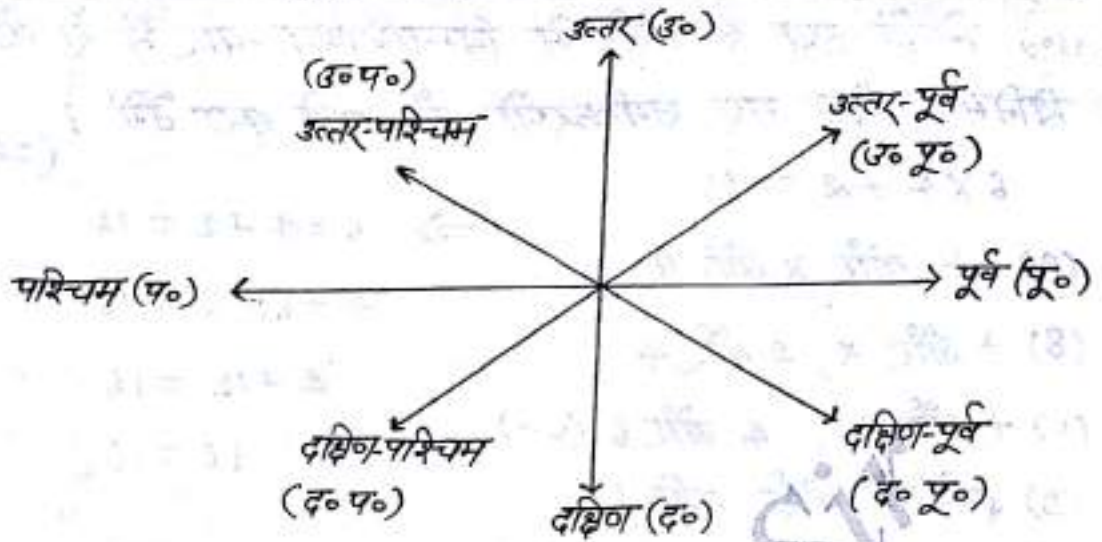


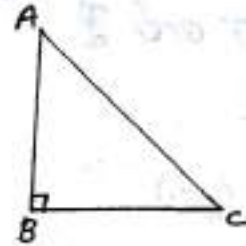
* दिशा-परीक्षण *



* पाइथागोरस प्रमेय : $[(\text{कर्ण})^2 = (\text{लम्ब})^2 + (\text{आधार})^2]$

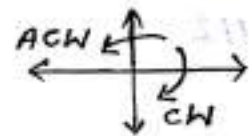
$$\Rightarrow AC^2 = AB^2 + BC^2$$

$$\therefore AC = \sqrt{AB^2 + BC^2}$$



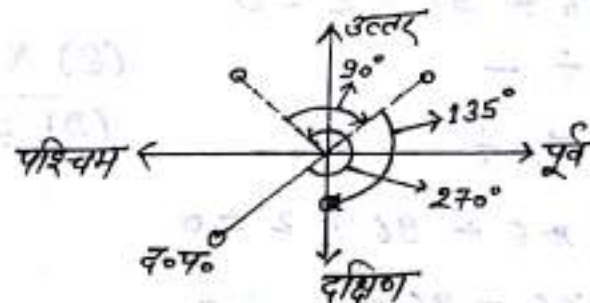
Note :- CW — Clockwise (दक्षिणावर्त)

ACW — Anti-Clockwise (वामावर्त)



(1.) एक व्यक्ति दक्षिण पश्चिम दिशा में खड़ा है। वह 270° वामावर्त घूमता है और 90° दक्षिणावर्त घूम जाता है और फिर से 135° उसी दिशा में घूमता है। इसलिए वह अब किस दिशा में है?

$\Rightarrow$ दक्षिण



OR

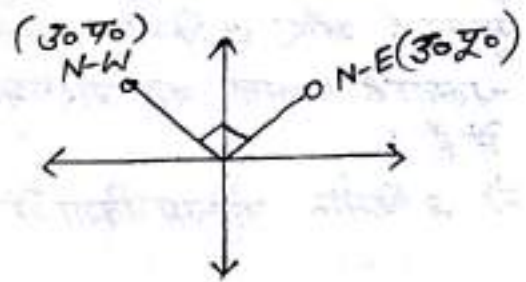
$$\Rightarrow 270^\circ \text{ ACW} + 90^\circ \text{ CW} + 135^\circ \text{ CW} = 45^\circ \text{ ACW}$$

अ. दिपति से 45° वामावर्त अर्थात् दक्षिण दिशा में है।

(2.) एक व्यक्ति उत्तर-पश्चिम दिशा में खड़ा है। यहाँ से वह 54° दक्षिणावर्त दिशा में और तब 315° वामावर्त दिशा में और फिर से 27° वही दिशा में घूमता है। अन्त में 135° दक्षिणावर्त घूमता है, वह अब किस दिशा में है ?

