# باب



## مكعب اور جذر المكعب

#### 7.1 تعارف

یہ کہانی ایس۔ رامانوجن کی ہے جن کا شار ہندوستان کے عظیم ریاضی دانوں میں کیا جا تاہے۔ایک مرتبہ ریاضی کے مشہور پروفیسر جی۔ا پچے۔ ہارڈی رامانوجن سے ملنے آئے اوروہ جسٹیکسی ہے آئے اس کانمبر 1729 تھا۔ رامانوجن سے بات کرتے وقت ہارڈی نے

> اس عدد کوایک'' بے کار' (dull) عدد بتایا۔ رامانوجن نے فوراً جواب دیا کہ 1729 ایک دلچیپ عدد ہے۔ بیا ایساسب سے چھوٹا عدد ہے جسے دومکعب (Cubes) کے حاصل جمع کی شکل میں دومختلف طریقوں سے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔

$$1729 = 1728 + 1 = 12^3 + 1^3$$

$$1729 = 1000 + 729 = 10^3 + 9^3$$

اس وقت سے عدد 1729 کوہارڈی ۔ راما نوجن عدد کہتے ہیں، حالاں کہ 1729 کی پیخصوصیت رامانوجن سے300سال پہلے بھی معلوم تھی۔

(18,20; 2,24)،4104(2,16; 9,15) 13832 ہیں قوسین میں دیے گئے ان اعداد کو لے کراس کی جانچ کیجیے۔

ہارڈی – رامانوجن عدد 1729 سب سے چھوٹا ہارڈی – رامانوجن عدد ہے۔

ایسے بہت سے اعداد ہیں۔ بعض مذکور ہیں۔

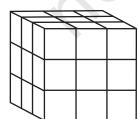
رامانوجن کواس کاعلم کیسے تھا؟ ٹھیک ہے، وہ اعداد سے پیار کرتے تھے۔ پوری زندگی وہ اعداد کے ساتھ تجر بے کرتے رہے۔ ممکن ہے انھوں نے وہ اعداد معلوم کیے ہول جنھیں دومر بعوں کا حاصل جمع اور ساتھ ہی دومکعب کے مکعبوں کا حاصل جمع کے طور پر ظاہر کیا جاسکتا تھا۔ مکعب کے بہت سے دلچسپ نمونے ہیں۔ آ ہے ہم مکعب، جذر المکعب اور ان سے متعلق بہت سے دلچسپ تھا کُل کے بارے

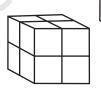
میں معلوم کریں۔

#### 7.2 مكعب

آپ جانتے ہیں کہ لفظ معکب کا استعمال جیومیٹری میں کیا جاتا ہے۔ مکعب ایک ایسی گھوس شکل ہے جس کے بھی اضلاع برابر ہوتے ہیں۔ 1 سینٹی میٹر ضلع والے کتنے مکعبوں سے 2 سینٹی میٹر ضلع والاایک مکعب بنے گا؟







2 ر	جدول	
مكعب	عرد	کم جفت ہیں اس کیے ہمارے
1331	11	ہم جفت ہیں اس لیے ہمارے ) معب بھی جفت ہیں مکعب بھی جفت ہیں
1728	12	
2197	13	
2744	14//	
3375	15	
4096	16	
4913	17 —	ہم طاق ہیں اس لیے ہمارے ) کعب بھی طاق ہیں
5832	18	كر مكعب بهى طاق ہيں
6859	19	
8000	20	

ایسے پچھاعداد پرغور بیجیے جن کی اکائی کا ہندسہ'1' ہے دیگراکائیاں۔ان میں سے ہرایک عدد کا مکعب معلوم بیجیے۔اس عدد کے مکعب کے اکائی ہندسے کے بارے میں آپ کیا کہہ سکتے ہیں جس کی اکائی کا ہندسہ 1 ہو؟ اس طرح ان اعداد کے مکعبوں کی اکائی کے ہندسے 2، 3، 4... وغیرہ ہوں۔



		ينجي	كوشش.		
	رسه معلوم م بجيجير	کےا کا ئی کا ہند	سے ہر مکعب کے	)اعداد میں۔	مندرجهذيل
1005 (iv)	149 (iii)	8888	(ii)	3331	(i)
53 (viii)	5022 (vii)	77	(vi)	1024	(v)

