

chapter 3

ਬੀਖਿਆਵਾਂ ਨਾਲ ਖੇਡਣਾ

DATE	_____
PAGE No.	_____

Ex. 3.5

1. ਹੇਠ ਲਿਖਿਆਂ ਵਿੱਚੋਂ ਕਿਹੜਾ ਕਾਨਾਂ ਜਾਂ ਅਤੇ ਕਿਹੜਾ ਖੁੱਡਾ?

(a) ਜੇਕਰ ਕੋਈ ਬੀਖਿਆ 3 ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਵੇ ਤਾਂ ਉਹ 9 ਨਾਲ ਵੀ ਭਾਗ ਹੋਵੇਗਾ।

ਉੱਤਰ: ਖੁੱਡਾ ਜਾਂ ਕਾਨ 3

(b) ਜੇਕਰ ਕੋਈ ਬੀਖਿਆ 9 ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਵੇ ਤਾਂ ਉਹ 3 ਨਾਲ ਵੀ ਸਹੂਰ ਭਾਗ ਹੋਵੇਗਾ।

ਉੱਤਰ: ਕਾਨ (ਠੀਕ)

(c) ਇੱਕ ਬੀਖਿਆ 18 ਨਾਲ ਵੀ ਭਾਗ ਹੋਵੇ ਤਾਂ ਜੇਕਰ ਉਹ 3 ਅਤੇ 6 ਦੋਵਾਂ ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਵੇ।

ਉੱਤਰ: ਖੁੱਡਾ

(d) ਜੇਕਰ ਇੱਕ ਬੀਖਿਆ 9 ਅਤੇ 10 ਦੋਵਾਂ ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਵੇ ਤਾਂ ਉਹ 90 ਨਾਲ ਵੀ ਭਾਗ ਹੋਵੇਗਾ।

ਉੱਤਰ: ਕਾਨ

(e) ਜੇਕਰ ਦੋਵੇਂ ਬੀਖਿਆਵਾਂ ਜਠਿ-ਅਭਾਜ ਹੋਣ ਤਾਂ ਇਹਨਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਘੱਟ ਤੋਂ ਘੱਟ ਇੱਕ ਸਹੂਰ ਹੀ ਅਭਾਜ ਹੋਵੇਗਾ।

ਉੱਤਰ: ਖੁੱਡਾ

(f) 4 ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਣ ਵਾਲੀਆਂ ਯਾਗੀਆਂ ਬੀਖਿਆਵਾਂ 8 ਨਾਲ ਵੀ ਸਹੂਰ ਭਾਗ ਹੋਣੀਆਂ ਯਾਗੀਰੀਆਂ ਹਨ।

ਉਤਰ ਸ਼ੁੱਠ

(੭) ੪ ਨਾਨਕ ਉਗ ਜੋੜ ਚਲੀਆਂ ਜਾਗੀਆਂ ਬੀਖਿਆਵਾਂ ੫ ਨਾਨਕ ਉਗ ਜੋੜੀਆਂ ਬਾਗੀਚੀਆਂ ਹਨ

ਉਤਰ ਬੱਝ

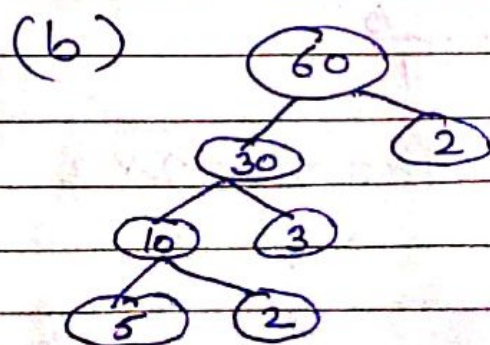
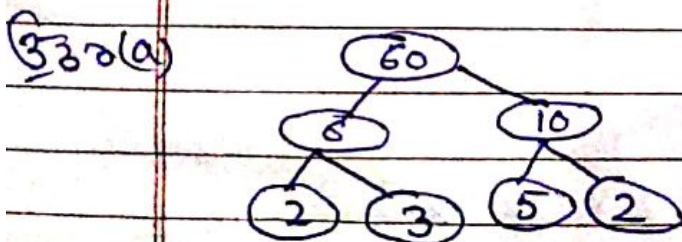
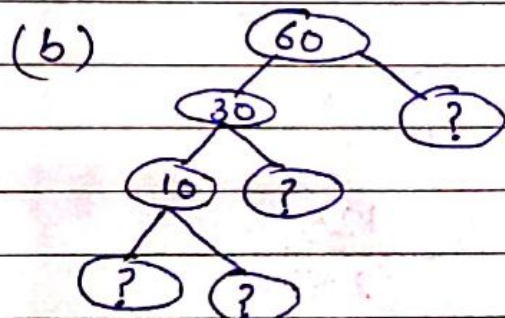
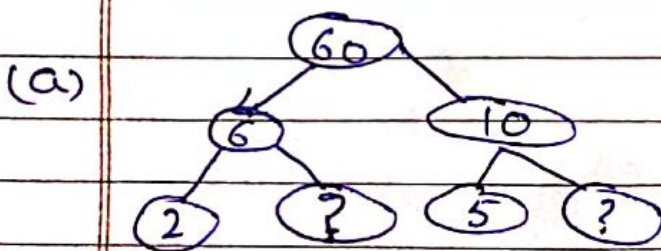
(੮) ਜੇਕਰ ਕੋਈ ਬੀਖਿਆ ਦੇ ਬੀਖਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਅਲੱਗ-ਅਲੱਗ ਪੁਰਾ-ਪੁਰਾ ਉਗ ਕਰਦੀ ਹੈ ਤਾਂ ਉਹ ਉਜੇਰੇ ਜੋੜ ਨੂੰ ਵੀ ਪੁਰਾ-ਪੁਰਾ ਉਗ ਕਰੇਗੀ।