$\Rightarrow$

CW	ACW
54°	315°
135°	27°
Total = 675°	585°



$$\therefore CW \cap ACW = 675 - 585 = 90 \text{ CW}$$

उत्तर-पूर्व

(3.) एक व्यक्ति पूर्व दिशा में खड़ा है। यहाँ से वह 100° वामावर्त और फिर 135° दक्षिणावर्त घूम जाता है तो वह अब किस दिशा में है ?

(i) S-E

(ii) N-E

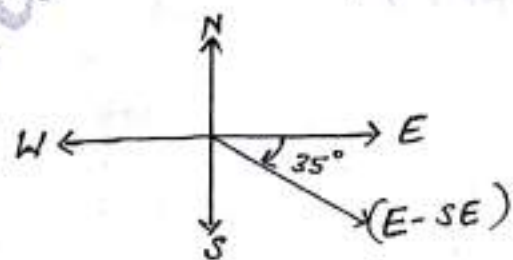
(iii) S.W

(iv) E-SE (✓)

$\Rightarrow$

CW	ACW
135°	100°

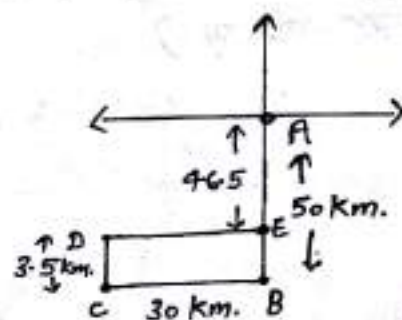
$$CW \cap ACW = 135 - 100 = 35^\circ \text{ CW}$$



(4.) एक व्यक्ति दक्षिण दिशा में 50 किमी० चलता है और तब वह दाहिने मुड़ता है और 30 किमी० चलता है और पुनः दाहिने मुड़ता है और 3.5 किमी० चलता है। तब वह दाहिने मुड़ता है और 30 किमी० की दूरी तय करता है। अब वह प्रारम्भिक बिन्दु से कितनी दूर और किस दिशा में है ?

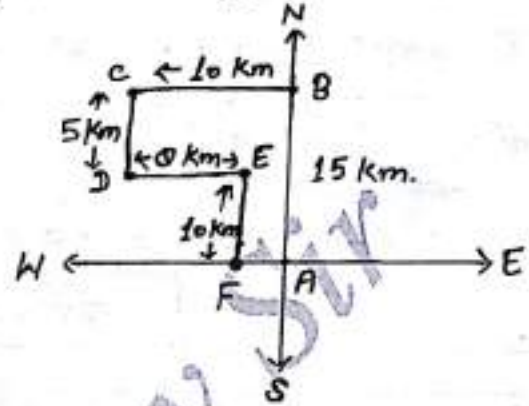
$\Rightarrow$ 46.5 किमी०, दक्षिण

$$\begin{aligned} AE &= AB - EB \\ &= 50 - 3.5 \\ &= 46.5 \text{ किमी०} \end{aligned}$$



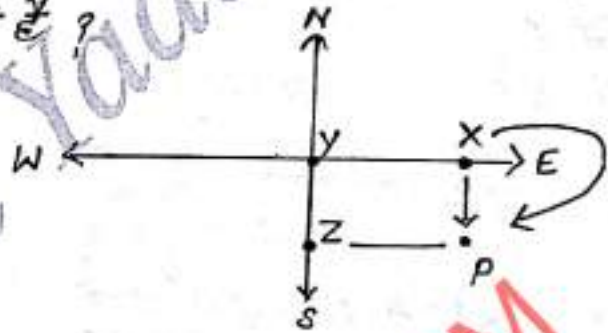
- (5) एक व्यक्ति 15 किमी. उत्तर दिशा में चलता है और तब वह बाएँ मुड़ता है और 10 किमी. की दूरी तय करता है और पुनः वह बाएँ मुड़ता है और 5 किमी. की दूरी तय करता है तब वह पूर्व दिशा में मुड़ता है और 8 किमी. चलता है। तब वह दाएँ मुड़ता है और 10 किमी. चलता है। अब वह प्रारम्भिक बिन्दु से कितनी दूर और किस दिशा में है।

