

অধ্যায়-৮

গতি

MOTION

দৈনন্দিন জীবনত আমি কিছুমান বস্তু স্থিতিশীল অবস্থাত আৰু আন কিছুমানক গতিশীল অবস্থাত দেখা পাওঁ। চৰাই উৱে, মাছে সাঁতোৱে, শিৰা আৰু ধৰনীৰ মাজেৰে তেজ চলাচল কৰে আৰু গাড়ী চলে। অণু, পৰমাণু, গ্ৰহ, নক্ষত্ৰ আৰু তাৰকামণ্ডলী (galaxy) এই সকলোৰে গতিশীল। আমি সাধাৰণতে বস্তু এটাই সময়ৰ সাপেক্ষ স্থান সলনি কৰিলে তাৰ গতি হোৱা বুলি কওঁ। অৱশ্যে আন কিছুমান পৰিস্থিতিত পৰোক্ষ সাক্ষ্যৰ ভিত্তিতহে গতি হোৱা বুলি প্ৰতিপন্ন কৰা হয়। উদাহৰণস্বৰূপে, ধূলি উৰিলে আৰু গছৰ ডাল-পাতৰোৰ লৰিলে বতাহ বলা বুলি কওঁ। সূৰ্যোদয়, সূৰ্যাস্ত আৰু ঝুতু পৰিবৰ্তনৰ কাৰণ কি? এইবোৰ পৃথিবীৰ গতিৰ পৰিণতি নেকি? যদি ই সঁচা, তেনেহ'লে আমি পৃথিবীৰ গতি পোণপতীয়াকৈ উপলক্ষি নবৰোৱা কীয়?

একেটা বস্তু এজনৰ বাবে গতিশীল আৰু আন এজনৰ বাবে স্থিতিশীল হ'ব পাৰে। উদাহৰণস্বৰূপে, গৈ থকা বাছ এখনৰ যাত্ৰিসকলে, বাটৰ কাষৰ গছৰোৰ পিছলৈ ঘোৱা যেন পায়। আকৌ, বাটৰ কাষত বৈ থকা মানুহ এজনে যাত্ৰিসহ বাছখন গৈ থকা দেখে। কিন্তু বাছখনৰ যাত্ৰী এজনে তেওঁৰ সহায়তাৰ সকলক বৈ থকা দেখা পায়। এই পৰ্যবেক্ষণৰোৱে কি ইংগিত দিয়ে বাৰু?

বেছিভাগ গতিয়েই জটিল। কিছুমান বস্তুয়ে সৰল ৰেখাৰে গতি কৰে, আন কিছুমানে বৃত্তাকাৰ পথ ল'ব পাৰে। কিছুমানে ঘূৰ্ণন গতি আৰু কিছুমানে দোলন গতি প্ৰদৰ্শন কৰে। কেতোৰ পৰিস্থিতিত এনেকুৰা একাধিক গতিৰ সংযোজনো ঘটিব পাৰে। এই অধ্যায়ত আমি পোনতে বস্তুৰ সৰল ৰৈখিক গতিৰ বিষয়ে শিকিম। তনুপৰি সৰল সমীকৰণ আৰু লেখৰ সহায়েৰে এনেধৰণৰ গতিবোৰ বৰ্ণনা কৰিবলৈ শিকিম। পিছলৈ বৃত্তাকাৰ গতি কেনেদৰে বৰ্ণনা কৰে সেই বিষয়ে আলোচনা কৰিম।

কাৰ্যকলাপ

- তোমাৰ শ্ৰেণীকোষাব বেলবিলাক লৈ আছে কো কো
আছে আলোচনা কৰা।

8.1

কাৰ্যকলাপ

- কেতিয়াবা এনেকুৰা অভিজ্ঞতা হৈছে নেকি যো তুমি
বহি থকা বেলগাড়ীখন লৈ থকা অবস্থাতো গৈ থকাৰ
দৰে লাগিছে?
• তোমাৰ অভিজ্ঞতাৰ বিষয়ে বন্ধ-নাক্ষন লগত
কথা পাতা।

8.2

চিঠা কৰা আৰু সেইসতে কাৰ কৰা

আমি কেতিয়াবা আমাৰ চালিওফালো থকা বস্তুবিলাকৰ গতিৰ বাবে বিপদত পৰো। ধল অহা নদী, ঘূৰ্ণীবতাহ বা চুনামি আদিব দৰে যিবোৰ গতি অনিয়ন্ত্ৰিত আৰু অনিয়ন্ত্ৰিত, সেইবোৱল পৰা আপকাল হোৱাৰ সন্তুলনা সৰ্বাধিক হয়। আনহাতে বিয়ন্ত্ৰিত গতিয়া মানুহৰ উৎকাল সাধিব পাৰে। ইয়াৰ উদাহৰণ জলবিদ্যুৎ উৎপাদনৰ লগত জড়িত গতিবোৱ। অনিয়ন্ত্ৰিত গতিৰ বিষয়ে অধ্যায়ন কৰিব
লাগে বুলি তুমি ভাৰানে আৰু সিঁইতুৰু নিৰাপত্তি কৰাব
বৌশল শিকিব খোজাগো?

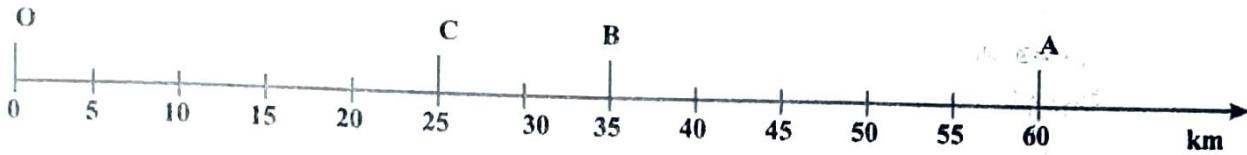
8.1 গতিৰ বৰ্ণনা (Describing Motion)

আমি পূৰ্বতে নিৰ্দিষ্ট কৰি ঘোৱা কোনো প্ৰসংগ বিন্দুৰ সাপেক্ষে বস্তুৰ স্থান নিৰ্দেশ কৰো। এটা উদাহৰণল দাবা ইয়াক বুজা যাওঁক। ধৰা হওঁক, এখন গাৰুৰ বিদ্যালয়খন বেলপ্লেচনটোৰ পৰা উত্তৰে 2 km দূৰত্বত অবস্থিত। আমি সুন্দৰখন অবস্থান বেলপ্লেচনটোৰ সাপেক্ষে নিৰ্ণিত কৰিলো। এই উদাহৰণটোত
বেলপ্লেচনটো হ'ল প্ৰসংগ বিন্দু। আমাৰ সুবিধামতে আমি আন প্ৰসংগ বিন্দুও ল'ব পাৰিবোহ'লেন। গতিকে এটা বস্তুৰ অবস্থান নিৰ্দেশ কৰিবলৈ এটা প্ৰসংগ বিন্দুৰ প্ৰয়োজন। ইয়াকে মূলবিন্দু
বোলে।

8.1.1 सरल वैराग्यावे गति (MOTION ALONG A STRAIGHT LINE)

सरलतम् गति हीहे वैरिक गति, आम प्रथाने इयाक एटा उदाहरणव समात दर्शना किलो शिकिम। सरल वैराग्यावे गतिशील वस्तु एटा विवेचना करा। वस्तुटोवे O विन्दुव परा ताव भ्रमण आवस्तु कविछे; O विन्दुक ताव प्रसंग विन्दु बुलि गणा करा हय (चित्र-8.1)। धवा हेक, विडिया फूणत वस्तुटोव अवस्थान A, B आक C। वस्तुटोवे पोनाते C आक B व माजेवे गै A त उपगीत हैचे। पिछत सि एके पथेवे उभति आहि B व माजेवे गै C पाहिजेगे।

(35 km) पथव दूबद्व (85 km) समान नहय। ताबोपरि, आमि लक्ष्य करो ये कोनो गतिव क्षेत्रत सरणव मान शून्य ह'व पावे किस्तु एकेटा गतित अतिक्रम करा दूबद्व शून्य नहय। आमि यदि वस्तुटो Oलै उभति आहे बुलि धवि लांड तेस्ते वस्तुटोव अस्तिम अवस्थान आक प्रावस्तिक अवस्थान एके ह'व आक सेहीवावे सरण शून्य ह'व। अरश्ये एই यात्रात अतिक्रम करा दूबद्व ह'व OA + AO = 60 km + 60 km = 120 km। एनेद्वे दुटा भिन्न भौतिक वाशि, सरण आक दूबद्व योगेदि वस्तुव गतिव सांख्यिक वर्णना दिया हय आक लगाते ताव प्रावस्तिक



चित्र-8.1 सरल वैरिक पथत वस्तु एटा विडिया अवस्थान

वस्तुटोवे भ्रमण करा पथव सम्पूर्ण दूबद्व ह'ल OA+AC, अर्थात् $60\text{ km} + 35\text{ km} = 95\text{ km}$ । इ ह'ल वस्तुटोवे भ्रमण करा दूबद्व। दूबद्व वर्णना कविबैलै आमि केवल सांख्यिक मान वावहाव कविनेहे हय, दिश उपरेख कविव नालागे। किढुमान वाशि आहे घिरोव केवल सांख्यिक मानव द्वावाई निर्देश कविव पावि। भौतिक वाशि एटाव सांख्यिक मान हैचे ताव पविमाण। एই उदाहरणटोत तुमि वस्तुटोव प्रावस्तिक अवस्थान O आक अस्तिम अवस्थान C वे माजेव दूबद्व निर्णय कविव पाविवाने? एই दुटा विन्दुव दूबद्वह वस्तुटोव Oव परा Aहै Cलै होया सरणव सांख्यिक मान दिव। वस्तु एटाव प्रावस्तिक आक अस्तिम अवस्थानव माजेव निम्नतम् दूबद्वक सरण बुलि केवळा हय।

वस्तु एटाव सरणव मान, इ अतिक्रम करा दूबद्वव सैतेव समान बुलि करा पावोने? 8.1 चित्रात दिया उदाहरणटो विवेचना करा। वस्तुटोवे Oव परा Aलै याओते अतिक्रम करा दूबद्व 60 km आक इयाव सरणव मानो 60 km। वस्तुटोवे Oव परा Aलै आक ताव पिछत उभति Bलै गति कर्वाते अतिक्रम करा दूबद्व = $60\text{ km} + 25\text{ km} = 85\text{ km}$ । किस्तु एतिया सरणव मान = 35 km। गतिके देखा याय ये सरणव मान

अवस्थानव सापेक्षे कोनो प्रदस्त समात ताव अस्तिम अवस्थानो निर्देश करा हय।

कार्यकलाप 8.3

- एडाल मिटाव क्षेत्र आक एडाल दीघल वटी लोरा।
- वाक्केट-बल कर्ट एखनव सीमावैराग्याव ओपरेबो इयाव एटा कोणव परा विपरीत कोणलै योरा।
- तुमि अतिक्रम करा दूबद्व आक सरणव मान जोखा।
- एই क्षेत्रत सरण आक दूबद्व माजेत कि पार्थक्य मन कविलाने?