ਉਤਰ ਬੱਝ

(੯) ਜੇਕਰ ਕੋਈ ਬੀਖਿਆ ਦੇ ਬੀਖਿਆਵਾਂ ਦੇ ਜੋੜ ਨੂੰ ਪੁਰਾ ਉਗ ਕਰਦੀ ਹੈ, ਤਾਂ ਉਹ ਉਗਾਂ ਵੇਖਾਂ ਬੀਖਿਆਵਾਂ ਨੂੰ ਅਲੱਗ ਅਲੱਗ ਵੀ ਉਗ ਕਰੇਗੀ।

ਉਤਰ ਸ਼ੁੱਠ

2. ਇੱਥੇ 60 ਦੇ ਲਈ ਦੋ ਅਲੱਗ-ਅਲੱਗ ਗੁਣਾਖੰਡ ਰੱਖਤ ਦਿੱਤੇ ਗਏ ਹਨ ਇਸ ਦਿੱਤੇ ਅਨੁਸਾਰ ਬੀਖਿਆਵਾਂ-ਨਿਖੇ



3 ਇੱਕ ਤਿੰਨ ਸੰਖਿਆ ਦੇ ਅਭਾਜ ਗੁਣਕਾਂ ਦਿੱਤੇ ਕਿਹੜੇ ਗੁਣਕਾਂ ਨੂੰ ਪ੍ਰਾਮਿਤ ਕੀਤਾ ਜਾਂਦਾ?

ਉੱਤਰ 1 ਅਤੇ ਉਹ ਸੰਖਿਆ 3।

4 ਛੇ ਅੰਕਾਂ ਦੀ ਸਭ ਤੋਂ ਵੱਡੀ ਸੰਖਿਆ ਲਿਖੋ ਅਤੇ ਉਸਨੂੰ ਅਭਾਜ ਗੁਣਕਾਂ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖੋ।

ਉੱਤਰ 4 ਅੰਕਾਂ ਦੀ ਸਭ ਤੋਂ ਵੱਡੀ ਸੰਖਿਆ = 9999

$$\begin{array}{r|l}
 3 & 9999 \\
 \hline
 3 & 3333 \\
 \hline
 11 & 1111 \\
 \hline
 101 & 101 \\
 \hline
 & 1
 \end{array}
 \quad \therefore 9999 = 3 \times 3 \times 11 \times 101$$

5. ਪੰਜ ਅੰਕਾਂ ਦੀ ਸਭ ਤੋਂ ਵੱਡੀ ਲਿਖੋ ਅਤੇ ਉਸਨੂੰ ਅਭਾਜ ਗੁਣਕਾਂ ਦੇ ਰੂਪ ਵਿੱਚ ਲਿਖੋ।

ਉੱਤਰ 5 ਅੰਕਾਂ ਦੀ ਸਭ ਤੋਂ ਵੱਡੀ ਸੰਖਿਆ = 10000

$$\begin{array}{r|l}
 2 & 10000 \\
 \hline
 2 & 5000 \\
 \hline
 2 & 2500 \\
 \hline
 2 & 1250 \\
 \hline
 5 & 625 \\
 \hline
 5 & 125 \\
 \hline
 5 & 25 \\
 \hline
 5 & 5 \\
 \hline
 & 1
 \end{array}$$

$$\therefore 10000 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5 \times 5$$

6. 1729 ਦੇ ਗੈਰ ਅਭਾਜ ਗੁਣਕਾਂ ਪਤਾ ਕਰੋ ਅਤੇ ਉਹਨਾਂ ਨੂੰ ਚੁਣਕੇ ਕੁਝ ਦਿੱਤੇ ਨਿਖੇ। ਹੁਣ ਜੇਕਰ 2 ਕੁਮਾਰ ਅਭਾਜ ਗੁਣਕਾਂ ਦਿੱਤੇ ਕੋਈ ਜੋੜਾ ਤਾਂ ਨਿਖੇ।