⇒ 2 किमी., पश्चिम दिशा में।



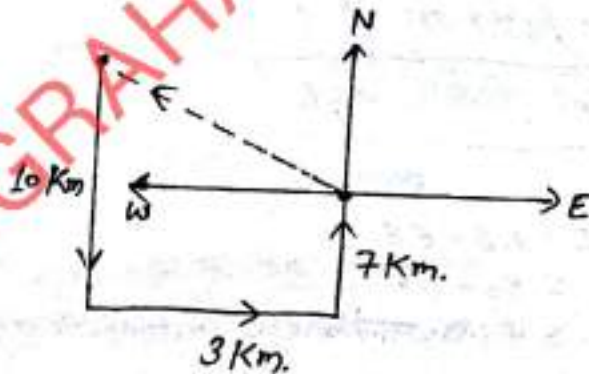
- (6) X, Y के पूर्व में है जो कि Z के उत्तर में है। यदि P, Z के पूर्व में है तब P, X से किस दिशा में है ?

⇒ दक्षिण।



- (7) राहुल अपने घर से दक्षिण दिशा की ओर 10 किमी. की दूरी तय करता है। और वह बाएँ मुड़ता है और 3 किमी. चलता है। तब वह उत्तर मुड़ता है और 7 किमी. की दूरी तय करता है। अब इस बिन्दु से उसका घर किस दिशा में है ?

⇒ (उत्तर-पश्चिम)

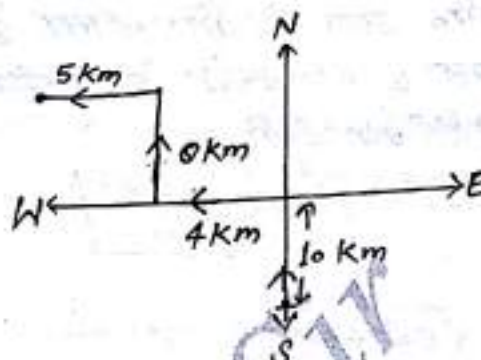


- (8) 10 किमी. की दूरी तय करने के बाद राहुल बाँपे मुड़ता है और 4 किमी. की दूरी तय करता है। तब वह दाहिने मुड़ता है और 8 किमी. चलता है। फिर वह बाँपे मुड़ता है और 5 किमी. चलता है। अन्त में वह दक्षिण की ओर चल रहा है। तो उसने किस दिशा में अपनी याता शुरु की ?
 ⇒ पश्चिम दिशा से।

Note:

Left → ACW

Right → CW



Trick :-

	START (प्रारंभिक बिंदु)	END (अंतिम बिंदु)
As per figure	North	West
As per question	West	South

- (i) उत्तर : पश्चिम :: पश्चिम : दक्षिण
 (ii) उत्तर : पश्चिम :: दक्षिण : पूर्व

- (9) एक आदमी 10 किमी. उत्तर दिशा में जाता है और तब 6 किमी. दक्षिण की ओर, तब वह बाँपे मुड़ता है और 3 किमी. चलता है। अब वह प्रारंभिक बिन्दु से कितनी दूर और किस दिशा में है ?
 ⇒ 5 किमी., उत्तर-पश्चिम।