कार्यकलाप 8.4

- मटव गाडीवोरत अतिक्रम करा दूबद्व निर्देश कविबैलै संजुलि एविध लगोवा थाके। इयाक अड मिटाव (odometer) वोले। गाडी एखन भूरनेश्वरव परा नतुन दिल्लीलै चलाई लै योरा हैचे। संजुलिटोव प्रावस्तिक आक अस्तिम पाठव पार्थक्य 1850 km।
- भावतव पथव मानचित्र व्यरहाव कवि भूरनेश्वर आक नतुन दिल्लीव माजेत सरणव मान निर्णय करा।

প্রশ্নাবলী

1. বন্ধ এটাই এক লিমিট দূরত্ব অতিক্রম করিলে। ইয়াৰ সবথ 'শুনা' হ'ব পাৰেনে ? যদি পাৰে, তেওঁৰ তোমাৰ উদ্বৃত্ত সমধান ৫ উদাহৰণ এটা দিয়া।
2. খেতিৱক এজনে 10 m বাহুৰ বগাকৃতি পথাৰ এখনৰ সীমাবে 40 ছেকেণ্ডত অৱশ্য সম্পূৰ্ণ কৰে। 2 মিনিট 20 ছেকেণ্ড সময় অতিবাহিত হোৱাৰ পিছত প্ৰাৰম্ভিক অবস্থানৰ পৰা তেওঁৰ সবথৰ যান কিমান হ'ব ?
3. সবথৰ কেজৰত তলৰ কোনটো সত্তা ?
 - (a) ই শুনা হ'ব মোৰাবে।
 - (b) ইয়াৰ মান বন্ধটোৱে অতিক্রম কৰা দূৰত্বজৈক বেছি।

8.1.2 সুষম গতি আৰু বিষম গতি (UNIFORM MOTION AND NON-UNIFORM MOTION)

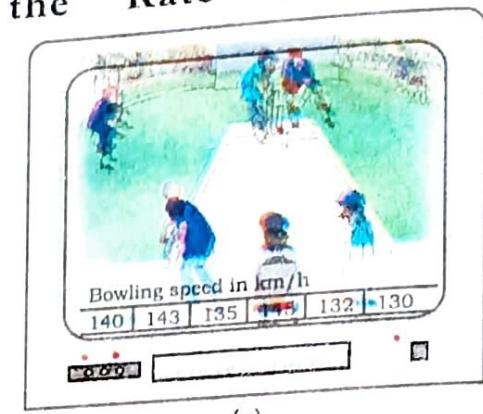
বন্ধ এটাই সবল বৈধিকভাৱে গতি কৰিছে বুলি ধৰি লোৱা। ধৰা হ'কে, ই প্ৰথম ছেকেণ্ডত 5 m আৰু পিছৰ ছেকেণ্ডত আৰু 5 m অতিক্ৰম কৰিলে। সেইন্দৰে তৃতীয় আৰু চতুৰ্থ ছেকেণ্ডত 5 m কৈতে অতিক্ৰম কৰিলে। এইক্ষেত্ৰত বন্ধটোৱে প্ৰতি ছেকেণ্ডত 5 m কৈতে অতিক্ৰম কৰিছে। যিহেতু বন্ধটোৱে সমান সমান সমান সমান দূৰত্ব অতিক্ৰম কৰিছে, গতিকে ইয়াৰ গতিক সুষম গতি বুলি কোৱা হয়। এই গতিত সময়ৰ ব্যৱধান কৰ হোৱা উচিত। দৈনন্দিন জীবনত আমি কিমুনান গতি দেখোৰ যিবোৰত বন্ধৰে সমান সমান সময়ৰ ব্যৱধানত অসমান দূৰত্ব অতিক্ৰম কৰে। উদাহৰণস্বৰূপে ভৌৰ থকা বাস্তা এটাত গাড়ী এখনৰ গতি বা উদ্যান এখনত দোবি থকা ব্যক্তি এজনৰ গতিলৈ আঙুলিয়াৰ পাৰি। এইবিলাক বিষম গতিৰ কিমুনান দৃষ্টান্ত।

কাৰ্যকৰণাপী 8.5

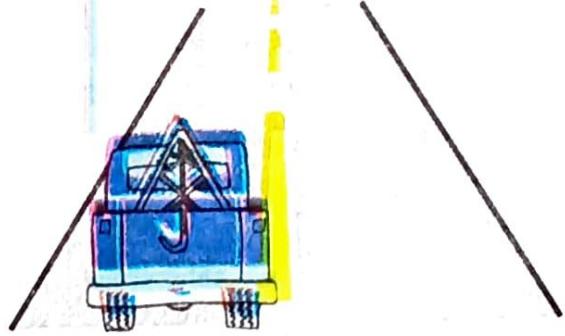
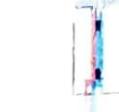
- 8.1 তালিকাত দুটা বন্ধ, A আৰু B-ৰ গতিৰ তথ্য দিয়া হৈছে।
- সেইবোৰ ভালদৰে পৰ্যবেক্ষণ কৰা আৰু গতিবোৰ সুষম নে বিষম উল্লেখ কৰা।

সময়	তালিকা-8.1		বন্ধৰ অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব (মিটাৰত)
	A-ৰে অতিক্ৰম কৰা	B-ৰে অতিক্ৰম কৰা	
পুৰা 9:30	10		12
পুৰা 9:45	20		19
পুৰা 10:00	30		23
পুৰা 10:15	40		35
পুৰা 10:30	50		37
পুৰা 10:45	60		41
পুৰা 11:00	70		44

8.2 গতিৰ হাৰৰ জোখ-মাখ (Measuring the Rate of Motion)



(a)



চিত্ৰ8.2

৪.২ চিত্রটি মিয়া পরিষিক্তিলৈ মন কৰা। ৪.২(a) চিত্রত যাই লেব ক্ষতি 143 km h^{-1} হয়, তেক্ষে তাৰ অৰ্থ কি?

বেলেগ বেলেগ নম্বৰে এটা প্রদত্ত দূরত্ব অতিক্রম কৰিবলৈ
বেলেগ বেলেগ সময় ল'ল পাবে। তাৰে কিছুমানে কষ্টপ্ৰভাৱে আৰু
কিছুমানে লেহেমোভাৱে গতি কৰে। বস্তুল গতিৰ হাব বেলেগ বেলেগ
হ'ব পাবে। আকৌ, বেলেগ বেলেগ বস্তুৰে একে হাবতো গতি কৰিব
পাবে। বস্তু এটাই একক সময়ত অতিক্রম কৰা দূৰত্বৰ জোখ হ'ল
তাৰ গতিৰ হাব নিৰ্ণয় কৰাৰ এটা অন্যতম পক্ষতি। এই বাশিটোকে
দ্রুতি বুলি কোৱা হয়। দ্রুতিৰ S.I. একক হৈছে মিটাৰ প্ৰতি ছেকেণ্ড।
ইয়াক $m\ s^{-1}$ বা m/s প্ৰতীকৰে বুজোৱা হয়। দ্রুতিৰ আন্যান একক
হৈছে ছেক্টিমিটাৰ প্ৰতি ছেকেণ্ড ($cm\ s^{-1}$) আৰু কিলোমিটাৰ প্ৰতি
ঘণ্টা ($km\ h^{-1}$)। বস্তু এটাৰ দ্রুতি নিৰ্দিষ্ট কৰিবলৈ আমাক কেবল
তাৰ মানবহে প্ৰয়োজন। বস্তুৰ দ্রুতি দিব হোৱাৰ প্ৰয়োজন নাই।
বেছিভাগ ক্ষেত্ৰতে বস্তুৰ গতি বিষম হয়। সেইবাবে এনেৰোৰ ক্ষেত্ৰত
বস্তুৰ গতিৰ হাব গড় দ্রুতিৰে প্ৰকাৰ কৰা হয়। বস্তু এটাই অতিক্রম
কৰা মুঠ দূৰত্বক মুঠ অতিবাহিত সময়ৰে হৰণ কৰিলৈ ইয়াৰ গড়
দ্রুতি পোৱা যায়। অৰ্থাৎ,

$$\text{গড় দৃষ্টি} = \frac{\text{অতিক্রম করা মুঠ দূরত্ব}}{\text{অতিবাহিত মুঠ সময়}}$$

যদি বক্তু এটাই । সময়াত s দূরত্ব অতিক্রম করে
তেনেছ'নৈ ইয়াব স্বীকৃতি ॥ হইব.

$$U = \frac{s}{t} \dots \dots \dots \quad (8.1)$$

ইয়াক এটা উদাহরণসমহায়ত বুজা যাওঁক। গাড়ী এখনে 100 km দূরত্ব 2 h সময়ত অতিক্রম কৰিলে। ইয়াব গড় দ্রুতি হ'ব 50 km/h। গাড়ীখনে সকলো সময়তে 50 km/h হাবত গতিনকৰিবও পাৰে। কেতিয়াবা গাড়ীখনে ইয়াতকৈ ক্ষীপ্ৰভাৱে আৰু কেতিয়াবা ইয়াতকৈ মষ্টৰভাৱে গতি কৰিব পাৰে।

উদাহরণ 8.1 বন্ধু এটাই 16 m দূরত্বে 4 ছেকেঞ্চুত আৰু তাৰ

পিছৰ 16 m দূৰত্বে 2 ছেকেণ্ডত অতিক্ৰম কৰে। বস্তুটোৱ
গড় দৃষ্টি কিমান হ'ব?