ਹੱਲ

$$\begin{array}{r|l} 7 & 1729 \\ 13 & 247 \\ 19 & 19 \\ & 1 \end{array}$$

$$\therefore 1729 = 7 \times 13 \times 19$$

ਦੇਖਣ ਤੇ ਪਤਾ ਲਗਦਾ ਹੈ ਕਿ

$$13 - 7 = 6 ; 19 - 13 = 6$$

$\therefore$ 2 ਕੁਮਾਰ ਅਭਾਜ ਗੁਣਕਾਂ ਦਿੱਤੇ 6 ਦਾ ਅੰਤਰ ਹੈ।

7. ਤਿੰਨ ਕੁਮਾਰ ਬੇਚਿਆਵਾਂ ਦਾ ਗੁਣਕਲ ਮਰਾ 6 ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਵੇ। ਇਸ ਕਸਰ ਨੂੰ ਕੁਝ ਉਲਾਹਣਾਂ ਦੀ ਮਗਰੋਂ ਨਾਲ ਬਾਝੋਟ ਕਰੋ।

ਹੱਲ ਇਉਂ ਹੋਵੇਗਾ:

$$(1) 2 \times 3 \times 4 = 24 \text{ ਜਿਹੜਾ 6 ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਵੇ}$$

$$(2) 7 \times 8 \times 9 = 504 \text{ ਜਿਹੜਾ 6 ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਵੇ}$$

8. 2 ਕੁਮਾਰਾਂ ਦੇ ਬੇਚਿਆਵਾਂ ਦਾ ਜੋੜਕਲ 5 ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਵੇ। ਇਸ ਕਸਰ ਨੂੰ ਕੁਝ ਉਲਾਹਣਾਂ ਦੀ ਮਗਰੋਂ ਨਾਲ ਬਾਝੋਟ ਕਰੋ।

ਹੱਲ ਉਲਾਹਣਾਂ:

$$(1) 1 + 3 = 4 \text{ ਜਿਹੜਾ 5 ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਵੇ}$$

$$(2) 11 + 13 = 24 \text{ ਜਿਹੜਾ 5 ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਵੇ}$$

$$(3) 91 + 193 = 284 \text{ ਜਿਹੜਾ 5 ਨਾਲ ਭਾਗ ਹੋਵੇ}$$

9. ਹੇਠ ਲਿਖਿਆਂ ਵਿੱਚੋਂ ਕਿਹੜੇ ਵਿਅੰਜਨਾਂ ਵਿੱਚ ਅੱਤਮਾ ਹੁੰਦੀ ਹੈ?

- (a) $24 = 2 \times 3 \times 4$, (b) $56 = 1 \times 7 \times 2 \times 2 \times 2$
 (c) $70 = 2 \times 5 \times 7$ (d) $54 = 2 \times 3 \times 9$

ਹੱਲ (b) ਅਤੇ (c)

10. ਕੀ 25110 ਭੀਖਿਆ 45 ਨਾਲ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੈ।

ਹੱਲ ਜੇਕਰ ਕੋਈ ਭੀਖਿਆ ਦੋ ਸਮਝਾਯੋਗ ਭੀਖਿਆਵਾਂ ਨਾਲ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੈ ਤਾਂ ਉਹ ਉਹਨਾਂ ਦੋ ਗੁਣਕਾਂ ਨਾਲ ਵੀ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੋਵੇਗੀ।

$$45 = 5 \times 9$$

25110, 5 ਨਾਲ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੈ ਕਿਉਂਕਿ ਇਸਦਾ ਇਕਾਈ ਦਾ ਅੰਕ 0 ਹੈ।

$$\text{ਅੰਕਾਂ ਦਾ ਜੋੜ} = 2 + 5 + 1 + 1 + 0 = 9$$

25110 ਦੇ ਅੰਕਾਂ ਦਾ ਜੋੜ 9 ਨਾਲ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੋਵੇਗਾ।

$\therefore$ 25110, 9 ਨਾਲ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੈ।

ਪਰੰਤੂ 5 ਅਤੇ 9 ਸਮਝਾਯੋਗ ਭੀਖਿਆਵਾਂ ਹਨ।

$\therefore$ 25110, 45 ਨਾਲ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੈ।

11. ਭੀਖਿਆ 18, 2 ਅਤੇ 3 ਦੋਹਾਂ ਨਾਲ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੋਵੇਗੀ ਕਿਉਂਕਿ $18 \div 2 = 9$ ਨਾਲ ਵੀ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੈ। ਇਸੇ ਤਰ੍ਹਾਂ ਇਹ ਭੀਖਿਆ 4 ਅਤੇ 6 ਦੋਹਾਂ ਨਾਲ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੋਵੇਗੀ ਕਿਉਂਕਿ $18 \div 4 = 4.5$ ਨਾਲ ਵੀ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੈ। ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਉਹ ਭੀਖਿਆ $4 \times 6 = 24$ ਨਾਲ ਵੀ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੋਵੇਗੀ। ਜੇਕਰ ਅਸੀਂ ਉਹ ਭੀਖਿਆ 24 ਦੇ ਪੁੰਜੀ ਨਾਲ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੋਵੇਗੀ।