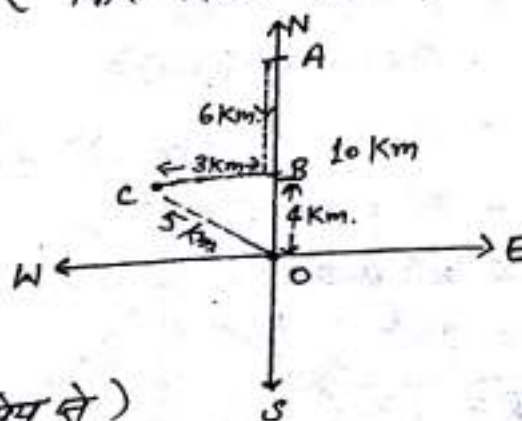
$$OA = 10 \text{ km}$$

$$AB = 6 \text{ km}$$

$$\therefore OB = 10 - 6 = 4 \text{ km}$$

$$BC = 3 \text{ km}$$

$$\therefore OC = 5 \text{ km. (पाइथागोरस प्रमेय से)}$$



- (10.) एक बच्चा अपने पिता को ढूँढ़ रहा है। वह दायें मुड़ने से पहले 90 मी. पूरब दिशा में चलता है। पुनः दायें मुड़ने से पहले 20 मी. चलता है, अपने पिता को ढूँढ़ते हुए चाचा के घर पहुँच जाता है जो इस बिन्दु से 30 मी. दूर है परन्तु वहाँ भी नहीं मिलते हैं। यहाँ से वह 100 मी. उत्तर की ओर जाता है जहाँ एक गली में उसके पिता मिलते हैं तो बच्चे के प्रारम्भिक बिन्दु से पिता के स्थान के बीच की दूरी क्या होगी? (CGL-2014)

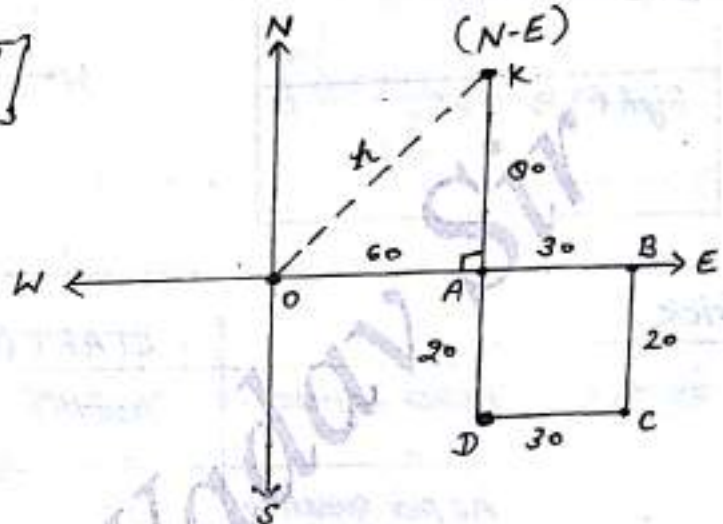
$\Rightarrow$ 100 मी., 'उत्तर-पूरब'

$$h = \sqrt{80^2 + 60^2}$$

$$= \sqrt{6400 + 3600}$$

$$= \sqrt{10000}$$

$$h = 100 \text{ मी. (N-E)}$$



- (11.) एक लड़का अपने घर से पूरब की ओर $\sqrt{2}x$ किमी. चलता है और तब x किमी. उत्तर की ओर तथा x किमी. उत्तर-पूर्व की ओर चलता है। तब वह 90° अपने दाहिने मुड़ता है और x किमी. चलता है और अपने स्कूल पहुँच जाता है तो उसके घर एवं विद्यालय के बीच की न्यूनतम दूरी क्या होगी?

$\Rightarrow$ $3x$ किमी.

