+8m) = 36m$ ہوگا اور اس کا رقبہ $10m \times \ m$ یعنی $8cm^2$ ہوگا۔

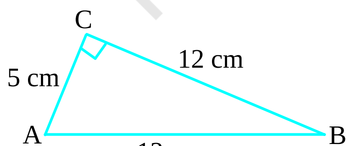
لمبائی اور چوڑائی کی پیمائش کی اکائیاں میٹر (M) یا سینٹی میٹر (cm) وغیرہ میں

کسی بھی مستوی شکل کے رقبہ کی اکائی مربع میٹر ہوتی ہے جیسے (m^2) مربع میٹر یا مربع سینٹی میٹر (cm^2) وغیرہ

مان لیجیے آپ ایک مثلث نما باغ میں بیٹھے ہیں۔آپ اس کا رقبہ کس طرح معلوم کریں گے؟

باب ۹ اور پچھلی کلاسوں سے آپ جانتے ہیں کہ

$$\text{مثلث کا رقبہ} = \frac{1}{2} \times \text{قاعدہ} \times \text{اونچائی} \quad \text{(I)}$$



شکل 12.1

ہم مشاہدہ کرتے ہیں کہ جب مثلث قائمہ زاویہ ہو تو ہم قائمہ زاویہ کے حاصل اضلاع پر سیدھا فارمولا استعمال کر لیتے ہیں جس

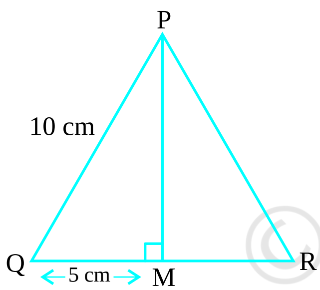
میں ایک ضلع قاعدہ اور دوسرا اونچائی ہوتا ہے مثال کے طور پر کسی قائم زاوی مثلث کے ABC کے اضلاع 12cm, 5cm اور 13cm لمبائی کے ہیں ہم قاعدہ 12cm اور اونچائی 5cm (شکل 12.1 دیکھیے) لیتے ہیں۔ تب مثلث کا رقبہ ہوتا ہے

$$\frac{1}{2} \times \text{قاعدہ} \times \text{اونچائی} = \frac{1}{2} \times 12 \times 5\text{cm}^2 \text{ یعنی } 30\text{cm}^2$$

نوٹ کیجیے کہ آپ قاعدہ 5cm اور اونچائی 12cm بھی لے سکتے ہیں۔

اب مان لیجیے آپ کو 10cm ضلع والے ایک مساوی ضلعی مثلث PQR کا رقبہ معلوم کرنا ہے (شکل 12.2 دیکھیے) اس کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے اس کی اونچائی کی ضرورت ہے۔ کیا آپ اس مثلث کی اونچائی معلوم کر سکتے ہیں؟

آیئے دہراتے ہیں ہم کس طرح اس کی اونچائی معلوم کرتے ہیں جب ان کے اضلاع دئے ہوئے ہوں ایک ماوی ضلعی مثلث میں یہ ممکن ہے QR کا وسطی نقطہ M لیجیے اور اس کو P سے ملا دیجیے۔ باب 7 میں دئے گئے نتیجہ کا استعمال کرنے کی کوشش کیجیے۔ ہم جانتے ہیں کہ ΔPMQ ایک قائم مثلث ہے۔ اس لیے فیثا غورث کے مسئلہ کے مطابق ہم PM کی لمبائی معلوم کر سکتے ہیں جیسا کہ نیچے دکھایا گیا ہے



شکل 12.2

$$PQ^2 = PM^2 + QM^2$$

یعنی $(10)^2 = PM^2 + (5)^2$، کیونکہ $QM = MR$

اس لیے ہمارے پاس ہے $PM^2 = 75$

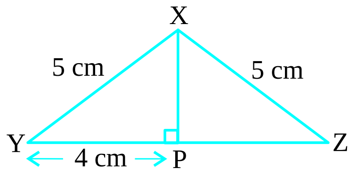
یعنی $PM = \sqrt{75}\text{cm} = 5\sqrt{3}\text{cm}$

تب ΔPQR کا رقبہ؟ $= \frac{1}{2} \times$ قاعدہ $\times$ اونچائی $= \frac{1}{2} \times 10 \times 5\sqrt{3}\text{cm}^2 = 25\sqrt{3}\text{cm}^2$ مربع سینٹی میٹر