#### 7.2.1 کھردلچیپ نمونے

#### مسلسل طاق اعداد کوجع کرنا

طاق اعداد کے حاصل جمع کے مندر جبرذ میل نمونوں کودیکھیے۔

کیا یہ دلچیپ نہیں ہے؟ حاصل جمع 10 حاصل کرنے کے لیے کتے مسلسل طاق اعداد کی ضرورت پڑے گا۔

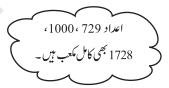
1 سینٹی میٹروالے کتنے مکعوں سے 3 سینٹی میٹروالاایک مکعب بنے گا؟ اعداد 1، 8، 27،.... پنور کیجیے۔

یے کامل مکعب (Perfect Cubes) یا مکعب اعداد (Cube Number) کہلاتے ہیں۔ کیا آپ بتا سکتے ہیں کہ انھیں بینام کیوں دیے گئے ہیں؟ ان میں سے ہرایک عدداس وقت حاصل ہوتا ہے جب ایک بی عدد کو لے کرعددخوداسی عدد سے تین مرتبہ ضرب کیا جاتا ہے۔

 $1 = 1 \times 1 \times 1 = 1^3$ ;  $8 = 2 \times 2 \times 2 = 2^3$ ;  $27 = 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  ہم و کھتے ہیں کہ وکھتے ہیں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 = 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 = 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 = 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$  کیوں کہ  $27 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 3^3$ 

جدول 1

	مكعب	שננ
	$1^3 = 1$	1
	$2^3 = 8$	2
- 0	$3^3 = 27$	3
السيمكمل تيجيم	$4^3 = 64$	4
	53=	5
Ì	$6^3 = $	6
	$7^3 = $	7
	$8^3 = $	8
~	$9^3 = $	9
	10³=	10



1 سے 1000 تک صرف دس کامل مکعب ہیں۔ (اس کی جانچ کیجیے)۔ 1 سے 100 تک کتنے کامل مکعب ہیں؟ جفت اعداد کے مکعبوں پرغور کیجیے کہ کیا ہے بھی جفت ہیں؟ آپ طاق اعداد کے مکعبوں کے بارے میں کیا کہہ سکتے ہیں؟ 11 سے 20 تک اعداد کے مکعب پنچے دیے گئے ہیں۔

مثال 1: كيا 243 ايك كالم كعب هي؟

 $243 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 : \checkmark$ 

اوپردیے گئے اجزائے ضربی کوفیٹا غورثی ثلاثہ کی شکل میں رکھنے کے بعد 8 × 3 باقی بچتا ہے۔اس لیے 243 ایک کامل مکعب نہیں ہے۔

		و ن ہے	
		مداد کامل مکعب میں ؟	مندرجہذیل میں کون سےاء
15625 .4	8000 .3	3375 .2	400 .1
10648 .8	2025 .7	6859 .6	9000 .5

#### 7.2.2 سب سے چھوٹاضعف جوایک کامل مکعب ہے

راج نے ایک لوچ دار مادے سے مکعب نما (Cuboid) بنایا۔ مکعب نما کی لمبائی، چوڑ انکی اور اونچائی بالتر تیب 15 سینٹی میٹر، 30 سینٹی میٹر اور 15 سینٹی میٹر ہے۔

> > $=2\times\underline{3\times3\times3}\times\underline{5\times5\times5}$

چوں کہ مفرد اجزائے ضربی میں 2 صرف ایک مرتبہ ہے۔ اس لیے ہمیں اسے کامل مکعب بنانے کے لیے 4 = 2 × 2 کی ضرورت پڑے گی۔ ضرورت پڑے گی۔

مثال 2: کیا 392 ایک کامل مکعب ہے؟ اگرنہیں، تووہ چھوٹے سے چھوٹاطبعی عدد معلوم سیجیے جس سے 392 کوضر ب کرنے پر حاصل ضرب ایک کامل مکعب بن جائے۔

 $392 = 2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 7$ 

جز ضربی گروپ میں 7 تین مرتبہ ہیں آتا اس لیے 1392 کیکا مل ملعب نہیں ہے۔اس کو ملعب بنانے کے لیے ہمیں ایک اور 7 عدد کی ضرورت ہے،الیک صورت میں

