

लाभ और हानि (Profit & Loss)

● **क्रय मूल्य (Cost Price)** - जो धन किसी वस्तु के खरीदने में लगाया जाता है वह उस वस्तु का क्रय मूल्य कहलाता है। इसे संक्षिप्त में C.P. द्वारा प्रदर्शित करते हैं।

● **विक्रय मूल्य (Selling Price)** - जिस मूल्य पर वस्तु को बेचा जाता है वह उस वस्तु का विक्रय मूल्य कहलाता है। इसे संक्षिप्त में S.P. द्वारा प्रदर्शित किया जाता है।

● **लाभ (Profit)** - यदि विक्रय मूल्य, क्रय मूल्य से अधिक हो तब विक्रय मूल्य तथा क्रय मूल्य के अंतर को लाभ कहते हैं।

इस प्रकार यदि विक्रय मूल्य > क्रय मूल्य, तब

$$\text{लाभ} = \text{विक्रय मूल्य} - \text{क्रय मूल्य}$$

$$\therefore \text{क्रय मूल्य} = \text{विक्रय मूल्य} - \text{लाभ}$$

$$\text{और, विक्रय मूल्य} = \text{क्रय मूल्य} + \text{लाभ}$$

● **हानि (Loss)** - यदि विक्रय मूल्य, क्रय मूल्य से कम हो, तो क्रय मूल्य तथा विक्रय मूल्य के अंतर को हानि कहते हैं।

इस प्रकार यदि विक्रय मूल्य < क्रय मूल्य, तब

$$\text{हानि} = \text{क्रय मूल्य} - \text{विक्रय मूल्य}$$

$$\therefore \text{क्रय मूल्य} = \text{विक्रय मूल्य} + \text{हानि}$$

$$\text{और, विक्रय मूल्य} = \text{क्रय मूल्य} - \text{हानि}$$

☞ उदाहरणार्थ प्रश्न देखें-

प्रश्न : एक वस्तु को 1750 रु. में खरीदकर 1500 रु. में बेचा गया। बताइए कितना लाभ या हानि हुई?

$$\text{हल : } \text{वस्तु का क्रय मूल्य} = \text{रु. } 1750$$

$$\text{वस्तु का विक्रय मूल्य} = \text{रु. } 1500$$

चूंकि क्रय मूल्य > विक्रय मूल्य, इसलिए हानि होगी।

$$\text{हानि} = \text{क्रय मूल्य} - \text{विक्रय मूल्य}$$

$$= (1750 - 1500) \text{ रु.} = 250 \text{ रु.}$$

● **प्रतिशत हानि और लाभ**- प्रतिशत लाभ, वह लाभ है जो प्रत्येक 100 रु. के क्रय मूल्य पर प्राप्त होता है। इसी प्रकार प्रतिशत हानि, वह हानि है जो प्रत्येक 100 रु. के क्रय मूल्य पर प्राप्त होती है।

$$\text{प्रतिशत लाभ} = \frac{\text{लाभ}}{\text{क्रय मूल्य}} \times 100$$

$$\text{प्रतिशत हानि} = \frac{\text{हानि}}{\text{क्रय मूल्य}} \times 100$$

नोट- हमेशा प्रतिशत लाभ या हानि की गणना क्रय मूल्य पर होती है।

कुछ महत्वपूर्ण सूत्र

$$\text{लाभ \%} = \frac{\text{लाभ} \times 100}{\text{क्रय मूल्य}}$$

$$\text{हानि \%} = \frac{\text{हानि} \times 100}{\text{क्रय मूल्य}}$$

☞ लाभ की स्थिति में

$$\text{विक्रय मूल्य} = \left(\frac{100 + \text{लाभ \%}}{100} \right) \times \text{क्रय मूल्य}$$

$$\text{क्रय मूल्य} = \frac{100 \times \text{विक्रय मूल्य}}{100 + \text{लाभ \%}}$$

☞ हानि की स्थिति में

$$\text{विक्रय मूल्य} = \left(\frac{100 - \text{हानि \%}}{100} \right) \text{ क्रय मूल्य}$$

$$\text{क्रय मूल्य} = \frac{100 \times \text{विक्रय मूल्य}}{100 - \text{हानि \%}}$$

यदि कोई दुकानदार दो वस्तुएं एक ही मूल्य पर विक्रय करता है, विक्रय में वह एक वस्तु $x\%$ लाभ पर तथा दूसरी वस्तु $x\%$ हानि पर बेचता है तब ऐसी स्थिति में हमेशा हानि होती है।

$$\text{हानि \%} = \left(\frac{\text{लाभ या हानि \%}}{10} \right)^2 = \left(\frac{x}{10} \right)^2$$

यदि एक दुकानदार अपनी वस्तुएं क्रय मूल्य पर बेचता है। परंतु गलत बाट का इस्तेमाल करता है तब लाभ %

$$= \left(\frac{\text{त्रुटि}}{\text{वास्तविक मान} - \text{त्रुटि}} \times 100 \right) \%$$

☞ उदाहरणार्थ प्रश्न देखें-

प्रश्न : एक घड़ी को 1440 रु. में बेचने पर एक दुकानदार को 10% की हानि होती है। घड़ी का क्रय मूल्य क्या है?

$$\text{हल : } \text{विक्रय मूल्य} = 1440 \text{ रु.}, \text{ हानि \%} = 10\%$$

$$\text{क्रय मूल्य} = \frac{100 \times \text{विक्रय मूल्य}}{100 - \text{हानि \%}}$$

$$= \frac{100 \times 1440 \text{ रु.}}{100 - 10}$$

$$\text{क्रय मूल्य} = \frac{100 \times 1440}{90} = 1600 \text{ रु.}$$

अतः घड़ी का क्रय मूल्य 1600 रु. होगा।

प्रश्न : एक साइकिल को 5060 रु. में बेचने पर 10% का लाभ होता है। यदि साइकिल को 4370 रु. में बेचा जाए तो बताइए कितने प्रतिशत का लाभ या हानि होगी?