آیئے دیکھتے ہیں کہ آیا ہم مساوی الساقین مثلث کا رقبہ بھی اس فارمولہ سے معلوم کر سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر ہم مثلث XYZ لیتے ہیں جس میں دو مساوی اضلاع XY اور YZ 5cm اور غیر مساوی ضلع YZ 8cm ہے (شکل 12.3)
اس حالت میں بھی ہمیں مثلث کی اونچائی معلوم ہونی چاہیے۔ اس لیے ہم ضلع YZ پر عمود XP کھینچتے ہیں۔ آپ دیکھ

© NCERT not to be republished

سکتے ہیں کہ یہ عمود XP ' قاعدہ YZ کو دو مساوی حصوں میں منقسم کرتا ہے۔



شکل 12.3

اس لیے $YP = PZ = \frac{1}{2} YZ = 4cm$

تب فیثا غورث کے مسئلہ کے استعمال سے ہمیں حاصل ہوتا ہے

$$XP^2 = XY^2 - YP^2$$

$$= 5^2 - 4^2 = 25 - 16 = 9$$

اس لیے $XP = 3cm$

اب ΔXYZ کا رقبہ $= \frac{1}{2} \times$ قاعدہ $\times$ اونچائی XYZ XP

$$= \frac{1}{2} \times 8 \times 3cm^2 = 12cm^2$$

اب مان لیجیے اب ہم مختلف الاضلاع مثلث کے اضلاع کی لمبائیاں جانتے ہیں اونچائی نہیں۔ کیا آپ اب بھی اس کا رقبہ معلوم کر سکتے ہیں؟ مثال کے طور پر ایک مثلث نما پارک ہے جس کے اضلاع کی لمبائیاں 40m، 32m اور 24m ہیں: آپ اس کا رقبہ کیسے معلوم کریں گے؟ یقیناً اگر آپ فارمولہ استعمال کرنا چاہتے ہیں تو آپ کو اونچائی معلوم کرنا ہوگی۔ لیکن اونچائی معلوم کرنے کا ہمارے پاس کوئی طریقہ نہیں ہے۔ اس لیے ہم اگلے سیکشن کی طرف آگے بڑھتے ہیں

12.2 مثلث کا رقبہ ہیرون کا فارمولہ سے (Triangle Area of–by Heron's Formula)

ہیرون 10 عیسوی میں مصر کے الیکزیڈریا میں پیدا ہوا۔ وہ اطلاقی ریاضی پر کام کرتا تھا۔ ریاضی اور فزیکل مضامین پر اس کا کام اتنا زیادہ تھا کہ وہ اس میدان میں (encyclopedia) کہلاتا ہے۔ اس کے جیومیٹریائی کام میں زیادہ تر مساحت کے مسائل تھے جو تین کتابوں میں لکھے گئے۔ پہلی کتاب میں مربع، مستطیل، مثلث، منحرف مخصوص قسم کے چار ضلعی، مساوی کثیر ضلعی، دائرے، استوانہ، مخروط اور کرہ، وغیرہ کے رقبہ سے متعلق باتیں تھیں۔ اس کتاب میں ہیرون نے مثلث کے رقبہ کے مشہور فارمولہ سے معرف کرایا جب کہ اس کی تین اضلاع کی لمبائیاں دی ہوئی ہوں۔

ہیرون (10 سے 75 عیسوی)

شکل 12.4

© NCERT not to be republished

ہیرون کے ذریعہ دئے گئے مثلث کے رقبہ کے فارمولہ کو صرف ہیرو کا فارمولہ بھی کہتے ہیں۔ یہ فارمولہ ہے:

$$\text{مثلث کا رقبہ } \Delta ABC = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)} \qquad \text{(II)}$$

جہاں b،a اور c مثلث کے اضلاع ہیں اور s مثلث کا نصف احاطہ ہے یعنی $\frac{a+b+c}{2}$

یہ فارمولہ وہاں بہت مفید ہوتا ہے جہاں مثلث کی اونچائی معلوم کرنا ممکن نہیں۔ آیئے مندرجہ بالا میں دئے گئے پارک ABC کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے اس کا استعمال کرتے ہیں۔