ਹੱਲ ਨਹੀਂ, ਇਹ ਜਾਣੀ ਨਹੀਂ ਹੈ।

ਜੇਕਰ ਭੀਖਿਆ 60 ਹੋਵੇਗੀ ਤਾਂ ਇਹ 4 ਅਤੇ 6 ਦੋਹਾਂ ਨਾਲ ਭਾਜਯੋਗੀ ਹੋਵੇਗੀ ਕਿਉਂਕਿ $60 \div 4 = 15$ ਅਤੇ $60 \div 6 = 10$ ।

12 ਮੈਂ ਆ ਅੱਗ-ਅੱਗ ਅਭਾਜ ਗੁਣਪੀਠਾਂ ਵਾਲੀ ਆਰਟੀ
ਫੇਰੀ ਖੋਲ੍ਹਿਆ ਹਾਂ। ਕੀ ਤੁਸੀਂ ਮੈਨੂੰ ਪਤਾ ਕਰ ਸਕਦੇ ਹੋ?

ਹੋਕ ਆ ਅੱਗ-ਅੱਗ ਅਭਾਜ ਗੁਣਪੀਠਾਂ ਵਾਲੀ
2, 3, 5, 7

ਇਨ੍ਹਾਂ ਆ ਅਭਾਜ ਗੁਣਪੀਠਾਂ ਵਾਲੀ ਖੋਲ੍ਹਿਆ
ਏ, $2 \times 3 \times 5 \times 7 = 210$

=====

Chapter: શ્રેણીમાં ગાળ પાડવા

DATE _____
PAGE No. _____

Ex. 3.6

1. નીચેનામાં શ્રેણીમાં આ ગ.મ.દ. પાડા લો:

(a) 18, 48

$$\begin{array}{r|l} 2 & 18 \\ \hline 3 & 9 \\ \hline 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 48 \\ \hline 2 & 24 \\ \hline 2 & 12 \\ \hline 2 & 6 \\ \hline 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$18 = 2 \times 3 \times 3 ; \quad 48 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

$\therefore$ 18 અને 48 ને શાંદો ગુણકો : 2, 3

$$\therefore \text{ગ.મ.દ.} = 2 \times 3 = 6$$

(b) 30, 42

$$\begin{array}{r|l} 2 & 30 \\ \hline 3 & 15 \\ \hline 5 & 5 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 42 \\ \hline 3 & 21 \\ \hline 7 & 7 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$30 = 2 \times 3 \times 5 ; \quad 42 = 2 \times 3 \times 7$$

$\therefore$ 30 અને 42 ને શાંદો ગુણકો : 2, 3

$$\therefore \text{ગ.મ.દ.} = 2 \times 3 = 6$$

(c) 18, 60

$$18 = 2 \times 3 \times 3$$

$$60 = 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

શાંદો ગુણકો : 2, 3

$$\therefore \text{ગ.મ.દ.} = 2 \times 3 = 6$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 18 \\ \hline 3 & 9 \\ \hline 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 60 \\ \hline 2 & 30 \\ \hline 3 & 15 \\ \hline 5 & 5 \\ \hline & 1 \end{array}$$

(d) 27, 63

$$27 = 3 \times 3 \times 3$$

$$63 = 3 \times 3 \times 7$$

3	27	3	63
3	9	3	21
3	3	7	7
	1		1

જોડે ગુણકો : 3, 3

$$\therefore \text{મ.મ.દ} = 3 \times 3 = 9$$

(e) 36, 84

2	36	2	84
2	18	2	42
3	9	3	21
3	3	7	7
	1		1

$$36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 ; 84 = 2 \times 2 \times 3 \times 7$$

જોડે ગુણકો : 2, 2, 3

$$\therefore \text{મ.મ.દ} = 2 \times 2 \times 3 = 12$$

(f) 34, 102

2	34	2	102
17	17	3	51
	1	17	17
			1

$$34 = 2 \times 17$$

$$102 = 2 \times 3 \times 17$$

જોડે ગુણકો : 2, 17

$$\therefore \text{મ.મ.દ} = 2 \times 17 = 34$$

(g) 70, 105, 175

$$70 = 2 \times 5 \times 7$$

$$105 = 5 \times 3 \times 7$$

$$175 = 5 \times 5 \times 7$$

2	70	5	105	5	175
5	35	3	21	5	35
7	7	7	7	7	7
	1		1		1

જોડે ગુણકો : 5, 7

$$\therefore \text{મ.મ.દ} = 5 \times 7 = 35$$

(4) 91, 112, 49

$$\begin{array}{r|l} 7 & 91 \\ \hline 13 & 13 \\ \hline & 1 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 2 & 112 \\ \hline 2 & 56 \\ \hline 2 & 28 \\ \hline 2 & 14 \\ \hline 7 & 7 \\ \hline & 1 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 7 & 49 \\ \hline 7 & 7 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$91 = 7 \times 13$$