समाधान :

$$\text{বস্তুটোরে অতিক্রম করা মুঠ দূরত্ব} = 16 \text{ m} + 16 \text{ m} \\ \equiv 32 \text{ m}$$

$$\text{অতিনাহিত মুঠ সময়} = 4 \text{ s} + 2 \text{ s} = 6 \text{ s}$$

$$\therefore \text{গতি} = \frac{\text{অতিক্রম কৰা মুঠ দূরত্ব}}{\text{চালান্তি মুঠ সময়}}$$

$$= \frac{32m}{6s} = 5.33 m s^{-1}$$

গতিকে, বস্তুটোর গড় স্পষ্টি হল 5.33 m s^{-1}

8.2.1 দিশৰ সৈতে ঝুঁতি (SPEED WITH DIRECTION)

বস্তু এটাৰ গতিৰ হাৰ অধিক বোধগম্য হ'ব যদিহে আমি
ইয়াৰ দ্রুতিৰ লগতে দিশো নিৰ্দেশ কৰোঁ। দিশ আৰু মান দুয়োটা
নিৰ্দেশ কৰা এই বাণিষ্ঠটোক বেগ বুলি কোৱা হয়। গতিশীল বস্তু
এটাৰ নিৰ্দিষ্ট দিশৰ দ্রুতিকে ইয়াৰ বেগ বোলে। বস্তু এটাৰ বেগ
সুবয়ম বা পৰিবৰ্তনশীল হ'ব পাৰে। বস্তুৰ দ্রুতি, গতিৰ দিশ নাইবা
দুয়োটা সলনি কৰি ইয়াৰ পৰিবৰ্তন ঘটাৰ পাৰি। বস্তু এটাই সবল
বেখাৰে পৰিবৰ্তনীয় দ্রুতিত গতি কৰিলে, আমি তাৰ গতিৰ হাৰৰ
মান তাৰ গড় বেগৰ সহায়ত প্ৰকাশ কৰিব পাৰো। ইয়াক গড় দ্রুতি
নিৰ্ণয়ৰ পদ্ধতিবে নিৰ্ণয় কৰিব পাৰি।

বস্তু এটাৰ বেগ সুয়মতাৰে পৰিবৰ্তন হ'লৈ ইয়াৰ গড়
বেগ হ'ব এক প্ৰদন্ত সময়ত প্ৰাবণ্তিক বেগ আৰু অস্তিম বেগৰ
পাটীগণিতীয় গড় মান। অৰ্থাৎ —

$$\text{গড় বেগ} = \frac{\text{প্রাবল্যিক বেগ} + \text{অস্তিম বেগ}}{2}$$

য'ত v_{av} হৈছে গড়বেগ, u আৰু v ক্ৰমে বস্তুৰ প্ৰাৰম্ভিক আৰু অন্তিম বেগ।

দৃঢ়তি আৰু বেগৰ একক একেই, অর্থাৎ $m\ s^{-1}$ বা or m/s

କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମାବସ୍ଥା

- তোমালোকৰ ঘৰৰ পৰা বাছ আস্থানলৈ বা স্কুললৈ খোজ
কঢ়ি যাওঁতে লগা সময় জোখা। যদি তোমাৰ খোজ
কঢ়াৰ গড় দ্রুতি 4 km h^{-1} হয় বুলি ভাবা তেন্তে তোমাৰ
ঘৰৰ পৰা বাছ আস্থান বা স্কুললৈ দুবৰ্ত্ত নিৰ্ণয় কৰা।

কার্যকলাপ.....8.7

- ডারবীয়া বর্তন সঘনাই চেবেকনি আৰু বজ্রপাত্ৰৰ সম্ভাৱনা থাকে। বজ্রপাত্ৰৰ চক্ৰকনি দেখাৰ কিছু সময়ৰ পিছতহে চেবেকনিৰ শব্দ তুমি শুনিবলৈ পোৱা। কিয়া এনে হয় ক'ব পালিবানে?
- সাংখ্যিকীয় (digital) হাতঘড়ী বা বিৰাম ঘড়ীৰ (stop watch) সহায়ত এই সময়ৰ ব্যবধান নিৰ্ণয় কৰা।
- নিকটতম বজ্রপাত্ৰৰ দূৰত্ব নিৰ্ণয় কৰা। (বাযুত শব্দৰ দুৰত্ব = 346 m s^{-1})

প্ৰশ্নাৰলী

- দুৰত্ব আৰু বেগৰ পাৰ্থক্য লিখা।
- কি চৰ্ত বা কি কি চৰ্ত সাপেক্ষে বস্তুৰ গড় বেগৰ মান তাৰ গড় দুৰত্বৰ সমান হয়?
- অটোগাড়ীৰ অড মিটাৰে (odometer) কি জোখে?
- সুৰমভাৱে গতিশীল বস্তু এটাৰ গতিপথ কেনেকুৰা?
- পৰীক্ষা এটাৰ সময়ত মহাকাশযান এখনৰ পৰা প্ৰেৰিত সংকেত এটা 5 মিনিটত অনিস্থিত টেলিস্কপ সংগীতি হ'ল। ভূমিতত দেখলৈ পৰা মহাকাশযানৰ দূৰত্ব কিমান হ'ব? সংকেতটোৱে পোহৰৰ দুৰত্বৰ অৰ্থাৎ $3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$ দুৰত্বৰ গতি কৰে।

উদাহৰণ 8.2 যাত্ৰাৰ আৰম্ভণিত গাড়ী এখনৰ অড মিটাৰৰ পাঠ 2000 km আৰু যাত্ৰাৰ শেষত ইয়াৰ পাঠ 2400 km। যদি ভ্ৰমণ সম্পূৰ্ণ কৰোতে 8 ঘণ্টা অতিবাহিত হৈছে তেন্তে গড় দুৰত্ব km h^{-1} আৰু m s^{-1} ত নিৰ্ণয় কৰা।

সমাধান :

$$\text{গাড়ীখনে অতিক্রম কৰা দূৰত্ব, } s = 2400 \text{ km} - 2000 \text{ km} = 400 \text{ km}$$

$$\text{অতিবাহিত সময়, } t = 8 \text{ h}$$

গাড়ীখনৰ গড় দুৰত্ব হ'ব

$$v_{av} = \frac{s}{t} = \frac{400 \text{ km}}{8 \text{ h}}$$

$$= 50 \text{ km h}^{-1}$$

$$= 50 \frac{\text{km}}{\text{h}} \times \frac{1000 \text{ m}}{1 \text{ km}} \times \frac{1 \text{ h}}{3600 \text{ s}}$$

$$= 13.9 \text{ m s}^{-1}$$

গাড়ীখনৰ গড় দুৰত্ব 50 km h^{-1} বা 13.9 m s^{-1}

উদাহৰণ 8.3 90 m দৈৰ্ঘ্যৰ পুঁথুৰী এটাৰ উৱাই সাঁতোৰে। তাই এটা মূৰৰ পৰা আনটো মূৰলৈ সাঁতুৰি পুনৰ একে পথেৰে উভতি মুঠতে 180 m দূৰত্ব। মিনিটত অতিক্রম কৰিলৈ। উষাৰ গড় দুৰত্ব আৰু গড় বেগ নিৰ্ণয় কৰা।

সমাধান :

উষাই। মিনিটত 180 m দূৰত্ব অতিক্রম কৰে

$$| \text{মিনিটত উষাৰ সৰণ} = 0 \text{ m}$$

$$\therefore \text{গড় দুৰত্ব} = \frac{\text{অতিক্রম কৰা মুঠ দূৰত্ব}}{\text{অতিবাহিত মুঠ সময়}}$$

$$= \frac{180 \text{ m}}{1 \text{ min}} = \frac{180 \text{ m}}{1 \text{ min}} \times \frac{1 \text{ min}}{60 \text{ s}}$$

$$= 3 \text{ m s}^{-1}$$

$$\text{সৰণ}$$

$$\text{গড় বেগ} = \frac{0 \text{ m}}{\text{অতিবাহিত মুঠ সময়}}$$

$$= \frac{0 \text{ m}}{60 \text{ s}} = 0 \text{ m s}^{-1}$$

উষাৰ গড় দুৰত্ব 3 m s^{-1} আৰু তাইৰ গড় বেগ) 0 m s^{-1}

8.3 বেগৰ পৰিবৰ্তনৰ হাৰ (Rate of Change of Velocity)

সৰল ৰেখাৰে সুৰমভাৱে গতিশীল বস্তু এটাৰ বেগ সময়ৰ সাপেক্ষে হিঁৰে থাকে। এই ক্ষেত্ৰত যিকোনো সময়ৰ অন্তৰালত বেগৰ পৰিবৰ্তনৰ হাৰ শূন্য হয়। কিন্তু বিষম গতি, বেগ সময়ৰ সাপেক্ষে পৰিবৰ্তিত হয়। বিভিন্ন মুহূৰ্তত আৰু পথৰ বিভিন্ন বিন্দুত ইয়াৰ মান বিভিন্ন হয়। গতিকে যিকোনো সময়ৰ অন্তৰালত বস্তুটোৰ বেগৰ পৰিবৰ্তন শূন্য নহ'ব। আমি এতিয়া বস্তুৰ বেগৰ পৰিবৰ্তন প্ৰকাশ কৰিব পাৰোনে?