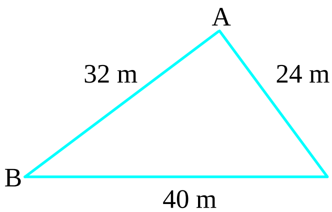
ہم $a = 40$، $b = 24m$، $c = 32m$ لیتے ہیں

اس لیے ہمارے پاس ہے $s = \frac{40+24+32}{2}m = 48m$

$s-a = (48-40)m = 8m$

$s-b = (48-24)m = 24m$

$s-c = (48-32)m = 16m$



شکل 12.6

اس لیے پارک ΔABC کا رقبہ

$= \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

$= \sqrt{48\times 8\times 24\times 16}\,m^2$

$= 384m^2$

مزید ہم دیکھتے ہیں کہ $32^2 + 24^2 = 1024 + 576 = 1600 = 40^2$ یعنی پارک کے اضلاع ایک قائم مثلث بتاتے ہیں جس میں سب سے بڑا ضلع جو 40m ہے وتر ہوگا اور اضلاع AB اور AC کے درمیان کا زاویہ 90^0 ہوگا۔

فارمولہ 1 کا استعمال کرکے ہم پارک کے رقبہ کی جانچ کر سکتے ہیں۔

$$\frac{1}{2}\times 32\times 24m^2 = 384m^2$$

ہم دیکھتے ہیں کہ اس طرح سے حاصل رقبہ وہی ہے جو ہیرون کے فارمولہ سے حاصل ہوا تھا۔

اب ہم ہیرون کے فارمولہ سے اس حقیقت کی تصدیق اوپر نکالے گئے مثلثوں کے رقبوں سے کریں گے۔

(i) مساوی ضلعی مثلث جس کا ضلع 10cm کا ہے۔

© NCERT not to be republished

(ii) مساوی الساقین مثلث جس کا غیر مساوی ضلع 8cm کا اور مساوی ضلع 5cm ہے

آپ دیکھیں گے کہ

(i) کے لیے ہمارے پاس ہے $s = \frac{10+10+10}{2}\text{cm} = 15\text{cm}$

مثلث کا رقبہ = $\sqrt{15(15-10)(15-10)(15-10)}\text{cm}^2$

$\sqrt{15\times5\times5\times5}\text{cm}^2 = 25\sqrt{3}\text{cm}^2$

(ii) کے لیے ہمارے پاس ہے $s = \frac{8+5+5}{2}\text{cm} = 9\text{cm}$

مثلث کا رقبہ = $\sqrt{9(9-8)(9-5)(9-5)}\text{cm}^2$

$\sqrt{9\times1\times4\times4}\text{cm}^2 = 12\text{cm}^2$

آیئے کچھ اور مثالیں حل کرتے ہیں

مثال 1: ایک مثلث کا رقبہ معلوم کیجیے جس کے دو اضلاع 8cm اور 11cm ہیں اور احاطہ 32cm (شکل 12.6 دیکھیے)

حل: یہاں احاطہ $c = 32\text{cm}$، $a = 8\text{cm}$ اور $b = 11\text{cm}$

تیسرا ضلع $c = 32cm - (8+11)cm = 13cm$

$s - a = (16-8)cm$

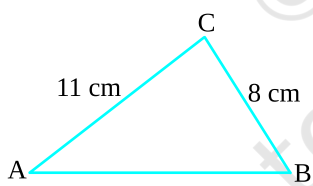
$s - b = (16-11)cm = 5cm$

$s - c = (16-13)cm = 3cm$

اس لیے $2s = 32cm$ یعنی $s = 16cm$

اس لیے مثلث کا رقبہ = $\sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

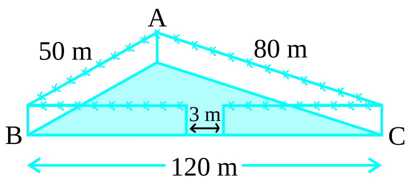
$= \sqrt{16\times8\times5\times3}cm^2 = 8\sqrt{30}cm^2$



شکل 12.6

مثال 2: ایک مثلث نما پارک کے اضلاع 120m، 80m اور 50m کے ہیں (شکل 12.7 دیکھیے) ایک مالی دھنیا اس کے چاروں طرف ایک تار باندھنا چاہتا ہے اور اس کے اندر گھاس اگانا چاہتا ہے۔ گھاس اگانے کے لیے اس کو کتنے رقبہ کی