عب ہے۔  $392 \times 7 = 2 \times 2 \times 2 \times 7 \times 7 \times 7 = 2744$ 

لہذاوہ سب سے چھوٹاطبعی عدد 7 ہے جس سے 392 کو ضرب کرنے پرایک کامل مکعب حاصل ہوتا ہے۔

مثال 3 : کیا 53240 ایک کامل مکعب ہے؟ اگرنہیں، تو کس چھوٹے سے چھوٹے طبعی عدد سے 53240 کونقسیم کیا جائے کہ حاصل تقسیم ایک کامل مکعب بن جائے؟

 $53240 = 2 \times 2 \times 2 \times 11 \times 11 \times 11 \times 5$ 

#### كوشش تيجي

درج بالانمونے کااستعال کرتے ہوئے مندرجہ ذیل اعداد کوطاق اعداد کے حاصل جمع کی شکل میں ظاہر کیجیے۔

$$7^{3}$$
 (c)

$$8^3$$
 (b)

$$6^3$$
 (a)

مندرجہذیل نمونے کودیکھیے۔

$$2^3 - 1^3 = 1 + 2 \times 1 \times 3$$

$$3^3 - 2^3 = 1 + 3 \times 2 \times 3$$

$$4^3 - 3^3 = 1 + 4 \times 3 \times 3$$

درج بالانمونے کا استعال کرتے ہوئے مندرجہ ذیل کی قدرمعلوم کیجیے۔

$$51^3 - 50^3$$
 (iv)

ے۔ خود کے معکب میں ہرایک مفرد جز

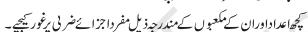
ضربی تین مرتبه آتا ہے۔

$$20^3 - 19^3$$
 (iii)

$$12^3 - 11^3$$
 (ii)

$$7^3 - 6^3$$
 (i)

2. مکعب اوران کے مفرد اجزائے ضربی



اس کے مکعبوں کے مفر داجزائے ضربی

اعداد کےمفر دعد داجزائے ضربی

$$4^3 = 64 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^3 \times 2^3$$

$$4 = 2 \times 2$$

$$6^3 = 216 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 = 2^3 \times 3^3$$

$$6 = 2 \times 3$$

$$15^3 = 3375 = 3 \times 3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 5 = 3^3 \times 5^3$$

$$15 = 3 \times 5$$

$$12^3 = 1728 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3$$

$$12 = 2 \times 2 \times 3$$

$$=2^3\times2^3\times3^3$$

مشاہدہ کیجیے کہ ایک عدد کا ہرا یک مفرد جز ضربی اس کے مکعب میں 3 مرتبہ ظاہر ہوتا ہے۔

کسی عدد کےمفردا جزائے ضربی میں اگر ہر جز ضربی تین مرتبہ آتا ہے تب کیا پیعدد کامل

مکعب عدد ہے؟ اس کے بارے میں سوچے! کیا 216 ایک کامل مکعب ہے؟

مفردا جزائے ضربی کے مطابق 
$$3 \times 3 \times 3 \times 2 \times 2 \times 2 = 216$$

$$216 = 2^3 \times 3^3 = (2 \times 3)^3 = 6^3$$
 ہرا یک جز ضربی 3 مرتبہ آتا ہے



كياآب كوباد ہے كه

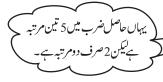
 $\mathbf{y} a^m \times b^m = (a \times b)$ 

 $729 = \underbrace{3 \times 3 \times 3}_{} \times \underbrace{3 \times 3 \times 3}_{} \underbrace{3 \times 3 \times 3}_{} \underbrace{3 \times 3 \times 3}_{} \underbrace{3 \times 3 \times$ 

ہاں، 729 ایک کامل مکعب ہے۔

آیئے اب 500 کے لیے اس کی جانچ کریں۔

اس لیے 500 ایک کامل مکعب نہیں ہے۔





#### مشق 7.1

1. مندرجه ذيل مين كون سے اعداد كامل مكعب نہيں ہيں؟

100 (iv) 1000 (iii)

128 (ii)

216 (i)

46656 (v)

2. وه چھوٹے سے چھوٹا عددمعلوم سیجیے جس سے مندر جبذیل اعداد کوضر ب کرنے پرایک کامل مکعب حاصل ہوگا۔

675 (iv)

72 (iii)

256 (ii)