ΔKRS में,

$$RS^2 = SK^2 + RK^2$$

$$= (x)^2 + (KP + RP)^2$$

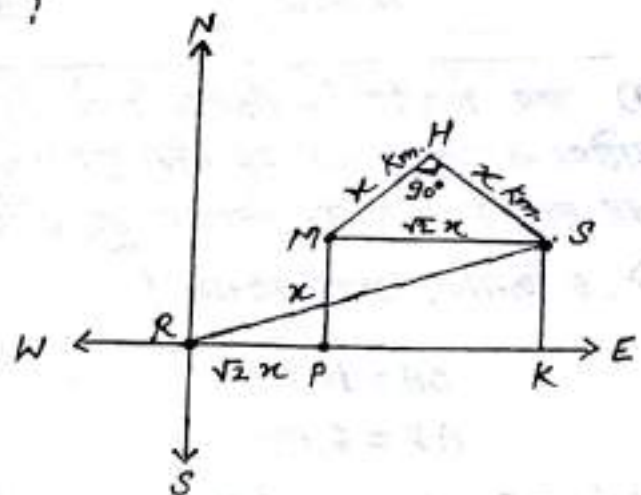
$$= x^2 + (\sqrt{2}x + \sqrt{2}x)^2$$

$$= x^2 + (2\sqrt{2}x)^2$$

$$= x^2 + 8x^2$$

$$RS^2 = 9x^2$$

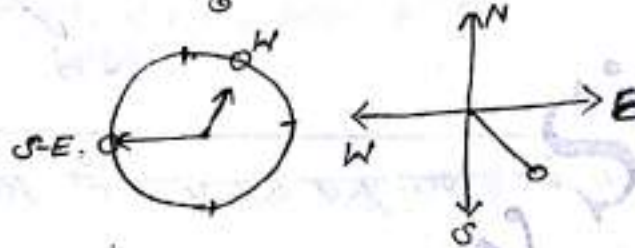
$$\boxed{RS = 3x}$$



(12.) एक घड़ी में 3 बज रहे हैं। यदि मिनट की सुई उत्तर-पूर्व की ओर है तो 10:30 पर घण्टे की सुई किस दिशा में होगी।
 ⇒ उत्तर दिशा में।



(13.) एक घड़ी में 4 बजकर 45 मिनट हो रहे हैं। यदि मिनट की सुई दक्षिण-पूर्व की ओर है तो 1:30 घण्टे की सुई किस दिशा में होगी।
 ⇒ पश्चिम।



* एक घण्टे में मिनट की सुई, घण्टे की सुई से कितनी अधिक दूरी तय करती है।

⇒ 55 मिनट



55 मि० अधिक चलती है = 60 मिनट में

∴ 1 मिनट में अधिक चलेगी = $\frac{60}{55}$ मिनट = $\frac{12}{11}$ मि०

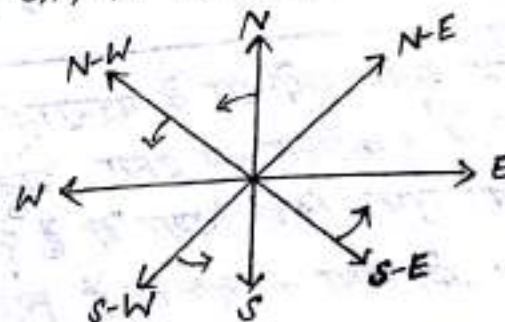
1 घण्टे में तय दूरी -

मिनट की सुई द्वारा = 60 मिनट
 घण्टे की सुई द्वारा = 5 मिनट
55 मिनट

$25/35/45 \xrightarrow{\text{join}} \frac{12}{11} \times 25/35/45$

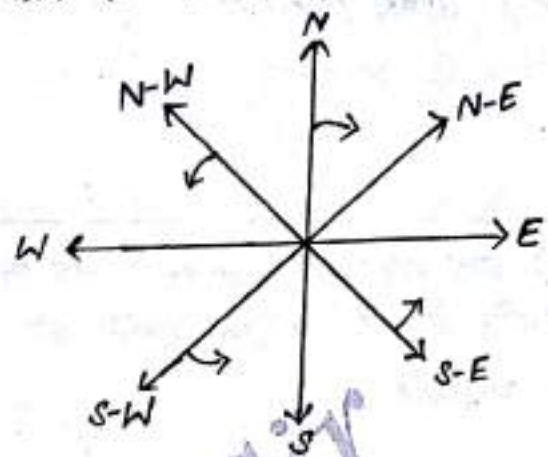
(14.) यदि दक्षिण-पूर्व को पूरब कहा जाए तथा दक्षिण-पश्चिम को दक्षिण, उत्तर-पश्चिम को पश्चिम कहा जाए तो उत्तर को क्या कहेंगे?

⇒ (उत्तर-पश्चिम)



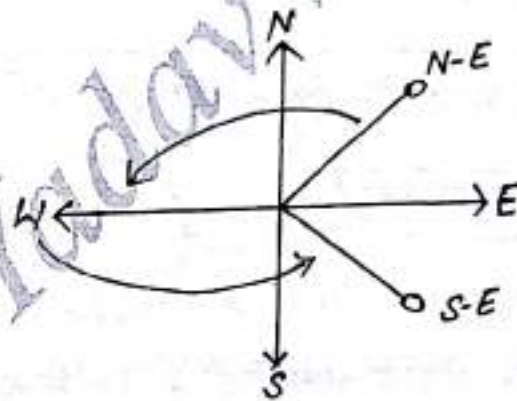
(15.) यदि दक्षिण-पूर्व को पूरब कहा जाए तथा दक्षिण-पश्चिम को दक्षिण कहा जाए, उत्तर-पश्चिम को पश्चिम कहा जाए तो कौन सी दिशा उत्तर कहलायेगी?

