

باب 4



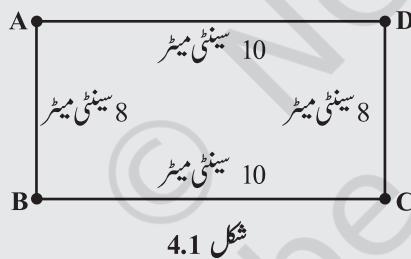
عملی جیو میسٹری

4.1 تعارف

ساتوں بجماعت میں آپ پڑھ کے ہیں کہ مثلث کس طرح بنایا جاتا ہے۔ ایک منفرد مثلث بنانے کے لیے ہمیں تین پیائشوں (اضلاع اور زاویوں) کی ضرورت پڑتی ہے۔

چوں کہ ایک مثلث بنانے کے لیے تین پیائشوں کا ہونا کافی ہے تب یہ سوال پیدا ہوتا ہے کہ ایک منفرد چار اضلاع والی بندشکل (جسے چارضلعی کہتے ہیں) بنانے کے لیے کیا چار پیائشوں کی ضرورت پڑے گی۔

اسے کیجیے

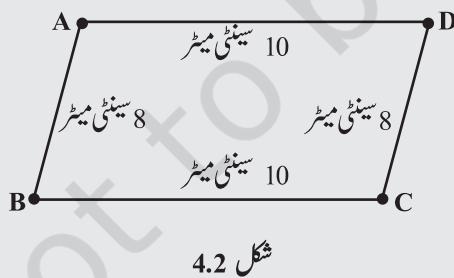


شکل 4.1

ایک سی لمبائی (مثال کے طور پر 10 سینٹی میٹر) والی تیلیوں کا ایک جوڑا لیجیے۔ اب ایک اور ایک سی لمبائی (مثال کے طور پر 8 سینٹی میٹر) والی تیلیوں کا جوڑا لیجیے۔ انھیں آپس میں اس طرح جوڑیے جس سے 10 سینٹی میٹر لمبائی اور 8 سینٹی میٹر چوڑائی والا ایک مستطیل بن جائے۔

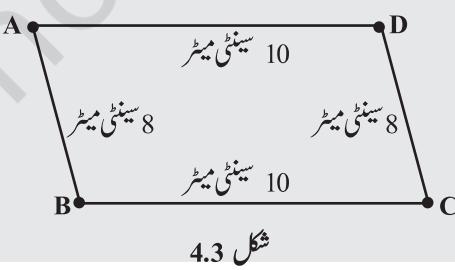
اس مستطیل کو 4 پیائشوں کے استعمال سے بنایا گیا ہے۔

اب مستطیل کی چوڑائی پر دباؤ ڈالیے۔ کیا اس سے بننی شکل بھی ایک مستطیل ہے (شکل 4.2)؟ غور کیجیے کہ مستطیل اب ایک متوازی الاضلاع بن گیا ہے۔ کیا آپ نے تیلیوں کی لمبائی کو بدلا ہے؟ نہیں! اضلاع کی پیائش ویسی ہی رہتی ہے۔



شکل 4.2

نئی حاصل شدہ شکل پر مختلف سمتیوں میں دوبارہ دباؤ ڈالیے۔ آپ کو کیا حاصل ہوتا ہے؟ آپ کو پھر دوبارہ ایک متوازی الاضلاع حاصل ہوتا ہے جو بالکل الگ ہے (شکل 4.3)، جب کہ چاروں پیائشیں وہی رہتی ہیں۔



شکل 4.3

4.2.1 جب چاروں اضلاع اور ایک وتر کی لمبائی دی گئی ہو

ہم اس تشکیل کو ایک مثال کی مدد سے سمجھنے کی کوشش کرتے ہیں۔

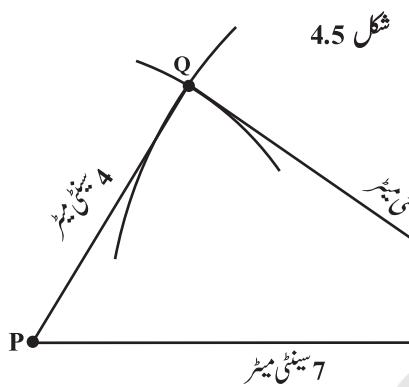
مثال 1: ایک چارضلعی P Q R S بنائیے جس میں

$$4 \text{ سینٹی میٹر} = PQ, 6 \text{ سینٹی میٹر} = QR, 5 \text{ سینٹی میٹر} = RS \\ 5.5 \text{ سینٹی میٹر اور } PR = 7 \text{ سینٹی میٹر ہیں۔}$$