243 (i)

100 (v)

3. وہ چھوٹے سے چھوٹا عدد معلوم سیجیے جس سے مندرجہ ذیل اعداد کو تقسیم کرنے پرایک کامل مکعب حاصل ہو۔

192 (iv)

135 (iii)

128 (ii)

81 (i)

704 (v)

4. پریکشت نے ایک لوج دار مادے سے مکعب نما بنایا ہے جس کے اضلاع 5 سینٹی میٹر، 5 سینٹی میٹر، 5 سینٹی میٹر ہیں۔ایک مکعب بنانے کے لیے اسے ایسے کتنے مکعب نما کی ضرورت پڑے گی؟

#### 7.3 جذرالمكعب

اگرایک مکعب کا جم 125 مکعب بینٹی میٹر ہے تواس کے ضلع کی لمبائی کیا ہوگی؟ مکعب کے ضلع کی لمبائی حاصل کرنے کے لیے ہمیں اس عدد کی ضرورت ہے جس کا مکعب 125 ہے۔ جبیبا کہ آپ جانتے ہیں کہ جذر المربع ، مربع کا معکوں عمل ہے اسی طرح سے جذر المکعب ، مکعب کے عمل کا معکوس ہے۔

جیسا کہ آپ جانتے ہیں کہ جذر المربع ، مربع کامعکوس عمل ہے اسی طرح سے جذر المکعب ، مکعب کے عمل کامعکوس ہے۔ ہم جانتے ہیں کہ 8 = 23 ہے ؛ اس لیے ہم کہتے ہیں کہ 8 کا جذر المکعب 2ہے۔

ہم کھتے ہیں 2 = 🔻 ۔ علامت 🎖 'جذرالمکعب' کوظا ہر کرتی ہے۔

مندرجهذيل پرغوريجي:

بنيجب	بيان
$\sqrt[3]{216} = 6$	$6^3 = 216$
$\sqrt[3]{343} = 7$	$7^3 = 343$
$\sqrt[3]{512} = 8$	$8^3 = 512$
$\sqrt[3]{729} = 9$	$9^3 = 729$
$\sqrt[3]{1000} = 10$	$10^3 = 1000$

نتيج بنتيج	بيان
$\sqrt[3]{1} = 1$	$1^3 = 1$
$\sqrt[3]{8} = \sqrt[3]{2^3} = 2$	$2^3 = 8$
$\sqrt[3]{27} = \sqrt[3]{3^3} = 3$	$3^3 = 27$
$\sqrt[3]{64} = 4$	$4^3 = 64$
$\sqrt[3]{125} = 5$	$5^3 = 125$

مفردا جزائے ضربی میں 5 صرف ایک مرتبہ آتا ہے اس لیے 53240 ایک کامل مکعب نہیں ہے۔ اگر ہم دیے ہوئے عدد کو 5 سے تقسیم کریں تب خارج قسمت کے مفردا جزائے ضربی میں 5 نہیں آئے گا۔

 $53240 \div 5 = 2 \times 2 \times 2 \times 11 \times 11 \times 11$ 

لہذاوہ چیوٹے سے چیوٹاعدد 5 ہے جس سے 53240 کونشیم کرنے پرایک کامل مکعب بن جاتا ہے۔

اس حالت میں کامل مکعب ہے = 10648

شال 4: کیا 1188 کامل مکعب ہے؟ اگر نہیں تو کس چھوٹے سے چھوٹے عدد سے اس کونفسیم کیا جائے کہ وہ ایک کامل مکعب بن جائے۔

 $1188 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 11 : \checkmark$ 

مفرداعداد2اور11 گروپ میں تین تین مرتبہ ہیں آئے ہیں، اس لیے 1188 کامل مکعب نہیں ہے۔مفرداجزائے ضربی میں 2 دومرتبداور11 ایک مرتبہ آیا ہے۔اس لیے اگرہم 1188 کو 44 = 11 × 2 × 2 سے تقسیم کریں تو مفردا جزائے ضربی میں 2 اور11 نہیں آئیں گے۔

لہٰذااس طرح سے وہ چھوٹے سے چھوٹا عدد 44 ہے جس سے تقسیم کرنے پر 1188ایک کامل مکعب بن جائے گا اوراس طرح سے حاصل کامل مکعب ہے وہ چھوٹا عدد 44 ÷ 1188