এনে এটা প্রয়োগ উভয় দিবলৈ আমি দ্রবণ (acceleration) নামৰ আন এটা ভৌতিক বাধিব অবস্থাবণা কৰিব সাগিব। দ্রবণ হৈছে বস্তু এটাৰ প্রতি একক সময়ত পৰিবৰ্তন হোৱা বেগৰ জোখ।

$$\text{অর্থাত্ দুরণ} = \frac{\text{বেগৰ পৰিবৰ্তন}}{\text{অতিবাহিত সময়}}$$

যদি। সময়ত ॥ প্রাবল্যিক মানব পরা । অস্তিম মানলৈ
বন্ধ এটাৰ বেগৰ পৰিবৰ্তন ঘটে তেন্তে ভৱণ q হ'ব —

$$a = \frac{v-u}{t} \quad \dots \dots \dots \quad (8.3)$$

এনেভরগণ গতিক স্বৰিত গতি বোলে। বেগৰদিশতে স্বৰ্গ হলে তাক ধনায়ক আৰু বেগৰ দিশৰ বিপৰীতে হলে তাক ঝণায়ক গণ্য কৰা হয়। স্বৰ্গৰ S.I. একক হ'ল $m\ s^{-2}$

যদি বস্তু এটা সবল বেথাবে গতিশীল আর ইয়ার বেগ
 সমান সময়ৰ অনুরালত সমান সমান পৰিমাণে বাঢ়েৱা কৰে,
 তেতিয়া বস্তুটোৰ ঘৰণক সুৰম বুলি কোৱা হয়। ভূক্তভাৱে
 অধোগমন কৰা বস্তু এটাৰ গতি সুৰমভাৱে ঘৰিত গতিৰ এটা
 উদাহৰণ। আনহাতে, বস্তুৰ বেগ বিষম হাৰত পৰিবৰ্ত্তিত হ'লৈ
 তাৰ ঘৰণ বিষম বুলি জানিব লাগিব। উদাহৰণ স্বৰূপে, যদি
 গাড়ী এখনে পোন পথত সমান সমান সময়ৰ অনুরালত
 বেলেগ বেলেগ পৰিমাণে ঘৰ্তিৰ বৃদ্ধি কৰে তেন্তে গাড়ীখনে
 বিষম ঘৰণেৰে গতি কৰিছে বুলি কোৱা হয়।

কার্যকলাপ..... 8.8

ଦୈନିକିନ ଜୀବନତ ତୁମି ବହ ପ୍ରକାଶବ ଗତି ପ୍ରତ୍ୟକ୍ଷ
କରିଛୁ, ଯାତ

- (a) দ্রবণ গতির দিশত।
(b) দ্রবণ গতির বিপরীত দিশত।
(c) দ্রবণ সুষম।
(d) দ্রবণ বিষম।

উদাহরণ ৪.৪ স্থিব অবস্থানৰ পৰা বাছলে 30 ছেকেণ্ডত 6 m s^{-1} বেগ পাৰণ বাবে তাৰ চাইকেলন পেডেল মালিবৈছ।
তাৰ পিছত তাৰ বেগ 4 m s^{-1} লৈ কমাবলৈ পৰবৰ্তী 5
ছেকেণ্ডত সি ব্ৰেক প্ৰয়োগ কৰিলৈ। দুয়ো ক্ষেত্ৰতে
চাইকেলখনৰ ত্ৰুটি নিৰ্ণয় কৰা।

समाधान :

ପ୍ରଥମ କ୍ଷେତ୍ରତ

প্রাবল্যিক বেগ, $u = 0$;

অন্তিম বেগ, $v = 6 \text{ m s}^{-1}$;

সময়, $t = 30 \text{ s}$.

(8.3) সমীকরণৰ পৰা আমি পাওঁ —

$$a = \frac{v - u}{t}$$

৮, ১ আর্ক : ব প্রদত্ত মান ওপরে সমীকৰণত বহুবাই
আমি পাওঁ —

$$a = \frac{(6\text{ m s}^{-1} - 0\text{ m s}^{-1})}{30\text{ s}} \\ = 0.2 \text{ m s}^{-2}$$

ଦ୍ୱିତୀୟ କ୍ଷେତ୍ର :

প্রারম্ভিক বেগ $v = 6 \text{ m s}^{-1}$

অসম বেগ, $v = 4 \text{ m s}^{-1}$:

সময় $t=5$ s.

$$\text{গতিকে, } a = \frac{(4\text{ms}^{-1} - 6\text{ms}^{-1})}{5\text{s}} \\ = -0.4 \text{ m s}^{-2}.$$

চাইকেলখনৰ দ্বিতীয় প্ৰথমক্ষেত্ৰত 0.2 m s^{-2} আৰু দ্বিতীয় ক্ষেত্ৰত -0.4 m s^{-2} হ'ব।

প্ৰশ্নাবলী

- তুমি কেতিয়া বস্তু এটাৰ (i) সুষম ত্বরণ (ii) বিষম ত্বরণ হোৱা বুলি ক'বা?
 - বাহু এখনৰ দ্রুতি $5 \text{ ছেকেগুত } 80 \text{ km h}^{-1}$ ৰ
পৰা 60 km h^{-1} লৈ হুস পালে। বাহুনৰ
ত্বরণ নিৰ্ণয় কৰা।
 - বেলগাজী এখনে টেল এটাৰ পৰা যাত্ৰা আৰু কৰি
সুষম ত্বরণেৰে $10 \text{ মিনিটত তাৰ দ্রুতি } 40 \text{ km h}^{-1}$ লৈ
বৃজি কৰিলে ইয়াৰ ত্বরণ নিৰ্ণয় কৰা।

৪.৪ লেখিকা যোগেন্দ্র গতির বর্ণনা (Graphical Representation of Motion)

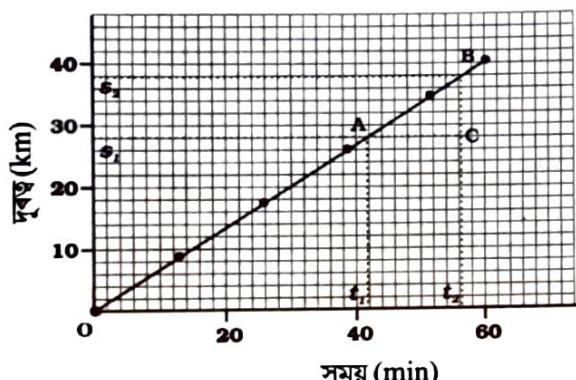
বিভিন্ন ধরণের ঘটনার মূল তথ্যবোর লেখা যোগেন্দ্রি সহজে প্রকাশ করিব পাৰি। উদাহৰণস্বৰূপে, এদিনীয়া ত্ৰিকেট খেল এখনৰ সম্প্ৰচাৰত উলংঘন দণ্ড লেখবোৰে দল এটাৰ প্ৰত্যেক অভাৱৰ বাণৰ হাব বুজায়। গণিতত পাইছ যে সৰল বেথাৰ আকৃতিৰ লেখে দুটা চলকৰ সৰল সমীকৰণ এটা সমাধান কৰাত সহায় কৰে।

বস্তুর গতি বর্ণনা করিবলৈ আমি বেখা লেখ বাবহাব
করিব পাবো। এই ক্ষেত্রত বেখা লেখে এটা ভৌতিক বাশি,
যেনে দূৰছ বা বেগ আন এটা ভৌতিক বাশি, যেনে সময়ৰ
ওপৰত কেনেধৰণে নিৰ্ভৰ কৰে তাক প্ৰদৰ্শন কৰে।

8.4.1 দূরত্ব-সময় লেখ (DISTANCE-TIME GRAPHS)

সময়ৰ সাপেক্ষে বস্তু এটাৰ অবস্থানৰ পৰিবৰ্তন, নিজ পচন্দৰ সুবিধাজনক স্থেলত দূৰত্ব-সময়-লেখ অংকন কৰি প্ৰকাশ কৰিব পাৰি। এই লেখত সময় x -অক্ষত আৰু দূৰত্ব y অক্ষত লোৱা হয়। গতিৰ ভিত্তি অবস্থা যেনে সুষম দ্রুতি, বিষম দ্রুতি, হিতিশীল অবস্থা ইত্যাদিৰ ক্ষেত্ৰত দুৰত্ব সময় লেখ বাৰহাৰ কৰিব পাৰি।

ଆମি ଜାନୋ ଯେ ବସ୍ତୁ ଏଟାଇ ସମାନ ସମୟର
ଅନୁଭାଲତ ସମାନ ସମାନ ଦ୍ରବ୍ୟ ଅତିକ୍ରମ କରିଲେ ତାର ଦ୍ରତ୍ତିକ



চিত্র-৪.৩ : বস্তু এটা সুবম দ্রুতিবে গৈ থকা অবস্থাত দূরত্ব-সময় লক্ষ।

সুষম দ্রুতি বুলি কোৱা হয়। ইয়াৰ মানে এয়ে যে বস্তুটোৱে অতিক্রম কৰা দৰত্ত প্ৰযোজন হোৱা সময়ৰ সমানুপাতিক। গতিকে

সুযম প্রতিবে গতিশীল বস্ত এটাৰ দূৰত্ব-সময় লেখ এডাল
সৱল লেখা হ'ব। ইয়াক 8.3 ট্ৰিন্ট দেখুওৱা হৈছে। লেখডালৰ
OB অংশই দেখুৱায় যে দূৰত্ব সুযম হাৰত বৃক্ষি পাইছে। মন
কৰিবলগীয়া কথাটো হ'ল, যদি সৱলৰ মান y অক্ষইয়ি বস্তুটোৱে
অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব সমান হয় তেন্তে সুযম প্রতিৰ সলনি
ট্ৰিন্ট বাবদৰ কৰিব পাৰিব।