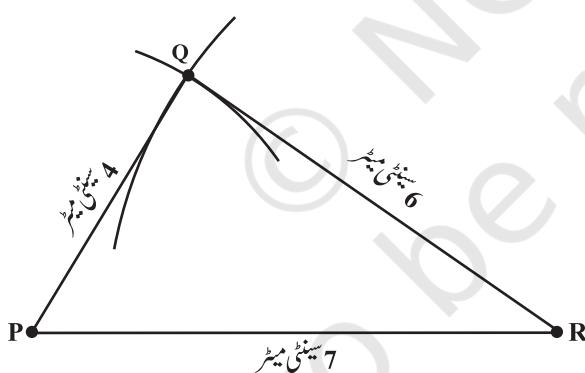
حل : [ایک رف خاکے کی مدد سے چارضلعی کو سمجھ سکتے ہیں۔ ہم پہلے رف

شکل بناتے ہیں اور پیاسنوس کی نشان دہی کرتے ہیں۔] (شکل 4.5)

قدم 1 رف شکل سے بڑی آسانی سے دیکھا جا سکتا ہے کہ
SSS تشکیل شرط سے ΔPQR کی تشکیل کی جاسکتی ہے۔
بنائیے ΔPQR (شکل 4.6)۔



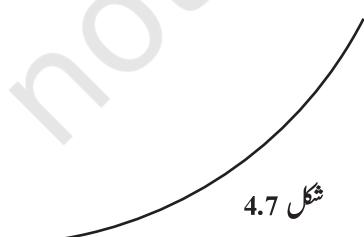
شکل 4.5



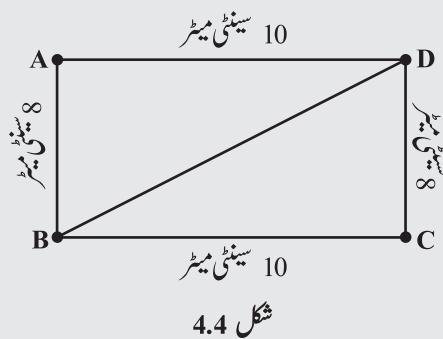
شکل 4.6

قدم 2 اب ہمیں چوتھے نقطے S کا پتہ لگانا ہے۔ یہ نقطہ 'S'،
کی مناسبت سے نقطہ Q کی مخالف سمت میں ہوگا۔ اس کے
لیے ہمارے پاس دو یہاں ہیں۔

نقطے P سے نقطے S 5.5 سینٹی میٹر کے فاصلہ پر واقع ہے۔
اس لیے P کو مرکز مان کر 5.5 سینٹی میٹر نصف قطر لے کر
ایک قوس چھپے (نقطہ S اس قوس پر ہی کہیں واقع ہے!)
(شکل 4.7)۔



شکل 4.7



اس سے معلوم ہوتا ہے کہ ایک چارضلعی کی چار پیمائشوں سے ایک منفرد (یہاں) چارضلعی حاصل نہیں ہوتا۔ کیا پانچ پیمائشوں سے ایک منفرد چارضلعی حاصل ہو سکتا ہے؟ آئیے اب اس مشغله کی جانب دوبارہ واپس آتے ہیں!

آپ 10 سینٹی میٹر اور 8 سینٹی میٹر لمبائی والی دو دو تیلیوں کی مدد سے ایک مستطیل بنائے ہیں۔ اب BD کے برابر لمبائی والی ایک اور تیلی کو BD کے ساتھ باندھیے (شکل 4.4)۔ اگر آپ چوڑائی کی سمت میں دباؤ ڈالتے ہیں تو کیا شکل میں تبدیلی آتی ہے؟ نہیں! شکل کو کھولے بغیر تبدیلی ممکن نہیں ہے۔ پانچوں تیلی کی موجودگی نے مستطیل کو منفرد طور پر مضبوط کر دیا ہے۔ یعنی کوئی دوسرا چارضلعی (دی گئی اضلاع کی لمبائی کے برابر) اب ممکن نہیں ہے۔

اس طرح ہم نے غور کیا کہ پانچ پیمائشوں سے ہمیں ایک منفرد چارضلعی حاصل ہوتا ہے۔ لیکن کیا ایک منفرد چارضلعی کی تشکیل کے لیے کوئی بھی پانچ پیمائش (اضلاع اور زاویہ کی) کافی ہیں؟

سوچیے، بحث کیجیے اور لکھیے

ارشد کے پاس چارضلعی $ABCD$ کی پانچ پیمائشیں ہیں۔ وہ یہ ہیں
 $5 \text{ سینٹی میٹر}, AC = 4 \text{ سینٹی میٹر}, BD = 5 \text{ سینٹی میٹر}, \angle A = 50^\circ$ اور $AD = 6 \text{ سینٹی میٹر}$ ۔
 کیا ان سے ایک منفرد چارضلعی بنایا جاسکتا ہے؟ اپنے جواب کی وجہ بتائیے۔