مثال 5: کیا 68600 ایک کامل مکعب ہے؟ اگر نہیں تو وہ چھوٹے سے چھوٹا عدد معلوم سیجیے جس سے 68600 کو ضرب کرنے پر بیا یک کامل مکعب بن جائے۔

مل: ہمارے پاس 7 × 7 × 7 × 5 × 2 × 2 × 2 × 68600 ہے۔ان مفروا جزائے ضربی میں ہم دیکھتے ہیں کہ 5 ثلاثہ کی شکل میں نہیں ہے۔

343000 = جوایک کامل مکعب ہے۔

غور کیجیے کہ 343 ایک کامل مکعب ہے۔ مثال 5 سے ہمیں معلوم ہوتا ہے کہ 343000 بھی ایک کامل مکعب ہے۔

#### سوچيه ، بحث تيجياور لکھيے

900 (iv) 64000 (iii) 16000 (ii) 2700 (i) عباغ سيجي كه مندرجه ذيل مين سيح كون كامل مكعب بين - (1000 (iv) 64000 (iii) 16000 (iii) 27000 (viii) 21600 (vii) 36000 (vi) 125000 (v)

ان کامل مکعب میں آپ کس نمونے کا مشاہدہ کرتے ہیں؟



ہارے پاس 3 ہنرسوں کے دوگروپ 375 اور 857 ہیں۔

قدم 2 پہلاگروپیعنی 375 ہمیں مطلوبہ جذرالمکعب کا اکائی کا ہندسہ دے گا۔

عدد 375، 5 پرختم ہوتا ہے۔ہم جانتے ہیں کہ 5 کسی عدد کے اکائی کے مقام پرتب آتا ہے جب اس کے جذر المکعب میں اکائی کا ہندسہ 5 ہے۔

اس طرح ہمیں جذرالمکعب کے اکائی کا ہندسہ 5 حاصل ہوتا ہے۔

قدم 3 اب دوسرا گروپ یعنی 857 لیجے

تم جانتے ہیں کہ 729 = 93 اور 1000 = 1000 ہے۔ مزید 729 < 857

ہم چھوٹے عدد 729 کے اکائی کے ہند سے کومطلوبہ جذر المکعب کے دہائی کے طور پر لیتے ہیں۔ اس طرح سے ہمیں حاصل ہوتا ہے  $\sqrt[3]{857375} = 95$ 

مثال 8: تخیینه کی مددسے 17576 کا جذرالمکعب معلوم کیجے۔

**مل:** دیا گیاعدد 17576ہے۔

قدم 1 17576 کے سب سے داکیں طرف کے ہندسے سے شروع کرتے ہوئے تین ہندسوں کے گروپ بنا ہے۔ یہ گروپ میں۔ 17576 عیں۔ اس صورت میں ایک گروپ یعنی 576 میں 3 ہندسے ہیں جب کہ 17 میں صرف دوہندسے ہیں۔

قدم 2 576 ليجير

اس میں اکائی کا ہندسہ 6 ہے۔

ہم مطلوبہ جذرالمکعب کی اکائی کی جگہہ 6 لیتے ہیں۔

قدم 3 دوسرے گروپ یعنی 17 کو لیتے ہیں۔

2 کا مکعب 8ہےاور 3 کا مکعب 27 ہے۔17، 8 اور 27 کے در میان میں کہیں ہے۔

2 اور 3 میں جیموٹاعدد 2 ہے۔

2 میں اکائی کے ہندسہ کی جگہ 2 ہی ہے۔اب 2 کو 17576 کے جذر المکعب کے دہائی کے ہندسے کی جگہ لیجیے۔

اس طرح سے 26 =  $\sqrt{17576}$  (اس کی جانچ سیجے!)