$$112 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 7$$

$$49 = 7 \times 7$$

$\therefore$ ନୀଚିତ ଗୁਣକ: 7, $\therefore$ ମ.ମ.ଋ = 7

(2) 18, 54, 81

$$\begin{array}{r|l} 2 & 18 \\ \hline 3 & 9 \\ \hline 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 2 & 54 \\ \hline 3 & 27 \\ \hline 3 & 9 \\ \hline 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 3 & 81 \\ \hline 3 & 27 \\ \hline 3 & 9 \\ \hline 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$18 = 2 \times 3 \times 3$$

$$54 = 2 \times 3 \times 3 \times 3$$

$$81 = 3 \times 3 \times 3 \times 3$$

$\therefore$ ନୀଚିତ ଗୁਣକ: 3, 3

$\therefore$ ମ.ମ.ଋ = $3 \times 3 = 9$

(3) 12, 45, 75

$$\begin{array}{r|l} 2 & 12 \\ \hline 2 & 6 \\ \hline 3 & 3 \\ \hline & 1 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 3 & 45 \\ \hline 3 & 15 \\ \hline 5 & 5 \\ \hline & 1 \end{array} \quad \begin{array}{r|l} 3 & 75 \\ \hline 5 & 25 \\ \hline 5 & 5 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$12 = 2 \times 2 \times 3$$

$$45 = 3 \times 3 \times 5$$

$$75 = 3 \times 5 \times 5$$

$\therefore$ ନୀଚିତ ଗୁଣକ: 3

$\therefore$ ମ.ମ.ଋ = 3

2. ਹੇਠਾਂ ਦਿੱਤੀਆਂ ਦਾ ਮ.ਸ.ਦ. ਕੀਤਾ।

(a) ਦੋ ਕੁਮਾਰ ਬੇਪਿਆਵਾਂ

ਜਵਾਬ: 1.

(b) ਦੋ ਕੁਮਾਰ ਸਿਮਰ ਬੇਪਿਆਵਾਂ

ਜਵਾਬ: 2

(c) ਦੋ ਕੁਮਾਰ ਟਾਂਕ ਬੇਪਿਆਵਾਂ

ਜਵਾਬ: 1

3. ਮਾਤਾ ਬੇਪਿਆਵਾਂ ਕੁਝ ਦੋ ਜਾਂ ਮਾਤਾ ਬੇਪਿਆਵਾਂ 4 ਅਤੇ 15 ਦਾ ਮ.ਸ.ਦ. ਇਸ ਪੂਰਾ ਪਤਾ ਕੀਤਾ ਗਿਆ
 $4 = 2 \times 2$ ਅਤੇ $15 = 3 \times 5$

ਕਿਉਂਕਿ ਇਹਨਾਂ ਗੁਣਕਾਂ ਵਿੱਚ ਕੋਈ ਮਾਤਾ ਗੁਣਕ ਨਹੀਂ ਹੈ, ਇਸ ਲਈ 4 ਅਤੇ 15 ਦਾ ਮ.ਸ.ਦ. ਇਕੱਠਾ ਹੈ।
 ਕੀ ਇਹ ਉੱਤਰ ਕੀਤਾ ਹੈ? ਜੇਕਰ ਕੁਝ ਤਾਂ ਕੀ ਮ.ਸ.ਦ. ਕੀ ਹੋਵੇਗਾ?

ਜਵਾਬ: ਇਹ ਉੱਤਰ ਕੀਤਾ ਨਹੀਂ ਹੈ

ਕਿਉਂਕਿ 4 ਅਤੇ 15 ਦਾ ਮ.ਸ.ਦ. 1 ਹੈ।

∴ 4 ਅਤੇ 15 ਦਾ ਮ.ਸ.ਦ. = 1.

Ex. 3.7

1. ਰੇਟ 75 kg ਅਤੇ 69 kg ਤਾਰ ਫਾਲੀਆਂ ਦੇ ਚਾਰ ਰੀਆਂ
ਦੇਗੀਆਂ ਪਹਿਲੀ ਤੋਂ। ਤਾਰ ਦੇ ਉਸ ਵੇਲੇ ਦਾ ਅਖਿਰਤਾ ਨਾਕ ਪਤਾ ਕਰੋ
ਦੇਗੀਆਂ ਦੇ ਤਾਰਾਂ ਨੂੰ ਪੂਰਾ ਪੂਰਾ ਨਾਪ ਕਰੋ।