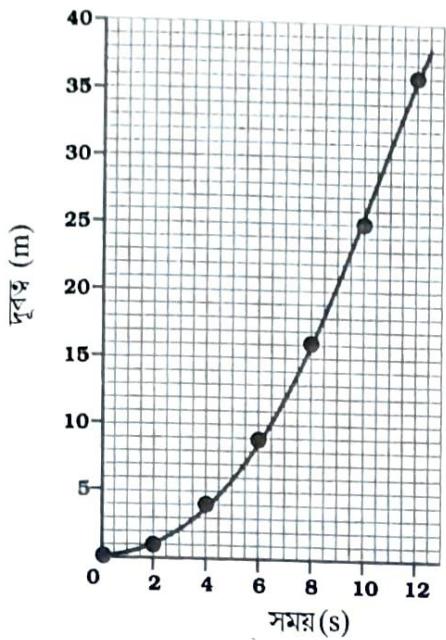
সুয়ম বেগ বাণিজ্যিক ব্যবহার করিব বাবে আমি দূরত্ব-সময় বন্ধু এটাৰ দ্রুতি নিৰ্গত কৰিবৰ বাবে আমি দূরত্ব-সময় লৈখ ব্যবহাৰ কৰিব পাৰো। ইয়াৰ বাবে 8.3 চিৰত দেখুওৱা দূরত্ব-সময় লৈখডালৰ এটা সক অংশ AB লোৱা হওঁক। A বিন্দুৰ পৰা x-অক্ষৰ সমান্তৰালভাৱে এডাল বেখা অংকন কৰা আৰু B বৰ পৰা y-অক্ষৰ সমান্তৰালভাৱে আন এডাল বেখা অংকন কৰা। বেখা দুডালে C বিন্দুত কটাকটি কৰি ABC ত্ৰিভুজ গঠন কৰিছে। এতিয়া লৈখডালৰ AC অংশই সময়ৰ অন্তৰাল $(t_2 - t_1)$ নিৰ্দেশ কৰিব আৰু BC যে দূৰত্ব $(s_2 - s_1)$ সূচাৰ। আমি দেখা পাৰও যে বন্ধুটোৱ Aৰ পৰা B লৈখোৱা স্থানান্তৰত ই $(t_2 - t_1)$ সময়ত $(s_2 - s_1)$ দূৰত্ব অতিক্ৰম কৰে। গতিকে বন্ধুটোৱ দ্রুতি, v হ'ব —

$$v = \frac{s_2 - s_1}{t_2 - t_1} \quad (8.4)$$

আমি দ্বিতীয় গতির বাবেও দৃষ্টি-সময় লেখ অংকন করিব
পাৰো। গাড়ী এখনে 2 s সময়ৰ অন্তৰালত অতিক্ৰম কৰা দৃষ্টি
৪.২ তালিকাত দেখওৱা হৈছে।

**তালিকা-৪.২ : নিয়মিত সময়ের অন্তর্বালত গাড়ী এবনে
অতিক্রম করা দুর্ভু**

সময় (চেকেণ্ড)	দূরত্ব (মিটার)
0	0
2	1
4	4
6	9
8	16
10	25
12	36

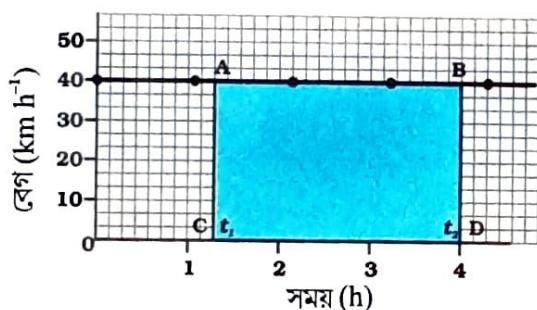


চিত্র 8.4 : বিষম দ্রুতিবে গতিশীল গাড়ী এখনর দূরত্ব-সময় লেখ।

গাড়ীখনর গতির দূরত্ব-সময় লেখ 8.4 চিত্রত দেখুওৱা হৈছে। মন কৰিবলগীয়া যে পূৰ্বৰ সুষম গতিৰ দূৰত্ব সময় লেখৰ সৈতে (চিত্র-8.3) এই লেখৰ আকৃতিগত পাৰ্থক্য আছে। এই লেখৰ প্ৰকৃতিয়ে সময়ৰ সাপেক্ষে গাড়ীখনে অতিক্ৰম কৰা দূৰত্বৰ অবৈধিক পৰিবৰ্তন সূচাইছে। গতিকে 8.4 চিত্রৰ লেখে বিষম দ্রুতিৰ গতি নিৰ্দেশ কৰে।

8.4.2 বেগ-সময় লেখ (VELOCITY-TIME GRAPHS)

সৰল ৰেখাবে গতিশীল বস্তুৰ সময়ৰ সাপেক্ষে বেগৰ পৰিবৰ্তন বেগ-সময় লেখেৰে নিৰ্দেশ কৰিব পাৰিব। এই লেখত সময় x-অক্ষৰে আৰু বেগ y-অক্ষৰে নিৰ্দেশ কৰা হয়।



চিত্র-8.5 : সুষমভাৱে গতিশীল গাড়ী এখনৰ বেগ-সময় লেখ।

যদি বস্তুটো সুষম ৰেগেৰে গতিশীল, তেন্তে সময়ৰ সাপেক্ষে বেগ-সময় লেখৰ উচ্চতাৰ পৰিবৰ্তন নথটো (চিত্র-8.5)। ই x-অক্ষৰ সমান্তৰালকৈ এডাল সৰল ৰেখা হ'ব। $8.5 \text{ চিত্রত } 40 \text{ km h}^{-1}$ সুষম ৰেগেৰে গতিশীল গাড়ী এখনৰ বেগ-সময় লেখ দেখুৱা হৈছে।

আমি জানো যে, সুষম ৰেগেৰে গতিশীল বস্তুৰ বেগ আৰু সময়ৰ পূৰণফলে বস্তুৰ সৰণ নিৰ্দেশ কৰে। সময়-অক্ষৰ আৰু বেগ-সময় লেখে আৰুৰা অংশৰ কালি সৰণৰ মানৰ সমান হ'ব।

8.5 চিত্র ব্যৱহাৰ কৰি t_1 আৰু t_2 সময়ৰ ব্যৱধানত গাড়ীখনে অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব নিৰ্ণয় কৰিবলৈ t_1 আৰু t_2 চিহ্নিত কৰা বিন্দুৰ পৰা লেখডাললৈ লম্ব অংকন কৰা। AC বা BD উচ্চতাই 40 km h^{-1} বেগ আৰু AB দৈৰ্ঘ্যই সময় $(t_2 - t_1)$ নিৰ্দেশ কৰিব। গতিকে, গাড়ীখনে $(t_2 - t_1)$ সময়ত অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব s হ'ব।

$$s = AC \times CD$$

$$= [(40 \text{ km h}^{-1}) \times (t_2 - t_1) \text{ h}]$$

$$= 40(t_2 - t_1) \text{ km}$$

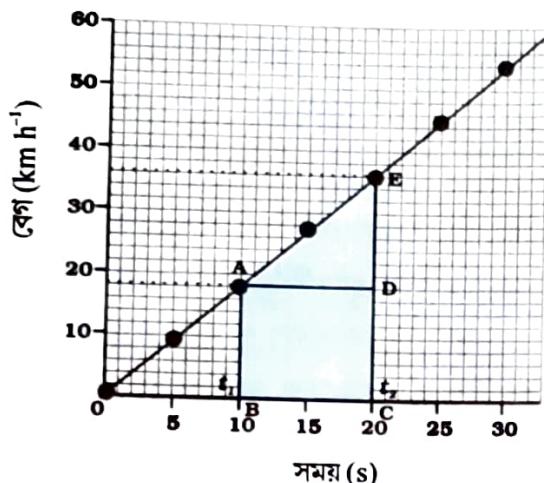
$$= ABDC আয়তক্ষেত্ৰৰ কালি। (8.5 চিত্রৰ ছাঁ দিয়া অংশ)$$

বেগ-সময় লেখ অংকন কৰি আমি সুষমভাৱে ত্ৰুতি গতিৰ বিষয়েও অধ্যয়ন কৰিব পাৰো। ধৰা হওঁক, ইঞ্জিন পৰীক্ষাৰ বাবে গাড়ী এখন পোনৰাস্তা এটাৰে চলাইনিয়া হৈছেআৰু, চালকৰ কাষতে বহি ব্যক্তি এজনে 5 ছেকেণ্ডৰ মূৰে মূৰে স্পীড মিটাৰৰ পাঠ লৈ গাড়ীৰ বেগ লিপিবদ্ধ কৰিবে। 8.3 তালিকাত বিভিন্ন সময়ত গাড়ীখনৰ বেগ km h^{-1} আৰু m s^{-1} এককত দেখুৱা হৈছে।

তালিকা-8.3 : নিয়মিত ক্ষণত গাড়ী এখনৰ বেগ

সময় (s)	গাড়ীখনৰ বেগ (m s^{-1})	গাড়ীখনৰ বেগ (km h^{-1})
0	0	0
5	2.5	9
10	5.0	18
15	7.5	27
20	10.0	36
25	12.5	45
30	15.0	54

এই ক্ষেত্রত, গাড়ীখনের গতির বেগ-সময় লেখ 8.6 চিত্রত দেখুওৱা হৈছে। লেখডালন প্রকৃতিৰ পৰা গম পোৱা যায় যে সমান সময়ৰ অন্তৰালত গাড়ীখনৰ বেগৰ সমান সমান পৰিবৰ্তন হৈছে। গতিকে, সুষমভাৱে ভৱিত সকলো বস্তুৰ ক্ষেত্রত বেগ-সময় লেখৰ কপ হ'ব সৱল বেগ।



চিত্র-8.6 সুষম ত্বরণৰে গতি কৰা গাড়ী এখনৰ বেগ-সময় লেখ

গাড়ীখনে অতিক্ৰম কৰা দূৰত্বও তাৰ বেগ সময় লেখৰ পৰা নিৰ্গ্ৰহ কৰিব পাৰি। বেগ-সময় লেখৰ তলৰ অংশৰ কালিয়ে গাড়ীখনে এক প্ৰদন্ত সময়ত অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব (সৰণৰ মান) সূচায়। যদি গাড়ীখনে সুষম বেগৰে গতি কৰিলেহৈতেন তেন্তে লেখৰ ABCD অংশৰ (চিত্র-8.6) কালিয়ে ই অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব নিৰ্দেশ কৰিলেহৈতেন। যিহেতু এই ক্ষেত্রত ত্বরণৰ বাবে গাড়ীখনৰ বেগ সলনি হৈছে, গতিকে বেগ-সময় লেখৰ তলত ABCDE অংশৰ কালিয়ে গাড়ীখনে অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব, s নিৰ্দেশ কৰিব (চিত্র-8.6)।