4.2 ایک چارضلعی کی تشکیل (Constructing a Quadrilateral)

اب ہم سیکھیں گے کہ دی گئی مندرجہ ذیل پیمائشوں سے ایک منفرد چارضلعی کی تشکیل کیسے کی جاتی ہے:

- جب چاروں اضلاع اور ایک وتر کی لمبائی دی گئی ہو۔
- جب دو وتر اور تین اضلاع دیے گئے ہوں۔
- جب دو متصل اضلاع اور تین زاویے دیے گئے ہوں۔
- جب تین اضلاع اور ان کے درمیان دو زاویے دیے گئے ہوں۔
- جب دوسری مخصوص خصوصیات معلوم ہوں۔

آئیے ان تشکیلات پر ایک ایک کر کے غور کرتے ہیں۔

(iii) کیا آپ ایک معین Z E A L بناسکتے ہیں جہاں $ZE = 3.5$ سینٹی میٹر اور وتر $EL = 5$ سینٹی میٹر ہوں۔

(iv) ایک طالب علم نے ایک چارضلعی P L A Y بنانے کی کوشش کی، جس میں $PL = 3$ سینٹی میٹر، $A = 4$ سینٹی میٹر، $AY = 4.5$ سینٹی میٹر، $PY = 2$ سینٹی میٹر اور $LY = 6$ سینٹی میٹر ہے لیکن وہ اسے بنانیں سکا۔ اس کی وجہ کیا ہے؟
(اشارہ: ایک رف خاکے کی مدد سے اس پر بحث کیجیے)



چارضلعی JUMP جس میں

$3.5 = JU$ سینٹی میٹر

$4 = UM$ سینٹی میٹر

$5 = MP$ سینٹی میٹر

$4.5 = PJ$ سینٹی میٹر

$6.5 = PU$ سینٹی میٹر ہے۔

معین BEST جس میں

$4.5 = BE$ سینٹی میٹر

$6 = ET$ سینٹی میٹر ہے۔

مشق 4.1

1. مندرجہ ذیل چارضلعی کی تشکیل کیجیے:

چارضلعی ABCD جس میں

$4.5 = AB$ سینٹی میٹر

$5.5 = BC$ سینٹی میٹر

$4 = CD$ سینٹی میٹر

$6 = AD$ سینٹی میٹر

$7 = AC$ سینٹی میٹر ہے۔

متوازی الاضلاع MORE جس میں

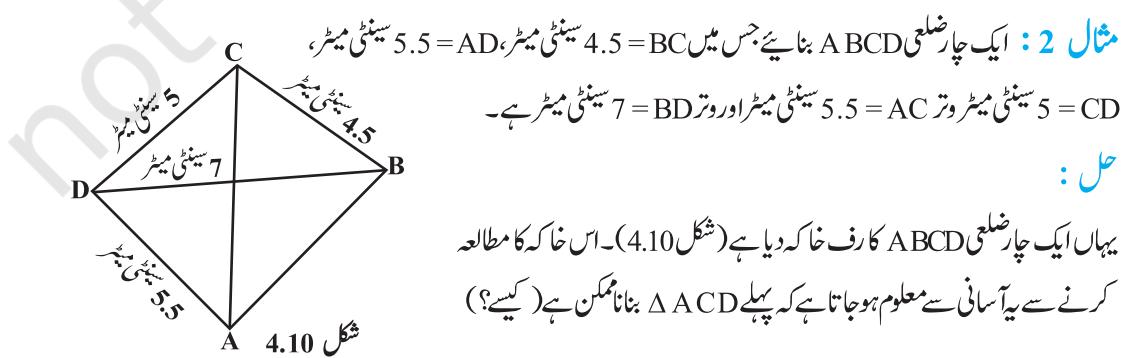
$6 = OR$ سینٹی میٹر

$4.5 = RE$ سینٹی میٹر

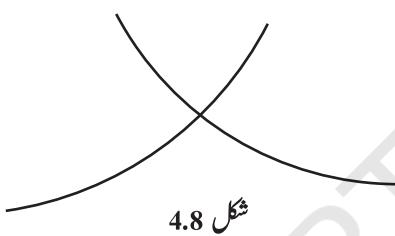
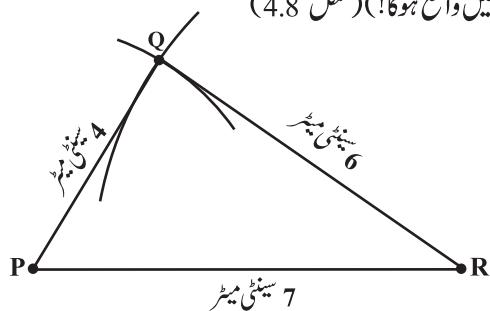
$7.5 = EO$ سینٹی میٹر ہے۔