ਹੱਲ: ਅਖਿਰਤਾ ਜੋੜ 75 kg ਅਤੇ 69 kg ਦਾ ਜ.ਸ.ਦ ਝ

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 75} \\ 5 \overline{) 25} \\ 5 \overline{) 5} \\ 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 69} \\ 23 \end{array}$$

$$75 = 3 \times 5 \times 5$$

$$69 = 3 \times 23$$

$\therefore$ 75 ਅਤੇ 69 ਦਾ ਸਾਂਝਾ ਗੁਣਕ = 3

$$\therefore \text{ਜ.ਸ.ਦ} = 3$$

$\therefore$ ਤਾਰ ਦਾ ਅਖਿਰਤਾ ਜੋੜ = 3 kg

2. ਤਿੰਨ ਲੜਕੇ ਇੱਕ ਹੀ ਸਜਾ ਤੇ ਇੱਕੋ ਵਾਰ ਕਰਮ ਉੱਚਾ ਕੇ ਕੁੱਝ ਸਮੇਂ
ਕਰਦੇ ਹਨ। ਉਹਨਾਂ ਦੇ ਕਰਮਾਂ ਦਾ ਜਾਪ ਕਰਦਾਰ 63cm, 70cm ਅਤੇ
77cm ਹੈ। ਇਹਨਾਂ ਵਿੱਚੋਂ ਹਰੇਕ ਕੁੱਝ ਨਿਭਿਤਾ ਕੁੱਝ ਤੋਂ ਕੰਮ ਕਰਕੇ ਉਹ
ਕੁੱਝ ਪੂਰੇ-ਪੂਰੇ ਕਰਮਾਂ ਵਿੱਚ ਤੋਂ ਜਾਂਦੇ?

ਹੱਲ: 63cm, 70cm, 77cm ਦਾ ਜ.ਸ.ਦ ਝ

$$\begin{array}{r} 7 \overline{) 63-70-77} \\ 9 \overline{) 9-10-11} \\ 10 \overline{) 1-10-11} \\ 11 \overline{) 1-1-11} \\ 1-1-1 \end{array}$$

$$\text{ਜ.ਸ.ਦ} = 7 \times 9 \times 10 \times 11 = 6930$$

$$\therefore \text{ਨਿਭਿਤਾ ਕੁੱਝ} = 6930 \text{ cm}$$

3. ਦਿੱਤੇ ਕਮਰੇ ਦੀ ਲੰਬਾਈ, ਚੌੜਾਈ ਅਤੇ ਉਚਾਈ ਕ੍ਰਮਵਾਰ 825 cm, 675 cm ਅਤੇ 450 cm ਹੈ। ਅਜਿਹਾ ਕਮਰਾ ਤੋਂ ਲੰਬਾ ਕੀਤਾ ਪਤਾ ਕਰੋ ਜੋ ਕਮਰੇ ਦੀਆਂ ਤਿੰਨਾਂ ਦਿਸ਼ਾਵਾਂ ਨੂੰ ਪੂਰਾ-ਪੂਰਾ ਘੇਰੇ।

ਹੱਲ. 825 cm, 675 cm ਅਤੇ 450 cm ਦਾ ਕ.ਮ.ਦ ਹੈ

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 825} \\ 5 \overline{) 275} \\ 5 \overline{) 55} \\ \hline 11 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 675} \\ 3 \overline{) 225} \\ 3 \overline{) 75} \\ 5 \overline{) 25} \\ \hline 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 450} \\ 3 \overline{) 225} \\ 3 \overline{) 75} \\ 5 \overline{) 25} \\ \hline 5 \end{array}$$

∴ 825, 675 ਅਤੇ 450 ਦੇ ਸਾਂਝੇ ਗੁਣਕਾਂ ਹਨ! 3, 5 ਅਤੇ 5

$$\therefore \text{ਕ.ਮ.ਦ} = 3 \times 5 \times 5 = 75$$

$$\therefore \text{ਕਮਰੇ ਤੋਂ ਲੰਬਾ ਕੀਤਾ} = 75 \text{ cm}$$

4. 6, 8, 12 ਨਾਲ ਭਾਗ ਦੇਣ ਵਾਲੀ ਤਿੰਨ ਨੰਬਰਾਂ ਦੀ ਸੂਚੀ ਤੋਂ ਛੋਟੀ ਨੰਬਰਾਂ ਪਤਾ ਕਰੋ।

ਹੱਲ. 6, 8, 12 ਦਾ ਕ.ਮ.ਦ =

$$= 2 \times 2 \times 3 \times 2 = 24$$

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 6-8-12} \\ 2 \overline{) 3-4-6} \\ 3 \overline{) 3-2-3} \\ 2 \overline{) 1-2-1} \\ \hline 1-1-1 \end{array}$$