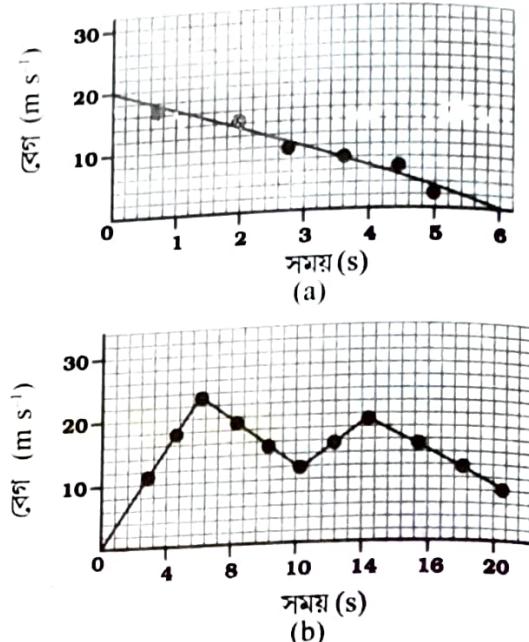
অৰ্থাৎ,

$$s = \text{ABCDE} \text{ বৰকালি}$$

$$= \text{ABCD আয়তক্ষেত্ৰৰ কালি} + \text{ADE ত্ৰিভুজৰ কালি}$$

$$= AB \times BC + \frac{1}{2} (AD \times DE)$$

বিষমভাৱে ভৱিত গতিৰ ক্ষেত্রত বেগ-সময় লেখৰ আকৃতি যিকোনো ধৰণৰ হ'ব পাৰে।



চিত্র-8.7 : বিষমভাৱে ভৱিত বস্তুৰ এটাৰ বেগ-সময় লেখ

8.7 (a) চিত্রত দেখুওৱা বেগ-সময় লেখে সময়ৰ সাপেক্ষে কমি অহা বেগৰ গতি নিৰ্দেশ কৰিছে। আনহাতে, 8.7 (b) চিত্রৰ বেগ-সময় লেখে সময়ৰ সাপেক্ষে অসমভাৱে সলনি হোৱা বেগ নিৰ্দেশ কৰে। এই লেখসমূহৰ তাৎপৰ্য বুজিবলৈ যত্ন কৰা।

কাৰ্যকলাপ.....8.9

- A, B আৰু C তিনিটা ষ্টেচনত ৰেলগাড়ী এখনৰ আগমন আৰু প্ৰস্থানৰ সময় আৰু A ষ্টেচনৰ পৰা B আৰু C ষ্টেচনৰ দূৰত্ব 8.4 তালিকাত দিয়া হৈছে।

তালিকা-8.4 : Aৰ পৰা B আৰু C ষ্টেচনলৈ দূৰত্ব আৰু ৰেলগাড়ীৰ আগমন আৰু প্ৰস্থানৰ সময়।

ষ্টেচন	Aৰ পৰা দূৰত্ব (km)	আগমনৰ সময় (ঘণ্টা)	প্ৰস্থানৰ সময় (ঘণ্টা)
A	0	08:00	08:15
B	120	11:15	11:30
C	180	13:00	13:15

- যিকোনো দুটা ষ্টেচনৰ মাজৰ গতি সুষম বুলি ধৰি নৈ ৰেলগাড়ীখনৰ দূৰত্ব-সময় লেখ অংকন কৰা আৰু তাৰ তাৎপৰ্য বাখ্যা কৰা।

- ফিরোজ আৰু তাৰ ভনীয়েক চানিয়াই চাইকেলেৰে
স্কুললৈ যায়। দুয়ো একে সময়তে ঘৰণ পৰা যাত্বা
আবণ্ণ কৰে। সিইতে একেটা বাটোৰে যায় যদিও
বেলেগ বেলেগ সময়তহে সিইত স্কুল গৈ পায়। ৪.৫
তালিকাত সিইতে বিভিন্ন সময়ত অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব
দেখওৰা হৈছে —

তালিকা-৪.৫ : ফিরোজ আব্দুল চানিয়াই বিভিন্ন সময়সত
চাইকেলেরে অভিযোগ করা দরুত।

সময়	ফিরোজে অতিক্রম করা দূরত্ব (km)	চানিয়াহী অতিক্রম করা দূরত্ব (km)
8:00 পুরা	0	0
8:05 পুরা	1.0	0.8
8:10 পুরা	1.9	1.6
8:15 পুরা	2.8	2.3
8:20 পুরা	3.6	3.0
8:25 পুরা	-	3.6

- একে স্কেলত সিইত্ব গতিৰ দুৰত্ত-সময় লেখ অংকন
কৰা আৰু তাৰ তাৎপৰ্য ব্যাখ্যা কৰা।

প্রশ্নাবলী

১. বন্ধুর সুষম আচরণ গতির ক্ষেত্রে দ্বিতীয় সময় লেখবল প্রকার্তি কোনকোনা হয় ?
 ২. বন্ধু এটোব দ্বিতীয়-সময় লেখ সময় অক্ষব মগান্তুরাল এডাল সরল বেশা। বন্ধুটোর গতির বিষয়ে তুমি কি মনুভূত করিব ?
 ৩. বন্ধু এটোব তৃতীয়-সময় লেখ সময় অক্ষব মগান্তুরাল এডাল সরল বেশা। বন্ধুটোর গতির বিষয়ে তুমি কি মনুভূত করিব ?
 ৪. বেগ-সময় লেখ এখন লেখ তালু অংশটি আরবি ধরা কালিব জাতীয় নির্মাণ করা বাধিটো কি ?

৪.৫ লেখিক পদ্ধতিতে গতির সমীকরণ (Equations of Motion by Graphical Method)

বস্তু এটাই সবল বেখা এডালেনি সুয়ম দ্বরণের গতি কবিলে
কেইটামান সমীকৰণের যোগেদি গতির কালত তাৰ বেগ আৰু
তুৰণৰ সম্ভৱ আৰু এক নিৰ্দিষ্ট সময়ৰ অন্তৰালত সি অতিক্ৰম কৰা
দুৰজ নিৰ্ণয় কৰিব পাৰি। এইবোৰক গতি বিষয়ক সমীকৰণ বুলি
কোৰা হয়। এনে সমীকৰণৰ সংখ্যা তিনি। এই সমীকৰণৰোহ ই'ল :

$$v = u + at \dots \quad (8.5)$$

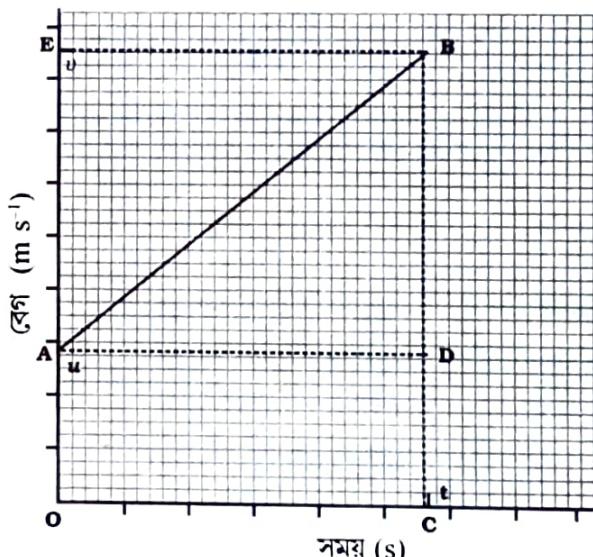
$$s = ut + \frac{1}{2} at^2, \dots \quad (8.6)$$

$$2as = v^2 - u^2 \quad \dots \dots \dots \quad (8.7)$$

ইয়াত বস্তুর প্রাবণ্তিক বেগ ।, ই । সময়ৰ বাবে a সুষম ভৱগেনে
গতি কৰে, v তাৰ অস্তিম বেগ আৰু ই । সময়ত s দূৰত্ব অতিক্ৰম
কৰে। 8.5 সমীয়ে বেগ-সময় সম্পর্ক আৰু 8.6 সমীকৰণে
অবস্থান-সময় সম্পর্ক নিৰ্দেশ কৰে। 8.7 সমীকৰণে অবস্থান আৰু
বেগৰ মাজৰ সম্পর্ক নিৰ্দেশ কৰে আৰু ইয়াক 8.5 আৰু 8.6
সমীকৰণৰ পৰা, আন্তৰাই প্ৰতিপন্ন কৰিব পাৰি। লৈখিক প্ৰণালীৰে
এই তিনিওটা সমীকৰণ প্ৰতিপন্ন কৰিব পাৰি।

8.5.1 বেগ-সময় সম্পর্কের সমীকরণ (EQUATION FOR VELOCITY-TIME RELATION)

8.8 চিত্রত দেখুওৱাৰ দৰে সুষম ভৱণেৰে গতিশীল বস্তুৰ এটাৰ বেগ-সময় লেখ এডাল বিবেচনা কৰা (8.6 ৰ চিৰ সৈতে একেই, কিন্তু এতিয়া \neq 0)। এই লেখডালৰ পৰা দেখা যায় যে বস্তুটোৱ



চিত্র-৪.৮ গতি বিষয়ক সমীকরণ প্রতিপন্থ করার বাবে বেগ-সময় জ্ঞান

$$a = \frac{(v-u)}{t}$$

$$= \frac{20 \text{ m s}^{-1} - 0 \text{ m s}^{-1}}{300 \text{ s}}$$

$$= \frac{1}{15} \text{ m s}^{-2}$$

(ii) 8.7 সমীকরণৰ পৰা আমি পাওঁ
 $2 a s = v^2 - u^2 = v^2 - 0$
গতিকে,

$$s = \frac{v^2}{2a}$$

$$= \frac{(20 \text{ m s}^{-1})^2}{2 \times (1/15) \text{ m s}^{-2}}$$

$$= 3000 \text{ m}$$

$$= 3 \text{ km}$$

বেলগাড়ীখনৰ দ্বণ $\frac{1}{15} \text{ m s}^{-2}$ আৰু অতিক্ৰম
কৰা দূৰত্ব 3 km

উদাহৰণ 8.6 গাড়ী এখন 18 km h^{-1} ৰ পৰা 36 km h^{-1} লৈ 5
ছেকেণ্ঠ সুযমভাৱে স্থৰিত হৈছে। ইয়াৰ (i) দ্বণ আৰু (ii)
সেই সময়ত গাড়ীখনে অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব নিৰ্ণয় কৰা।