⇒ उत्तर-पूर्व



(16.) यदि पश्चिम को दक्षिण-पूरब कहा जाए तो उत्तर-पूरब को क्या कहा जायेगा ?

⇒ पश्चिम



(17.) एक दिन सुबह सूर्य निकलने के पश्चात् राहुल और कविता आमने-सामने होकर बात कर रहे थे यदि कविता की परछाई राहुल के ठीक दाएँ बनती है तो कविता का मुँह किस दिशा में है ?

⇒ उत्तर दिशा में

परछाई (छाया) → पश्चिम

सूर्योदय → पूरब

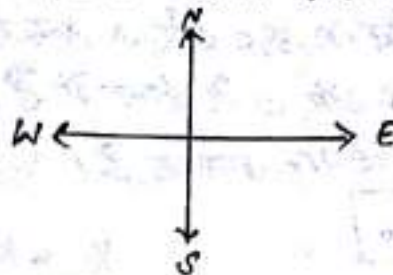
राहुल का मुख = दक्षिण ।

(18.) एक दिन सुबह सूर्योदय के पश्चात् राहुल और कविता आपस में बात कर रहे थे । कविता की छाया, राहुल के ठीक दाहिने बन रही थी तो कविता का मुख किस दिशा में है ?

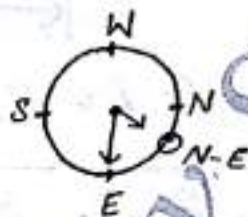
⇒ निर्धारित नहीं किया जा सकता है ।

- (19) एक व्यक्ति हाथ को नीचे तथा पैर को ऊपर करके योगा कर रहा है। यदि उसका चेहरा पश्चिम की ओर है तो उसका बाँया हाथ किस दिशा में होगा ?
 ⇒ उत्तर दिशा में (LDC-2010)

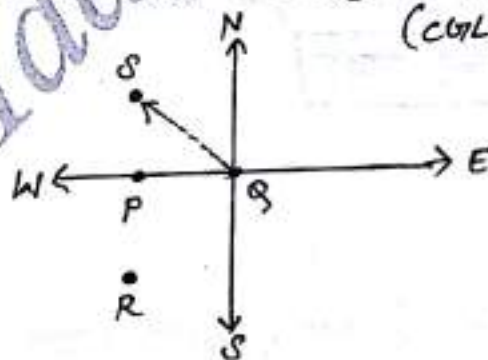
चेहरा → पश्चिम
 तब बाँया हाथ → दक्षिण
 और बाँया हाथ → उत्तर



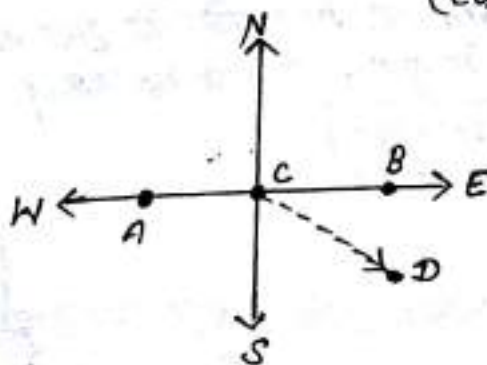
- (20) एक घड़ी में 4:30 बजे हैं। यदि मिनट की सुई पूर्व की ओर है, तो घंटे की सुई किस दिशा में होगी ?
 ⇒ उत्तर-पूर्व (LDC-2011)



- (21) चार खिलाड़ी P, Q, R, S एक खेल के मैदान में इस प्रकार खड़े हैं कि Q, P के पूर्व में है, R, P के दक्षिण में है और S, P के उत्तर में है। S, Q की किस दिशा में खड़ा है ?
 ⇒ उत्तर-पश्चिम। (CGL-2014)