ਤਿੰਨ ਨੰਬਰਾਂ ਦੀ ਸੂਚੀ ਤੋਂ ਛੋਟੀ ਨੰਬਰਾਂ = 100

100 ਨੂੰ ਕ.ਮ.ਦ 24 ਨਾਲ ਭਾਗ ਕਰਾਂਗੇ

$$24 \text{ ਦੇ ਗੁਣਕ} = 24, 48, 72, 96, 120$$

∴ 100 ਨਾਲੋਂ ਵੱਡੀ ਨੰਬਰਾਂ ਜਿਹੜੀ 24 ਨਾਲ

$$\text{ਭਾਗ ਦੇਣ} = 100 + (24 - 4)$$

$$= 100 + 20$$

$$= 120$$

$$\begin{array}{r} 4.1 \\ 24 \overline{) 100} \\ 96 \\ \hline 40 \\ 24 \\ \hline 16 \end{array}$$

5. 8, 10, 12 ਨਾਲ ਭਾਗ ਕਰੋ ਅਤੇ ਦੱਸੋ ਕਿ ਕਿਸ ਨੰਬਰ ਦੀ ਵੰਡ
ਤੋਂ ਵੱਡੀ ਸੰਖਿਆ ਪਤਾ ਕਰੋ।

ਹੱਲ: 8, 10, 12 ਦਾ ਕ.ਯ.ਦ

$$\therefore \text{ਕ.ਯ.ਦ} = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5 \\ = 120$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 8-10-12 \\ \hline 2 & 4-5-6 \\ \hline 2 & 2-5-3 \\ \hline 3 & 1-5-3 \\ \hline 5 & 1-5-1 \\ \hline & 1-1-1 \end{array}$$

$\therefore$ ਇਸ ਨੰਬਰ ਦੀ 120 ਤੋਂ ਵੱਡੀ
ਸੰਖਿਆ = 999

999, 120 ਤੋਂ ਭਾਗ ਕਰੋ
ਜਾਂ ਤਾਂ 39 ਬਾਕੀ ਬਚੇਗਾ

$$\begin{array}{r} 8 \\ 120 \overline{) 999} \\ \underline{- 960} \\ 39 \text{ ਬਾਕੀ} \end{array}$$

$$\therefore 999 - 39 = 960$$

$\therefore$ 120 ਨਾਲ, ਪੂਰੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਵਿਭਾਜਿਤ ਕਰੋ ਅਤੇ ਦੱਸੋ ਕਿ ਕਿਸ ਨੰਬਰ 960

6. ਇਸ ਸਮੱਸਿਆ ਨੂੰ ਹੱਲ ਕਰੋ ਕਿਸ ਨੰਬਰ ਦੀ ਫੈਕਟਰੀਅਲ 54 sec, 72 sec, 108 sec
ਬਾਅਦ ਬਦਲਦੀ ਹੈ। ਜੇਕਰ ਇਹੋ ਢੰਗ ਨਾਲ 7 ਵਜੇ ਬਦਲਦਾ ਤਾਂ ਉਹ
ਇਹੋ ਨੰਬਰ ਕਦੇ ਬਦਲਦੀਆਂ?

ਹੱਲ: 54, 72 ਅਤੇ 108 ਦਾ ਕ.ਯ.ਦ

$$\text{L.C.M} = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \\ = 432 \text{ sec.}$$

$\therefore$ ਫੈਕਟਰੀਅਲ ਨਿਊਮਰ ਨੰਬਰ ਇਸ
ਜ਼ਰੂਰੀ ਹੋਵੇਗਾ ਕਿ 432
= 7 ਮਿੰਟ 12 ਸੈਕਿੰਡ

$$\begin{array}{r|l} 2 & 54-72-108 \\ \hline 2 & 27-36-54 \\ \hline 2 & 13.5-18-27 \\ \hline 3 & 4.5-6-9 \\ \hline 3 & 1.5-2-3 \\ \hline & 0.5-1-1 \end{array}$$

7. ਤਿੰਨ ਟੈਕਸਟ ਵਿਚ ਕੁਲ 403, 434, 465 ਭੀਜਣ
ਤੇ, ਉਹ ਘੜਤ ਦੀ ਅਧਿਕਤਾ ਜਾਨੋਚਾ ਪਤਾ ਕਰੋ ਜੋ ਇਹਨਾਂ
ਤਿੰਨ ਟੈਕਸਟ ਦੇ ਭੀਜਣ ਨੂੰ ਪੂਰਾ-ਪੂਰਾ ਆਪ ਦੇਵੇਗਾ

ਹੱਲ: ਘੜਤ ਦੀ ਅਧਿਕਤਾ ਜਾਨੋਚਾ ਲਈ 403, 434, 465 ਦਾ
ਗ.ਜ.ਦ ਬਤਾ ਕਰਾਂਗੇ।

$$\begin{array}{r|l} 13 & 403 \\ 31 & 31 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 434 \\ 7 & 217 \\ 31 & 31 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 3 & 465 \\ 5 & 155 \\ 31 & 31 \\ \hline & 1 \end{array}$$