हल : विक्रय मूल्य = 5060 रु., प्रतिशत लाभ = 10%

$$\therefore \text{क्रय मूल्य} = \frac{5060 \times 100}{100+10} = 4600 \text{ रु.}$$

दूसरी स्थिति में

विक्रय मूल्य = 4370 रु.

चूंकि क्रय मूल्य अधिक है विक्रय मूल्य से इसलिए हानि होगी।

$$\therefore \text{हानि \%} = \frac{4600 - 4370}{4600} \times 100 = 5\%$$

● बट्टा

$$\text{लाभ \%} = \frac{\text{त्रुटि}}{\text{सही मान} - \text{त्रुटि}} \times 100$$

$$\frac{\text{सही मान}}{\text{गलत मान}} = \frac{100 + \text{लाभ \%}}{100 - \text{हानि \%}}$$

⇒ उदाहरणार्थ प्रश्न देखें-

प्रश्न : एक व्यापारी कहता है कि वह कपड़ा 10% हानि पर बेचता है लेकिन अपने गलत मीटर स्केल के कारण 15% लाभ कमाता है, तो उसके मीटर स्केल की लंबाई कितनी होगी?

$$\text{हल : } \frac{\text{सही मान}}{\text{गलत मान}} = \frac{100 + \text{लाभ \%}}{100 - \text{हानि \%}}$$

$$\frac{100}{\text{गलत मान}} = \frac{100 + 15}{100 - 10}$$

$$\text{गलत मान} = \frac{100 \times 90}{115} = 78.26$$

अतः व्यापारी के मीटर स्केल की लंबाई 78.26 सेमी. है।

प्रश्न : एक बेर्झमान बनिया कहता है कि वह अपना सामान क्रय मूल्य पर ही बेचता है लेकिन वह 1 किंवा भार के स्थान पर 900 ग्राम का ही प्रयोग करता है। बताइए वह कितने प्रतिशत लाभ कमाता है?

हल : त्रुटि = 1 किंवा - 900 ग्राम

$$= 100 \text{ ग्राम}$$

$$\therefore \text{लाभ \%} = \frac{100}{1000 - 100} \times 100$$

$$= \frac{100}{900} \times 100 = 11 \frac{1}{9} \%$$

● लगातार दो बार विक्रय पर लाभ/हानि

(i) यदि दो बार के विक्रय पर क्रमशः a% तथा b% लाभ होता है तो

$$\text{कुल प्रतिशत लाभ} = \left(a + b + \frac{ab}{100} \right) \%$$

(ii) यदि दो बार बेचने पर क्रमशः a% लाभ तथा b% की हानि होती

$$\text{है तो कुल लाभ \% या हानि \%} = \left(a - b - \frac{ab}{100} \right) \%$$

जब मान ऋण में प्राप्त हो तो हानि तथा जब मान धन में प्राप्त हो तो लाभ होता है।

⇒ उदाहरणार्थ प्रश्न देखें-

प्रश्न : एक आदमी ने एक घड़ी 20% लाभ पर बेची पुनः उस घड़ी को अगला आदमी 15% लाभ पर बेचता है। बताइए कुल कितने प्रतिशत का लाभ हुआ?

$$\text{हल : } \text{कुल \% लाभ} = 20 + 15 + \frac{20 \times 15}{100} \\ = 38\%$$

● यदि x वस्तु का क्रय मूल्य y वस्तु के विक्रय मूल्य के बराबर हो तो प्रतिशत लाभ या हानि $= \frac{x - y}{y} \times 100\%$

⇒ उदाहरणार्थ प्रश्न देखें-

प्रश्न : यदि 15 घड़ियों का क्रय मूल्य 20 घड़ियों के विक्रय मूल्य के बराबर हो, तो बताइए लाभ या हानि कितने प्रतिशत होगी?

$$\text{हल : } \text{अभीष्ट लाभ/हानि \%} = \frac{15 - 20}{20} \times 100 \Rightarrow -25\%$$

अतः 25% की हानि हुई।

प्रश्न : एक आदमी 33 मीटर कपड़े बेचने पर 11 मीटर कपड़े के दाम के बराबर लाभ कमाता है, तो बताइए कितने प्रतिशत का लाभ हुआ?

$$\text{हल : } \text{लाभ \%} = \frac{11}{33 - 11} \times 100 \Rightarrow 50\%$$

● अंकित मूल्य- जो मूल्य वस्तु पर लिखा होता है।

परीक्षोपयोगी प्रश्न

1. A ने एक वस्तु की खरीदी गई कीमत पर 25% लाभ के साथ उसे रु. 8,750 में बेचा जिसके अंकित मूल्य पर उसे 30% छूट मिली थी। अंकित मूल्य था-

| | |
|----------------|----------------|
| (a) रु. 13,000 | (b) रु. 16,000 |
| (c) रु. 12,000 | (d) रु. 10,000 |

उत्तर-(d)

माना वस्तु की खरीदी गई कीमत x रु. है।

प्रश्नानुसार

$$x \times \left(\frac{100 + 25}{100} \right) = 8750$$

$$x = \frac{8750 \times 100}{125} \Rightarrow 7000 \text{ रु.}$$

माना वस्तु का अंकित मूल्य y है।

प्रश्नानुसार

$$y \times \frac{100 - 30}{100} = 7000 \text{ रु.}$$

$$y \times \frac{70}{100} = 7000$$

$$y = 10,000 \text{ रु.}$$