ضرورت ہوگی۔20روپیہ فی میٹر کی شرح سے چاروں کانٹے دار تار لگانے کا خرچ معلوم کیجیے اگر 3m جگہ گیٹ کے لیے چھوڑ دیتی ہے۔



شکل 12.7

حل: پارک کا رقبہ معلوم کرنے کے لئے ہمارے پاس ہے

$$2s = 50m + 80m + 120 = 250m$$

یعنی $s = 125m$

اب $s - a = (125 - 120)m = 5m$

$$s - b = (125 - 80)m = 45m$$

$$s - c = (125 - 50)m = 75m$$

اس لیے پارک کا رقبہ $= \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

$$= \sqrt{125 \times 5 \times 45 \times 75}m^2$$

$$= 375\sqrt{15}m^2$$

اور پارک کا احاطہ $AB + BC + CA = 250m$

اس لئے چاروں طرف تار لگانے کے لیے تار کی لمبائی $= (250m - 3m$ گیٹ کے لیے چھوڑی گئی)

$$= 247m = 247m$$

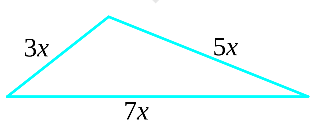
تار لگانے کا خرچ 247×20 روپیہ = 4940 روپیہ

مثال 3: ایک مثلث نما پلاٹ کے اضلاع میں 3:5:7 کی نسبت ہے اور اس کا احاطہ 300m ہے اس کا رقبہ معلوم کیجیے۔

حل: مان لیجیے میٹروں میں اس کے اضلاع ہیں $3x, 5x$ اور $7x$ (شکل 12.8 دیکھیے)

تب ہم جانتے ہیں کہ $3x + 5x + 7x = 300$ (مثلث کا احاطہ)

اس لئے $15x = 300$ میں سے ملتا ہے $x = 20$



شکل 12.8

اس طرح سے مثلث کے اضلاع ہیں $3 \times 20m, 5 \times 20m$ اور $7 \times 20m$

یعنی 60m, 100m اور 140 m

© NCERT not to be republished

کیا آپ اس کا رقبہ معلوم کر سکتے ہیں [ہیرون کے فارمولہ کو استعمال کر کے]؟

ہمارے پاس ہے $s = \frac{60+100+140}{2} m = 150m$

اور اس لیے رقبہ ہوگا $\sqrt{150(150-60)(150-100)(150-140)} m^2$

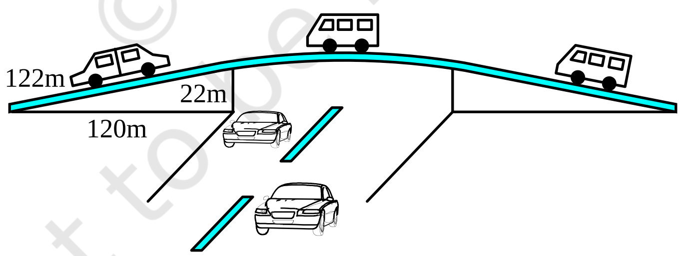
$$= \sqrt{150 \times 90 \times 50 \times 10} m^2$$

$$= 1500\sqrt{3} m^2$$

مشق 12.1

1. ٹریفک کا ایک سگنل بورڈ جس پر (آگے اسکول ہے) لکھا ہوا ہے ایک مساوی ضلعی مثلث ہے جس کا ضلع a ہے۔ ہیرون کے فارمولہ کو استعمال کر کے سگنل بورڈ کا رقبہ معلوم کیجیے اگر اس کا احاطہ 180cm ہو تو سگنل بورڈ کا رقبہ کیا ہوگا۔