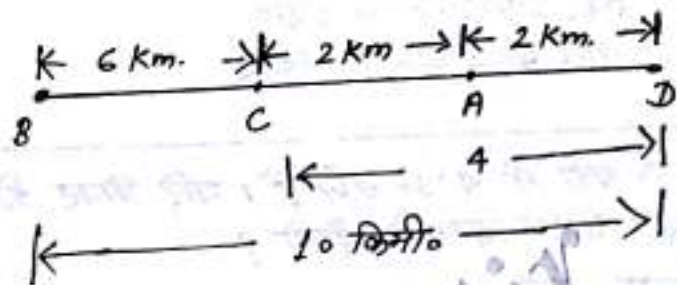
- (22) A, B के पश्चिम में स्थित हैं। C, A और B के बीच में उत्तर में स्थित है। D, B के ठीक दक्षिण में है और B की लाइन में है। C की किस दिशा में D स्थित है ?
 ⇒ दक्षिण-पूर्व (CGL-2014)



D, C के दक्षिण-पूर्व में है।

(23) चार गाँव A, B, C और D एक सीधी रेखा में बसे हैं। D, B से 10 किमी. दूर है। A, B और C के बीच में है। C की दूरी 'B' से उसकी 'D' से दूरी की अपेक्षा 2 किमी. अधिक है। C कितनी दूर है 'B' से? (CPO-2013)

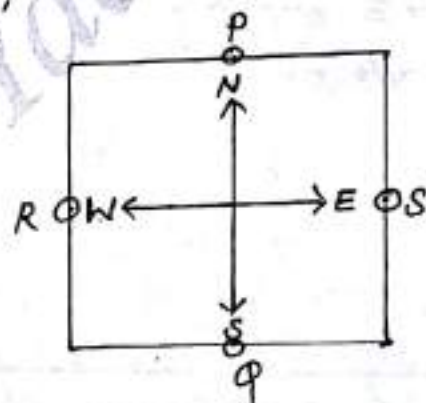
⇒ **6 किमी.**



अतः B और C की बीच की दूरी = 6 किमी.

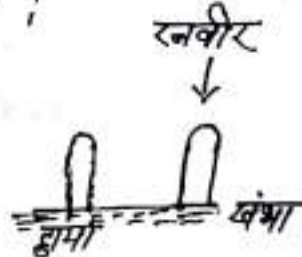
(24) P, Q, R और S कैरम खेल रहे हैं। P, R और S, Q साझीदार हैं। S, R के दाईं ओर बैठा है, जो पश्चिम की ओर मुख करके बैठा है, तो Q किस दिशा में मुख करके बैठा है? (CPO-2012)

⇒ **उत्तर दिशा**



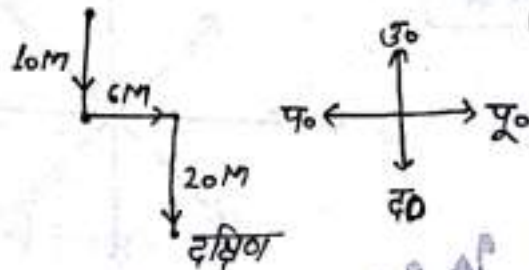
(25) एक दिन प्रातःकाल सूर्योदय के बाद, रनवीर एक खम्भे के सामने मुख करके चल रहा था। खम्भे की छाया ठीक उसके दाईं ओर पड़ रही थी। वह किस दिशा में मुख करके चल रहा था? (CGL-2014)

⇒ **दक्षिण दिशा**

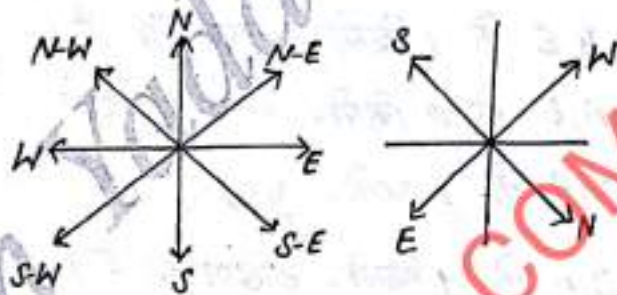


प्रातःकाल सूर्योदय के पश्चात् छाया पश्चिम दिशा में बनती है।

- (26) 10 मी. चलकर शंकर ने बायीं ओर घूमकर 6 मी. की दूरी तय की। फिर दायीं ओर मुड़कर 20 मी. की दूरी तय की। अन्त में, वह दक्षिण की ओर जा रहा था। शंकर ने किस दिशा से अपनी यात्रा प्रारम्भ की थी?
 ⇒ उत्तर दिशा से (CPO-2011)