$\therefore$ 403, 434, 465 ਦਾ ਜਾਂਤਾ ਗੁਣਕ = 31

ਗ.ਜ.ਦ = 31

$\therefore$ ਘੜਤ ਦੀ ਅਧਿਕਤਾ ਜਾਨੋਚਾ = 31 ਕੀਏ

8. ਉਹ ਜਤ ਤੇ ਕੋਈ ਜੀਖਿਆ ਪਤਾ ਕਰੋ ਜਿਸਨੂੰ 6, 15 ਅਤੇ
18 ਨਾਲ ਭਾਗ ਕਰਨ ਨਾਲ ਹਰੇਕ ਗੁਣਕ ਵਿਚ 5 ਪਾਰੀ ਕਰੇ।

ਹੱਲ: 6, 15 ਅਤੇ 18 ਦਾ L.C.M

$$\begin{array}{r|l} 2 & 6 - 15 - 18 \\ 3 & 3 - 15 - 9 \\ 3 & 1 - 5 - 3 \\ 5 & 1 - 5 - 1 \\ \hline & 1 - 1 - 1 \end{array}$$

$\therefore$ L.C.M = $2 \times 3 \times 3 \times 5 = 90$

ਕੋਈ ਜੀਖਿਆ 90 ਨਾਲ 5 ਜਿਆਦਾ ਹੋਵੇਗੀ

$\therefore$ ਕੋਈ ਜੀਖਿਆ = $90 + 5 = 95$

9. ਛਾਤਰ ਲੰਬਾਈ ਦੀ ਉਹ ਭਰਤ ਤੋਂ ਕੋਈ ਜੀਖਿਆ ਪਤਾ ਕਰੋ ਜੋ 18, 24 ਅਤੇ 32 ਸਮਤਰਾਨ ਹੋਵੇ।

ਉਹ 18, 24, 32 ਦਾ ਈ.ਸ.ਵ

$\therefore LCM = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$	2	18 - 24 - 32
$= 288$	2	9 - 12 - 16
	2	9 - 6 - 8
	2	9 - 3 - 4
	2	9 - 3 - 2
	3	9 - 3 - 1
	3	3 - 1 - 1
		1 - 1 - 1

ਛਾਤਰ ਲੰਬਾਈ ਦੀ ਭਰਤ ਤੋਂ ਕੋਈ ਜੀਖਿਆ 21000

ਜੇ 10000 ÷ 288 ਕਰਦੇ ਹਾਂ ਤਾਂ 136 ਘਾਟੀ ਬਚਦੀ ਹੈ

4 ਲੰਬਾਈ ਦੀ ਭਰਤ ਤੋਂ ਕੋਈ ਜੀਖਿਆ ਜਿਹੜੀ ਪੂਰੀ ਤਰ੍ਹਾਂ ਤਰਾਜ਼ ਹੋਵੇ

$$\begin{array}{r} 288 \overline{) 10000} 136 \\ \underline{- 864} \\ 136 \end{array}$$

$$\begin{aligned} \text{ਉਹ} &= 10000 + (288 - 136) \\ &= 10000 + 152 \\ &= 1152 \text{ ਕੋਈ ਵੀ ਜੀਖਿਆ} \end{aligned}$$

10. ਜੀਖਿਆਵਾਂ ਦਾ ਈ.ਸ.ਵ ਪਤਾ ਕਰੋ ਜਿਹੜੀ ਦਿੱਤੇ ਜੀਖਿਆਵਾਂ ਵਿਚੋਂ 3 ਦਾ ਫਿਰ ਗੁਣਜ ਹੈ।

(a) 9 ਅਤੇ 4 LCM 9 ਅਤੇ 4 ਦਾ = 36

(b) 12 ਅਤੇ 5 LCM 12 ਅਤੇ 5 ਦਾ = 60

(c) 6 ਅਤੇ 5 LCM 6 ਅਤੇ 5 ਦਾ = 30

(d) 15 ਅਤੇ 4 LCM 15 ਅਤੇ 4 ਦਾ = 60

ਹਰੇਕ ਜੀਖਿਆ ਦਿੱਤੇ ਈ.ਸ.ਵ ਤੋਂ ਗੁਣਜ ਹੈ।

11. જેઠા દિહીમાં શેષિઆદાં ચા ક.પ.દ પઠા રહે
મિત્ર દિહી દિહી શેષિઆ રૂપે શેષિઆ ચા દિહી
ગાંધીપોરે છે :

(a) 5, 20

5 અને 20 ચા ક.પ.દ 20 છે

(b) 6, 18

6 અને 18 ચા ક.પ.દ 18 છે

(c) 12, 48

12 અને 48 ચા ક.પ.દ 48 છે

(d) 9 અને 45 :

9 અને 45 ચા ક.પ.દ 45 છે

દિહીમાં, ગરીમાં શેષિઆદાં ચા ક.પ.દ રહે
શેષિઆ દિહી રહે શેષિઆદાં કે દેઠા છે।