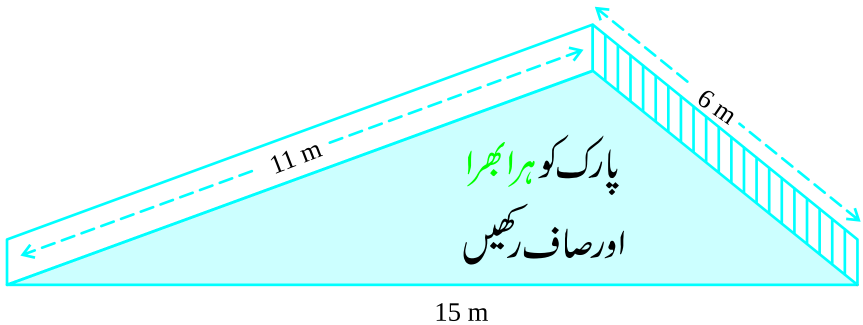
2. ایک فلائی اوور کی مثلث نما دیواریں ایڈورٹائزمنٹ کے لیے استعمال ہوتی ہیں۔ دیواروں کے اضلاع ہیں 122m، 22m اور 120m (شکل 12.9 دیکھیے) ایڈورٹائزمنٹ کے ذریعہ ہر سال 5000 روپیہ فی مربع میٹر کمائی کی جاتی ہے۔ ایک کمپنی نے تین مہینوں کے لیے اس کی دیواریں کرائے پر لیں۔ اُس نے ان کا کتنا کرایہ ادا کیا؟



شکل 12.9

3. ایک پارک میں ایک سلائیڈ ہے۔ اس کی ایک طرف کی دیوار پر کسی رنگ سے اس پیغام کے ساتھ رنگ کیا گیا ہے۔ پارک کو ہرا بھرا اور صاف ستھرا رکھیں، (شکل 12.10 دیکھیے) اگر دیوار کے اضلاع 15m، 11m اور 6m ہوں تو رنگ کیے گئے حصّہ کا رقبہ معلوم کیجیے

© NCERT not to be republished



شکل 12.10

4. ایک مثلث کا رقبہ معلوم کیجیے جس کے دو اضلاع 18cm اور 10cm کے ہیں اور اس کا احاطہ 42cm ہے۔
5. ایک مثلث کے اضلاع میں 12:17:25 کی نسبت ہے اور اس کا احاطہ 540 cm ہے۔ اس کا رقبہ معلوم کیجیے۔
6. ایک مساوی الساقین مثلث کا حاطہ 30cm ہے اور اس کے مساوی اضلاع میں ہر ایک 12cm کا ہے۔ مثلث کا رقبہ معلوم کیجیے۔

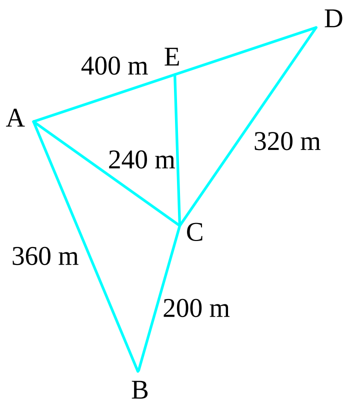
12.3 چار ضلعی کا رقبہ معلوم کرنے کے لیے ہیرون کے فارمولہ کا استعمال
(Application of Heron's Formula in finding Area of Quadrileteral)

مان لیجیے ایک کسان کے پاس کاشت کاری کے لیے کچھ زمین ہے وہ اس مقصد کے لئے کچھ مزدوروں کو کام پر اس شرط کے ساتھ لگاتا ہے کہ اجرت کی تحسیب فی مربع میٹر کاشت کی گئی زمین کے رقبہ کے حساب سے ہوگی۔ وہ ایسا کیسے کرے گا؟ اکثر زمین چار ضلعی شکل کی ہوتی ہیں۔ ہم چار ضلعی کو مثلث نما حصوں میں منقسم کرتے ہیں اور پھر مثلث کے رقبہ کا فارمولہ استعمال کرتے ہیں۔ آیئے اس سوال پر غور کرتے ہیں۔

مثال 4: کملا کے پاس ایک مثلث نما کھیت ہے جس کے اضلاع 240m، 200m، 360m ہیں جہاں وہ گیہوں بونا چاہتی ہے۔ اس سے متصل دوسرے مثلث نما کھیت جس کے اضلاع کی لمبائیاں 240m، 320m اور 400m ہے جہاں وہ آلو اور پیاز بونا چاہتی ہے (شکل 12.11 دیکھیے) اس نے کھیت کو اس کے سب سے لمبے ضلع کے وسطی نقطہ کو مخالف راس سے ملا کر دو حصّوں میں منقسم کر دیا۔ ایک حصہ میں اُس نے آلو بوئے اور ایک میں پیاز۔ گیہوں، آلو اور پیاز کے لئے کتنا رقبہ (ہیکٹر میں) استعمال کیا۔