সমাধান :

আমাক দিয়া আছে, যে—

$$u = 18 \text{ km h}^{-1} = 5 \text{ m s}^{-1}$$

$$v = 36 \text{ km h}^{-1} = 10 \text{ m s}^{-1}$$

$$a = ?$$

(i) 8.5 সমীকৰণৰ পৰা

$$a = \frac{v-u}{t}$$

$$= \frac{10 \text{ m s}^{-1} - 5 \text{ m s}^{-1}}{5 \text{ s}}$$

$$= 1 \text{ m s}^{-2}$$

(ii) 8.6 সমীকৰণৰ পৰা

$$s = u t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$= 5 \text{ m s}^{-1} \times 5 \text{ s} + \frac{1}{2} \times 1 \text{ m s}^{-2} \times (5 \text{ s})^2$$

$$= 25 \text{ m} + 12.5 \text{ m}$$

$$= 37.5 \text{ m}$$

গাড়ীখনৰ দ্বণ 1 ms^{-2} আৰু অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব 37.5
m।

উদাহৰণ-8.7 গাড়ী এখনত ব্ৰেক প্ৰয়োগৰ ফলত গতিৰ
বিপৰীত দিশত 6 ms^{-2} দ্বণৰ সৃষ্টি হ'ল। যদি ব্ৰেক
প্ৰয়োগৰ পিছত গাড়ীখন ব'লৈ 2 ছেকেণ্ঠ সময় লাগে,
তেন্তে এই সময়ত গাড়ীখনে অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব নিৰ্ণয়
কৰা।

সমাধান :

আমাক দিয়া আছে

$$a = -6 \text{ m s}^{-2}; t = 2 \text{ s} \text{ and } v = 0 \text{ m s}^{-1}.$$

(8.5) সমীকৰণৰ পৰা আমি জানো যে —

$$v = u + at$$

$$0 = u + (-6 \text{ m s}^{-2}) \times 2 \text{ s}$$

$$\text{বা } u = 12 \text{ m s}^{-1}.$$

8.6 সমীকৰণৰ পৰা আমি পাওঁ

$$s = ut + \frac{1}{2} at^2$$

$$= (12 \text{ m s}^{-1}) \times (2 \text{ s}) + \frac{1}{2} (-6 \text{ m s}^{-2}) (2 \text{ s})^2$$

$$= 24 \text{ m} - 12 \text{ m}$$

$$= 12 \text{ m}$$

গতিকে ব্ৰেক প্ৰয়োগৰ পিছত 12 m দূৰত্ব অতিক্ৰম কৰি
গাড়ীখন বৈ যাব। এতিয়া চালকসকলক বাস্তুত গাড়ী
চলাওঁতে দুখন গাড়ীৰ মাজত কিছু দূৰত্ব বজাই ৰাখিবলৈ
সাৰধান কৰি দিয়াৰ যুক্তিভূক্তা মানি ল'বানে?

প্ৰশ্নাবলী

1. এখন বাছ বৈ ধকা অৱস্থাৰ পৰা গতি আবস্থা
কৰি 0.1 m s^{-2} দ্বণেৰে 2 মিনিট সময় গতি
কৰিবলৈ।

(a) গাড়ীখনে লাভ কৰা গতি আৰু

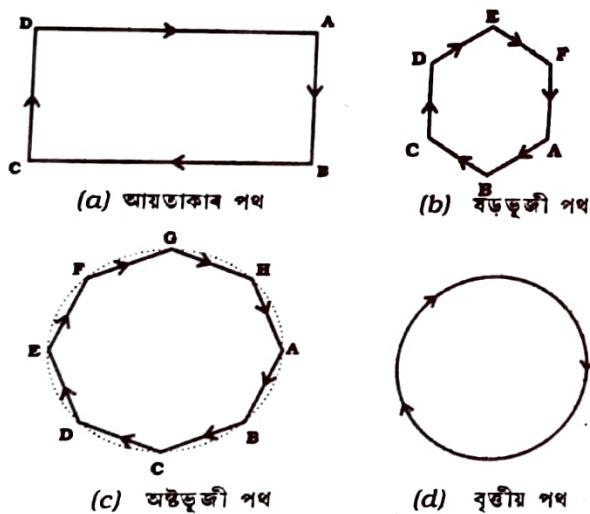
(b) অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব উলিওৱা।

2. বেলগাড়ী এখন 90 km h^{-1} দ্রুতিবে গতিশীল
অৱস্থাত আহে। -0.5 m s^{-2} সুযম দ্বণ সৃষ্টি

- হোৱাকৈ গাড়ীখনত বেক প্রয়োগ কৰা হ'ল।
বেলগাড়ীখন বোৱাৰ আগলৈকে কিমানদৰ
আগবঢ়ি গ'ল ?
3. কেলনীয়া সমতল এখনেমি গতি কৰা টুলী এখনৰ
তৰণ 2 cm s^{-1} । আৰজ্ঞণিৰ পৰা 3 ছেকেওৰ
পিছত ইয়াৰ বেগ কিমান হ'ব ?
 4. বেগৰ প্ৰতিযোগিতাত ভাগ লোৱা গাড়ী এখনৰ
সুষম তৰণৰ মান 4 ms^{-1} । আৰজ্ঞণিৰ পৰা 10
ছেকেওৰ পিছত ই কিমান দূৰত্ব অতিক্ৰম কৰিব ?
 5. শিল এটা 5 m s^{-1} বেগৰে উলঢ়ভাৰে ওপৰৈল
দলিওৱা হৈছে। যদি শিলটোৱ গতিৰ সময়ত
তৰণ তললৈ 10 m s^{-1} হয়, তেন্তে শিলওটিটো
কিমান উচ্চতালৈ উঠিব আৰু সেই উচ্চতালৈ
উঠিবলৈ সি কিমান সময় ল'ব ?

8.6 সুষম বৃত্তীয় গতি (Uniform Circular Motion)

বস্তু এটাৰ বেগৰ পৰিবৰ্তন ঘটিলৈ আমি বস্তুটোৰ তৰণ হোৱা বুলি
কৰ'। বেগৰ মান নাইবা গতিৰ দিশ নাইবা দুয়োটা সলনি হৈ বস্তুৰ
বেগৰ পৰিবৰ্তন ঘটে। তুমি এনে এটা পৰিহিতিৰ বিষয়ে চিন্তা কৰিব
পাৰিবানে য'ত বস্তুৰ বেগৰ মান সলনি নহয়, কেবল গতিৰ দিশহে
সলনি হয় ?



চিত্ৰ 8.9 : বিভিন্ন আকৃতিৰ বক্ষ পথত এজন দৌৰবিদৰ গতি

বক্ষ পথেমি গতিশীল বস্তু এটাৰ গতিৰ বিষয়ে আলোচনা
কৰিবলৈ ওলাইছোঁ। চিত্ৰ 8.9 (a) দৌৰবিদ এজনৰ
আয়তাকাৰ পথ ABCD দেখুৱা হৈছে। ধৰা হ'বক দৌৰবিদজনে
সুষম প্ৰতিৰে পথটোৱ AB, BC, CD আৰু DA পোন
অংশকেইটা অতিক্ৰম কৰিবে। তেওঁ নিজকে পথটোত আৰু
ৰাখিবলৈ চুককেইটাত ক্ষীপ্ততাৰে প্ৰতি সলনি কৰে। এটা পাক
সম্পূৰ্ণ কৰিবলৈ তেওঁ কেইবাৰ গতিৰ দিশ সলনি কৰিব লগা
হ'ল ? ই স্পষ্ট যে এটা আয়তাকাৰ পথেমি এপাক ঘূৰিবলৈ
দৌৰবিদজনে মুঠতে চাৰিবাৰ দিশ সলনি কৰিবলগীয়া হ'ল।

এতিয়া ধৰা হ'বক দৌৰবিদজনে আয়তাকাৰ পথৰ সলনি

8.9 (b) চিত্ৰত দেখুওৱাৰ দৰে ষড়ভূজাকৃতি পথ ABCDEF
বে দৌৰিবে। এই অবস্থাত দৌৰবিদজনে এটা পাক সম্পূৰ্ণ
কৰোতে মুঠতে ছয়বাৰ দিশ সলনি কৰিব লগা হ'ল। যদি পথটো
ষড়ভূজাকৃতি নহৈ 8.9(c) চিত্ৰত দেখুওৱাৰ দৰে আঠটা সমান
সমান বাহু নিয়মিত অষ্টভূজ ABCDEFGH হয় তেন্তে
কি হ'ব ? মন কৰিবলগীয়া যে পথৰ বাহু সংখ্যা বাঢ়ি গ'লে
দৌৰবিদজনে সেই অনুপাতে বাবে বাবে দিশ সলনি কৰিব লগা হয়।
যদি আমি বাহুৰ সংখ্যা অবিবৰ্তভাৱে বড়াই গৈ থাকো তেন্তে
পথটোৱ আকৃতি কেনেকুৱা হ'ব ? তুমি এনে কৰিলে দেখিবা
যে পথটোৱ আকৃতি এটা বৃত্তৰ আকৃতিৰ সদৃশ হ'ব আৰু
প্রতিটো বাহুৰ দৈৰ্ঘ্য এটা বিলুলৈ হ্রাস হ'ব। যদি দৌৰবিদজনে
হিঁৰ মানৰ বেগৰে বৃত্তাকাৰ পথটোৱে গতি কৰে তেন্তে তেওঁৰ
বেগৰ পৰিবৰ্তনৰ একমাত্ৰ কাৰণ হ'ব দিশৰ পৰিবৰ্তন।
সেইবাবে বৃত্তাকাৰ পথেৰে গতি কৰা দৌৰবিদজনৰ গতি ঘূৰিত
গতিৰ এটা উদাহৰণ।