### 7.2 مثق

1. مندرجه ذیل ہرایک عدد کا جذر المکعب مفر داجز ائے ضربی کے طریقے سے معلوم کیجیے۔

#### 7.3.1 مفردا جزائ ضربی کے طریقے سے جذرالمکعب معلوم کرنا

3375 يغور يجيے - ہم اس كاجذرالمكعب مفرداجزائے ضربی كے طریقے سے معلوم كرتے ہيں:

 $3375 = 3 \times 3 \times 3 \times 5 \times 5 \times 5 = 3^3 \times 5^3 = (3 \times 5)^3$ 

 $\sqrt[3]{3375} = 3 \times 5 = 15 = \sqrt[3]{3375}$ 

اسی طرح سے 74088 ماصل کرنے کے لیے ہمارے یاس ہے

 $74088 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 \times 7 \times 7 \times 7 = 2^{3} \times 3^{3} \times 7^{3} = (2 \times 3 \times 7)^{3}$ 

 $\sqrt[3]{74088} = 2 \times 3 \times 7 = 42$ 

شال 6: 8000 كاجذرالمكعب معلوم كيجيه

 $\sqrt[3]{8000} = 2 \times 2 \times 5 = 20$ 

مثال 7: 13824 كامفردا جزائے ضربی كے طريقہ سے جذرالمكعب معلوم ليجي۔

عل :

 $\sqrt[3]{13824} = 2 \times 2 \times 2 \times 3 = 24$ 

### سوچي، بحث ميجياور کھيے

جنائے میں جے ہے یا غلط: کسی بھی میں عمد و m کے لیے  $m^2 < m^2$  ہے۔ کیوں ؟

#### 7.3.2 ایک مکعب عدد کا جذرالمکعب

اگرآپ جانتے ہیں کہ دیا گیاعد دمکعب عدد ہے تواس کا جذر المکعب معلوم کرنے کے لیے مندر جہذیل طریقہ استعال کیا جاسکتا ہے۔ قدم 1 کوئی بھی ایک مکعب عدد جیسے 857375 لیجھے اور عدد کے سب سے دائیں طرف کے ہندسے سے شروع کرتے ہوئے تین ہندسوں کے گروب بنائے۔

$$\frac{375}{\downarrow}$$
  $\frac{857}{\downarrow}$ 

دوسرا گروپ پہلا گروپ

ہم سلسلے واردیے ہوئے مکعب عدد کے جذرالمکعب کا ندازہ لگا سکتے ہیں۔



27000 (iv) 10648 (iii) 512 (ii) 64 (i)

46656 (viii) 110592 (vii) 13824 (vi) 15625 (v)

91125 (x) 175616 (ix)

#### 2. بتائيئے كەمندرجەذىل بيانات صحيح بين ياغلط

(i) کسی بھی طاق عدد کا مکعب، جفت ہوتا ہے۔

(ii) کامل مکعب دوصفر برختم نهیس ہوتا۔

(iii) اگرکسی عدد کا مربع 5 پرختم ہوتا ہے تواس کا مکعب 25 پرختم ہوگا۔

(iv) کوئی ایسا کامل مکعب نہیں ہے جو 8 برختم ہوتا ہو۔

(v) دو ہندسول کے عدد کا مکعب ایک نتین ہندسی عدد ہوسکتا ہے۔

(vi) دو ہندسوں کےعدد کے مکعب میں سات یااس سے زیادہ ہند سے ہو سکتے ہیں۔

(vii) ایک ہندی کے عدد کا مکعب بھی ایک ہندی عدد ہوسکتا ہے۔

3. آپ کومعلوم ہے کہ 1331 ایک کامل مربع ہے۔ کیا آپ اس کے اجزائے ضربی کیے بغیراس کے جذر المکعب کا ندازہ لگا سکتے بیں؟ اسی طرح 12167 ، 4913 اور 32768 کے جذر المکعب کا اندازہ لگائے۔

#### ہم نے کیاسکھا؟

- 1. اعداد جیسے 1729، 4104، 1882 ہارڈ ی رامانو جن اعداد کہلاتے ہیں۔ہم ان کو دو مختلف طریقوں سے دومکعب کے حاصل جمع کے طور پر لکھ سکتے ہیں۔
  - 2. کسی عدد کوخود سے تین مرتبہ ضرب کرنے پر حاصل ہونے والے اعداد مکعب اعداد کہلاتے ہیں۔مثال کے طور پر 1، 8، 27، .... وغیرہ۔
    - اگر کسی عدد کے مفر دا جزائے ضربی میں ہر جز ضربی تین مرتبہ ظاہر ہوتا ہے تو وہ عددایک کامل ملعب ہوتا ہے۔
      - 4. علامت  $\sqrt{3}$  جذرالمكعب كوظا ہر كرتى ہے۔مثال كے طور پر  $3 = \sqrt{27}$  -