© NCERT not to be republished

حل: مان لیجیے ABC وہ کھیت ہے جہاں گیہوں بوئے گئے ہیں اور ACD وہ کھیت ہے جس میں AD کے وسطی نقطہ E کو C کو سے ملا کر دو حصوں میں منقسم کیا گیا ہے۔ ABC کے رقبہ کے لئے $a = 200\text{m}, b = 240\text{m}, c = 360\text{m}$



شکل 12.11

اس لیے $s = \dfrac{200+240+360}{2}\text{m} = 400\text{m}$

اس لیے گیہوں کے لیے رقبہ ΔACD کا رقبہ =

$$= \sqrt{400(400-200)(400-240)(400-360)}\,\text{m}^2$$

$$= \sqrt{400\times200\times160\times40}\,\text{m}^2$$

$$16000\sqrt{2}\,\text{m}^2 = 1.6\times\sqrt{2}\ (\text{ہیکٹیر})$$

$$2.26\ (\text{ہیکٹیر})$$

اس لئے اب ΔACD کی تحسیب کرتے ہیں۔ ہے

یہاں ہمارے پاس ہے $s = \dfrac{240+320+400}{2}\text{m} = 480\text{m}$

اس لئے مثلث ACD کا رقبہ ہے $\Delta ACD = \sqrt{480(480-240)(480-320)(480-400)}\,\text{m}^2$

$$= \sqrt{480\times240\times160\times80}\,\text{m}^2 = 38400\text{m}^2 = 3.84$$

ہم نوٹ کرتے ہیں کہ AD کے وسطی نقطے E سے C کو ملانے والا خط ΔACD مساوی رقبہ والے دو حصّوں میں منقسم کرتا ہے۔ کیا آپ اس کی وجہ بتا سکتے ہیں؟ درحقیقت ان کی قاعدہ AE اور ED مساوی ہیں اور ان کی اونچائی بھی ایک ہی ہے۔

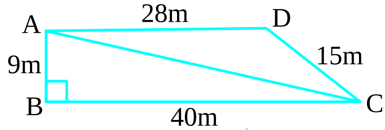
اس لئے آلو بونے کے لئے رقبہ = پیاز بونے کے لئے رقبہ $= (3.84 \div 2)$ ہیکٹیر $= 1.92$ ہیکٹیر

مثال 5: ایک اسکول کے طلباء نے صفائی کی ایک مہم شروع کی وہ گلی کوچوں میں دو گروپ کی شکل میں نکلے۔ ایک گروپ لین (گلی) AB، BC اور CA میں مارچ کیا اور دوسرے گروپ نے لین (گلی) AC، CD اور DA میں مارچ کیا (شکل

© NCERT not to be republished

12.12 دیکھئے) پھر انھوں نے اپنی لین کے گھیر کے رقبہ کی صفائی کی اگر AB =9m، BC=40m، CD=15m، DA=28m اور $\angle B = 90^0$ کس گروپ نے زیادہ رقبہ کی صفائی کی اور کتنی؟ ۔طلباء کے ذریعہ کل کتنے رقبہ کی صفائی ہوئی۔

حل: کیوں کہ BC=40m AB=9 m ، اور $\angle B = 90^0$ ہمارے پاس ہے



شکل 12.12

$$AC = \sqrt{9^2 + 40^2}$$
$$= \sqrt{81 - 1600}\,m$$
$$= \sqrt{1681}\,m = 41m$$

اس لئے پہلے گروپ کو ΔABC کے رقبہ کی صفائی کرنی ہوگی جو قائم زاوی ہے۔

ΔABC کا رقبہ $= \frac{1}{2} \times$ اونچائی $\times$ قاعدہ

$$\Delta ABC = \frac{1}{2} \times 40 \times 9m^2 = 180m^2$$

دوسرے گروپ کو ACD کے رقبہ کی صفائی کرنی ہے جو کہ ایک مختلف اضلاع مثلث ہے

جس کے اضلاع ہیں 41m، 15m اور 28m

یہاں $s = \frac{41+15+28}{2} = 42m$

اس لئے مثلث ΔACD کا رقبہ $= \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$

$$= \sqrt{42(42-41)(42-15)(42-28)}\,m^2$$
$$= \sqrt{42 \times 1 \times 27 \times 14} = 126m^2$$

اس لیے پہلا گروپ 180m رقبہ کی صفائی کی جو $(180-126)\,m^2$ یعنی $54m^2$ جو زیادہ ہے اُس رقبہ سے جس کی صفائی دوسرے گروپ نے کی۔