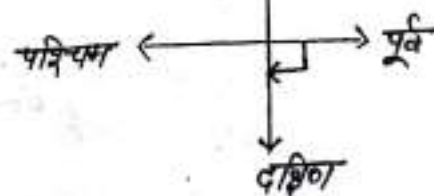


- (27) यदि दक्षिण-पूर्व, उत्तर दिशा में बदल जाये। उत्तर-पूर्व, पश्चिम दिशा में बदल जाये और सारी दिशाएँ इसी प्रकार बदल जामे तो कौन सी दिशा दक्षिण दिशा में बदल जायेगी?
 ⇒ उत्तर-पश्चिम (CJL-2013)



- (28) चौराहे पर एक दिशा सूचक खंभा गड़ा था। एक दुर्घटना के कारण खम्भा इस प्रकार घूम गया कि पूर्व दिशा का सूचक दक्षिण दिशा दिखाने लगा। एक यात्री सीता पश्चिम दिशा जानकर गलत दिशा में चली गई। वास्तव में वह किस दिशा में यात्रा कर रही थी? उत्तर (IBPS-2013)

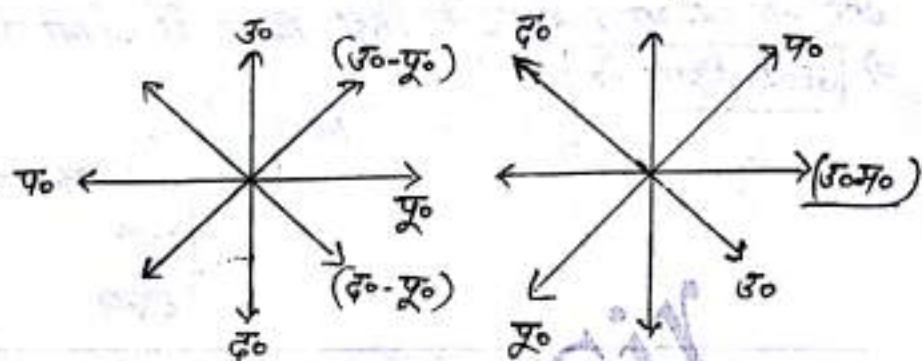
⇒ उत्तर दिशा में



दुर्घटना के कारण सूचक पूर्व की दक्षिण दिखाने लगा अर्थात् खम्भा 90° दक्षिणावर्त घूम गया जाता है। इसलिए जब वह पश्चिम की ओर यात्रा कर रही थी तो वह उत्तर की ओर जा रही थी।

(१९.) यदि दक्षिण-पूर्व उत्तर हो जाता है और उत्तर-पूर्व पश्चिम हो जाता है और सभी दिशाएँ उसी के अनुसार बदल जाती हैं, तो पूर्व के लिए नई दिशा क्या होगी ? (CGL-2014)

⇒ उत्तर-पश्चिम



(३०.) A, B, C, D, E और F 6 गाँव हैं। (CSAT-2014)

F, D के 1 किमी. पश्चिम में हैं।

B, E के 1 किमी. पूरब में हैं।

A, E के 2 किमी. उत्तर में हैं।

C, A के 1 किमी. पूरब में हैं।

D, A के 1 किमी. दक्षिण में हैं।

ज्ञात करें - कौन से गाँव एक पंक्ति में हैं ?

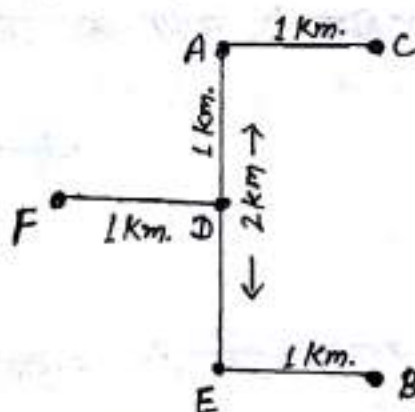
(A) A, C, B

(B) A, D, E (✓)

(C) C, B, F

(D) E, B, D

⇒ (A, D, E)



अतः (A, D, E) तीन ऐसे गाँव हैं जो एक ही पंक्ति में हैं।