আমি জানো যে r ব্যাসাৰ্ধৰ বৃত্ত এটাৰ পৰিধি $2\pi r$ ।
যদি দৌৰবিদজনে r ব্যাসাৰ্ধৰ বৃত্তাকাৰ পথেৰে এপাক ঘূৰিবলৈ
ছেকেও সময় লয় তেন্তে তেওঁৰ বেগ v হ'ব

$$v = \frac{2\pi r}{t} \quad \dots \dots \dots (8.13)$$

বস্তুৰে বৃত্তাকাৰ পথেৰে সুষম প্ৰতিৰে গতি কৰিলে তাৰ
গতিক সুষম বৃত্তীয় গতি বুলি কোৱা হয়।

- বচি এডালুর এটা মূরত পাথৰৰ সক ট্ৰুবা এটা বাঞ্ছি লোৱা। 8.10 চিত্ৰত দেখুৱাৰ দৰে বচিডালুৰ ইটো মূরত ধৰি পাথৰটো সুষম দ্রুতিৰে বৃত্তাকাৰ পথত ঘূৰোৱা।



চিত্ৰ-8.10 : হিন্দুৰ মানৰ বেগেৰে পাথৰ এটাই বৃত্তীয় পথেৰে
ঘূৰিছে

- এতিয়া, বচিডালু এবি দি পাথৰটো মুৰত কৰি দিয়া।
মুৰত হোৱাৰ পিছত পাথৰটো কোন দিশত যাব ক'ব
পাৰিবানে?
- এই ক্ৰিয়াকলাপটো কেইবাৰাৰো কৰা আৰু পাথৰটো
বৃত্তীয় পথৰবিভিন্ন স্থানত মুৰত হ'বলৈ দি পাথৰটোৰ
গতিৰ দিশ একে আছে নে নাই ঠাৰ কৰা।



তোমালোকে কি শিকিলা

- গতি হৈছে স্থানৰ পৰিবৰ্তন। ইয়াক অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব বা সৰণৰ সহায়েৰে বৰ্ণনা কৰিব পাৰি।
- বস্তুৰ বেগ হিন্দু নে পৰিবৰ্তনশীল তাৰ ওপৰত নিৰ্ভৰ কৰি বস্তুৰ গতি সুষম বা বিষম হ'ব পাৰে।
- প্ৰতি একক সময়ত অতিক্ৰম কৰা দূৰত্বক বস্তুৰ দ্রুতি আৰু প্ৰতি একক সময়ৰ সৰণক তাৰ বেগ বোলে।
- বস্তুৰ ত্ৰুণ হ'ল প্ৰতি একক সময়ৰ বেগৰ পৰিবৰ্তন।
- বস্তুৰ সুষম আৰু বিষম গতি লেখৰ সহায়েৰে প্ৰদৰ্শন কৰিব পাৰি।
- সুষম ত্ৰুণেৰে গতিশীল বস্তু এটাৰ গতি তিনিটা সমীকৰণৰ সহায়েৰে বৰ্ণনা কৰিব পাৰি,
সেয়া হৈছে —

$$v = u + at$$

$$s = ut + \frac{1}{2} at^2$$

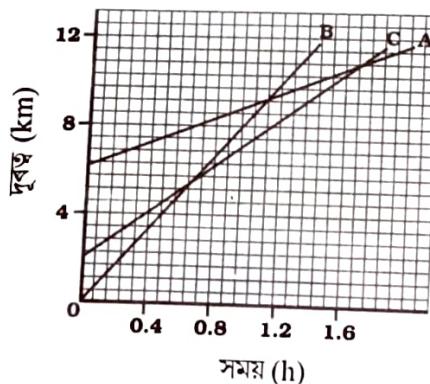
$$2as = v^2 - u^2$$

- য'ত // বস্তুর প্রাবল্যিক বেগ, ই α সুষম দ্রবণেরে, সময়ের বাবে গতি করে, V হ'ল অভিম বেগ,
 s হ'ল / সময়ত ই অতিক্রম করা দূরত্ব।
- বস্তু এটাই সুষম দ্রুতিবে বৃত্তাকাব পথেদি গতি করিলে তাব গতিক সুষম বৃক্ষীয় গতি
 বুলি কোৱা হয়।

অনুশীলনী

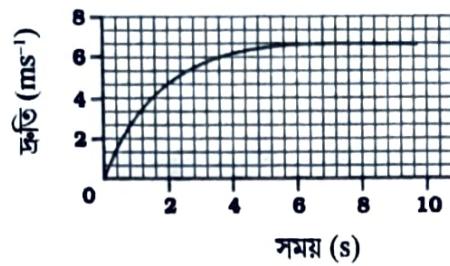


- এজন দৌৰবিদে 200 মিটাৰ ব্যাসৰ বৃত্তাকাব পথ এটাৰে 40 ছেকেণ্ড সময়ত এপাক সম্পূৰ্ণ
 কৰিলে। 2 মিনিট 20 চেকেণ্ডৰ অন্তত তেওঁ অতিক্রম কৰা দূৰত্ব আৰু সৰণ কিমান হ'ব?
- 300 মিটাৰ দৈৰ্ঘ্যৰ পোন পথ এটাৰ এটা মূৰ Aৰ পৰা দৌৰি 2 মিনিট 30 ছেকেণ্ড
 যোচেফ আনটো মূৰ Bত উপনীত হ'ল আৰু তাৰ পৰৱৰ্তী । মিনিটত C বিন্দুলৈ 100m
 উভতি আহিল।
 (a) Aৰ পৰা Bলৈ আৰু (b) Aৰ পৰা Cলৈ যোচেফৰ দৌৰৰ গড় দ্রুতি আৰু বেগ
 নিৰ্ণয় কৰা।
- আব্দুলে স্কুললৈ গাড়ী চলাই যাওঁতে তাৰ গতিৰ গড় দ্রুতি 20 km h^{-1} বুলি গণনা
 কৰিলে আৰু একে পথেৰে উভতি আহোতে ভিব কম হোৱাৰ বাবে তাৰ গড় দ্রুতি 30
 km h^{-1} হ'ল। সম্পূৰ্ণ যাত্রাটোত আব্দুলৰ গড় দ্রুতি কিমান?
- ছন্দ এটাত ইঞ্জিনচালিত নাও এখন হিতিশীল অবস্থাৰ পৰা 3.0 ms^{-2} হিব হাৰত সৰল
 ৰেখা এডালেন্দি 8.0 ছে.ৰ বাবে দ্রুতি হ'ল। এই সময়ত নাওখনে কিমান দূৰ অতিক্রম
 কৰিলে?
- 52 km h^{-1} ত গৈ থকা গাড়ী এখনৰ চালকে ব্ৰেক প্ৰয়োগ কৰিলে আৰু বিপৰীত দিশত
 সুষমভাৱে দ্রুতি হ'ল। গাড়ীখন 5 ছেকেণ্ডত বৈ গ'ল। আন এখন গাড়ীৰ চালকে 3
 km h^{-1} ত গৈ থকা অৱস্থাত লাহে লাহে ব্ৰেক প্ৰয়োগ কৰিলে আৰু 10 ছেকেণ্ডত বৈ
 গ'ল। একেখন লেখ-কাগজত দুয়োখন গাড়ীৰ দ্রুতি বনাম সময় লেখ অংকন কৰা। ব্ৰেক
 প্ৰয়োগৰ পিছত কোনখন গাড়ী অধিক দূৰলৈ গ'ল?
- 8.11 চিত্ৰ A, B আৰু C তিনিটা বস্তুৰ দূৰত্ব-সময় লেখ দেখুৱা হৈছে। লেখকেইটা
 অধ্যয়ন কৰি তলৰ প্ৰশ্নবোৰৰ উত্তৰ দিয়া :



চিত্ৰ 8.11

- (a) তিনিটাৰ ভিতৰত আটাইটকৈ বেগী কোন?
- (b) কেতিয়াবা তিনিওটাই পথৰ কোনো বিন্দুত একেলগ হৈছিলনে?
- (c) A ক B-এ পিছ পেলোৱাৰ মুহূৰ্তত C কিমান দূৰলৈ গৈছিল?
- (d) C-কে পিছ পেলোৱাৰ মুহূৰ্তত B কিমান দূৰলৈ গৈছিল?
7. 20 মি. উচ্চতাৰ পৰা বল এটা লাহৈকে পেলাই দিয়া হ'ল। ইয়াৰ বেগ 10 ms^{-2} সুষম হাবত বাঢ়িলে ই কিমান বেগেৰে ভূমিত পৰিব? কিমান সময়ৰ পিছত ই ভূমিত পৰিব?
8. 8.12 চিত্ৰত গাড়ী এখনৰ দ্রুতি-সময় লেখ দেখুৱা হৈছে।



চিৰ 8.12

- (a) প্ৰথম 4 ছেকেণ্ঠত গাড়ীখন কিমান দূৰলৈ যাব নিৰ্ণয় কৰা। এইথিনি সময়ত গাড়ীখনে অতিক্ৰম কৰা দূৰত্ব বুজোৱা লেখৰ অঞ্চলটোত বং দিয়া।
- (b) লেখৰ কোনটো অংশই গাড়ীখনৰ সুষম গতি নিৰ্দেশ কৰিছে?
9. তলত দিয়া পৰিস্থিতিবোৰ ভিতৰত যিবোৰ সম্ভবপৰ সেইবোৰ উল্লেখ কৰা আৰু
প্ৰত্যোকৰে একেটাকৈ উদাহৰণ দিয়া।
- (a) হিব ত্ৰুণ কিষ্ট শূন্য বেগৰ বস্ত।
- (b) কোনো এক দিশত গতিশীল বস্ত এটাৰ ত্ৰুণ তাৰ গতিৰ লম্ব দিশত।
10. 42250 km ব্যাসাৰ্ধৰ বৃক্ষীয় কক্ষপথেদি কৃত্ৰিম উপগ্ৰহ এটা প্ৰদক্ষিণৰত হৈ আছে।
যদি ই 24 ঘণ্টাত পৃথিবীক এবাৰ প্ৰদক্ষিণ কৰে তেন্তে তাৰ দ্রুতি নিৰ্ণয় কৰা।