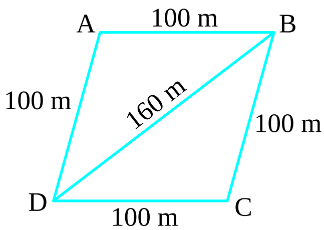
تمام طلباء کے ذریعہ کی گئی صفائی کا کل رقبہ $(180+126)\,m^2 = 306m^2$

مثال 6: ثانیہ کے پاس زمین کا ایک ٹکڑا ہے جو معین کی شکل کا ہے (شکل 12.13 دیکھیے) وہ چاہتی ہے کہ اس کا ایک لڑکا اور

© NCERT not to be republished

ایک لڑکی اُس زمین پر کھیتی کریں اور گھر کی ضرورتوں کو پورا کرنے کے لیے اُس میں مختلف قسم کی فصل بوئیں۔ اس نے زمین کو دو مساوی حصّوں میں تقسیم کر دیا۔ اگر اُس زمین کا احاطہ 400m اور اس کا ایک وتر 160m ہے تو ہر ایک کو کتنا رقبہ ملے گا؟

حل: مان لیجیے ABCD زمین ہے



شکل 12.13

احاطہ = 400 میٹر

اس لئے ہر ایک ضلع $= 400 \div 4\text{m} = 100\text{m}$ میٹر

یعنی AB=AD=100m

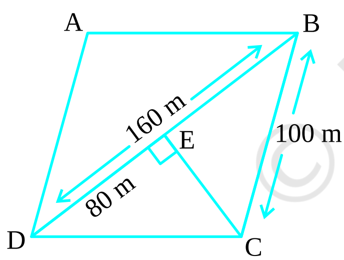
مان لیجئے وتر BD=160 تب ΔABD کا نصف احاطہ ہے

اس لئے $s = \dfrac{100+100+160}{2}\text{m} = 180\text{m}$

ΔABD کا رقبہ $= \sqrt{180(180-100)(180-100)(180-160)}$

$= \sqrt{180 \times 80 \times 80 \times 20\text{m}^2} = 4800\text{m}^2$

اس لئے ہر ایک کو 4800m^2 رقبہ ملے گا۔



شکل 12.14

متبادل طریقہ CE ⊥ BD (شکل 12.14 دیکھیے)

کیوں کہ BD = 160m ہمارے پاس ہے

$DE = 160 \div 2\text{m} = 80\text{m}$

اور $DE^2 + CE^2 = DC^2$ جس سے ہمیں ملتا ہے $CE = \sqrt{DC^2 - DE^2}$

یا $CE = \sqrt{100^2 - 80^2}\text{m} = 60\text{m}$

اس لئے ΔBCD کا رقبہ $= \dfrac{1}{2} \times 160 \times 60\text{m}^2 = 4800\text{m}^2$

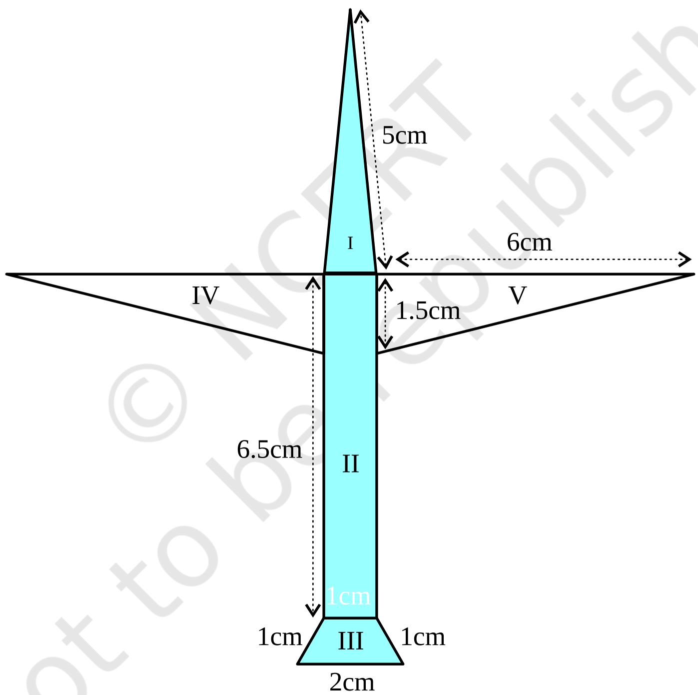
© NCERT not to be republished

مشق 12.2

1. ایک پارک چار ضلعی A B C D کی شکل کا ہے جس میں $\angle C = 90^0$ ، AB = 9m ، BC = 12m ، CD = 5m اور AD = 8m یہ کتنا رقبہ گھیرے گا؟

2. چار ضلعی ABCD کا رقبہ معلوم کیجیے جس میں AB=3 cm ،BC=4 cm ،CD=4 cm ،DA = 5 cm اور AC=5 cm

3. رادھا نے رنگین پیپر سے ہوائی جہاز کی ایک تصویر بنائی (شکل 12.15 دیکھیے) پیپر (کاغذ) کا رقبہ معلوم کیجیے



شکل 12.15

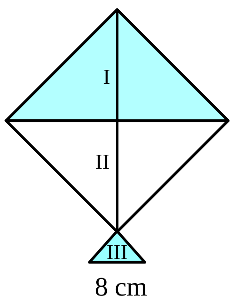
4. ایک مثلث اور ایک متوازی اضلاع کا ایک قاعدہ اور مساوی رقبہ ہے اگر مثلث کے اضلاع 26 cm ، 28 cm اور 30cm ہیں اور متوازی اضلاع کا قاعدہ 28cm تو متوازی اضلاع کی اونچائی معلوم کیجیے۔

5. معین کے شکل ایک میدان میں 18 گائیوں کے چرنے کے لے گھاس ہے۔ اگر معین کا ہر ضلع 30m ہے اور اس کا بڑا

وتر 48m ہے۔تو ہر گائے کو چرنے کے لیے گھاس کے میدان کا کتنا رقبہ چاہئیے ۔

6. ایک چھتری دو مختلف رنگوں کے 10 مثلث نما کپڑوں کی سلائی سے بنی ہے (شکل 12.16 دیکھیے)
ہر ایک ٹکڑے کی پیائش 20cm، 50cm اور 50cm ہے: چھتری کے لئے ہر رنگ کا کتنا کپڑا درکار ہے

7. ایک پتنگ تین مختلف قسم کے شیڈ جن کو I، II اور III مارک کیا گیا ہے، کی بنی ہوئی ہے (شکل 12.17 دیکھیے)اس میں ہر ایک شیڈ کا کتنا پیپر استعمال ہوا ہے۔



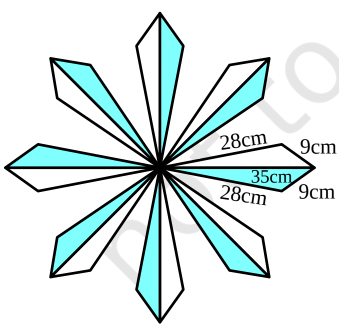
شکل 12.17

شکل 12.16

© NCERT not to be republished

8. ایک فرش پر مثلث نما 16 ٹائلوں کا بنا ایک پھول کا ڈیزائن ہے مثلث کے اضلاع 9cm، 28cm اور 35cm ہیں (شکل 12.18 دیکھیے) 50 پیسے فی مربع سم کی شرح سے ٹائلوں کو پالش کرانے کا خرچ معلوم کیجیے

9. ایک میدان منحرف کی شکل کا ہے جس کے متوازی اضلاع 25m اور 10m ہیں۔اس کے غیر متوازی اضلاع کی لمبائیاں 14m اور 13m ہیں۔میدان کا رقبہ معلوم کیجیے۔



شکل 12.18

12.4 خلاصہ

اس باب میں آپ نے مندرجہ ذیل کا مطالعہ کیا۔

1. ایک مثلث جس میں اس کے اضلاع a، b اور c دئے ہوئے ہوں اس کا رقبہ ہیرون کا فارمولہ کے استعمال سے معلوم کیا جاتا ہے جو ہے

$$\text{مثلث کا رقبہ} = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}$$

جہاں $s = \dfrac{a+b+c}{2}$

2. کسی چار ضلعی جس کے اضلاع اور ایک وتر دیئے گئے ہوں، کا رقبہ اس کو دو مثلثوں میں تقسیم کر کے ہیرون کے فارمولہ کا استعمال کر کے نکالا جاتا ہے۔

© NCERT not to be republished