4.2.2 جب دو وتر اور تین اضلاع دیے گئے ہوں

جب چار اضلاع اور ایک وتر دیے گئے تھے تو پہلے ہم نے دی گئی پیاکشوں سے ایک مثلث بنایا تھا اور پھر چوتھے نقطے کو تلاش کرنے کی کوشش کی تھی۔ اسی طریقے کو ہم نے یہاں بھی استعمال کیا ہے۔



قدم 3 R سے 5 سینٹی میٹر کے فاصلہ پر S ہے۔ اس لیے R کو مرکز مان کر اور 5 سینٹی میٹر نصف قطر لے کر ایک قوس کھینچیں (نقطہ S اس قوس پر کہیں واقع ہوگا!) (شکل 4.8)



قدم 4 نقطہ S کھینچیں گے دونوں قوسوں پر واقع ہونا چاہیے۔ کیوں کہ یہ ان دونوں قوسوں کا نقطہ تقاطع ہے۔ اس کی نشان دہی نقطہ S کے طور پر کیجیے اور S P Q R کو مکمل کیجیے۔ PQRS مطلوبہ چارضلعی ہے (شکل 4.9)۔

شکل 4.9

سوچیے، بحث کیجیے اور لکھیے

(i) ہم نے دیکھا کہ ایک چارضلعی کی پانچ پیمائشوں سے ایک منفرد چارضلعی کی تکمیل کی جاسکتی ہے۔ کیا آپ سوچتے ہیں کہ چارضلعی کی کوئی پانچ پیمائش ایسی تکمیل کر سکتی ہیں؟

(ii) کیا آپ ایک متوازی الاضلاع BAT S بناتے ہیں جس میں $BA = 5$ سینٹی میٹر، $AT = 6$ سینٹی میٹر اور $AS = 6.5$ سینٹی میٹر ہوں؟ کیوں؟





سوچیے، بحث کیجیے اور لکھیے

1. مذکورہ بالامثال میں، کیا ہم ΔABD کو پہلے بنائے کر چار ضلعی بناسکتے ہیں اور پھر چوتھا نقطہ C معلوم کر سکتے ہیں؟
2. کیا آپ ایک چار ضلعی $PQRS$ بناسکتے ہیں جس میں $PQ = 3$ سینٹی میٹر، $RS = 3$ سینٹی میٹر، $PS = 7.5$ سینٹی میٹر، $SQ = 8$ سینٹی میٹر اور $PR = 9$ سینٹی میٹر ہو؟ اپنے جواب کا جواز پیش کیجیے۔

مشق 4.2

1. مندرجہ ذیل چار ضلعی بنائیے۔

(i) چار ضلعی LIFT جس میں

$$4 \text{ سینٹی میٹر} = LI$$

$$3 \text{ سینٹی میٹر} = IF$$

$$2.5 \text{ سینٹی میٹر} = TL$$

$$4.5 \text{ سینٹی میٹر} = LF$$

$$4 \text{ سینٹی میٹر} = IT$$

(iii) معین BEND جس میں

$$5.6 \text{ سینٹی میٹر} = BN$$

$$6.5 \text{ سینٹی میٹر} = DE$$

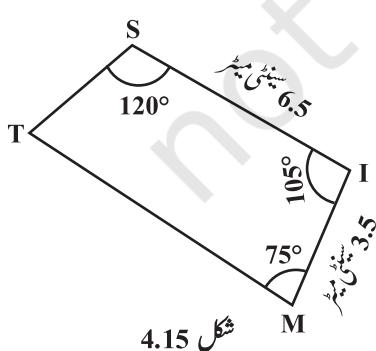
4.2.3 جب دو متصل اضلاع اور تین زاویہ دیے گئے ہوں

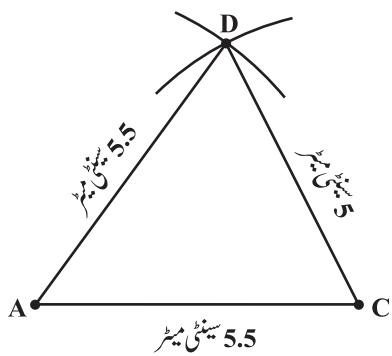
پہلے کی طرح ہم مثلث کی تشکیل سے شروع کرتے ہیں اور چار ضلعی مکمل کرنے کے لیے چوتھا نقطہ تلاش کرتے ہیں۔

مثال 3 : ایک چار ضلعی MIST بنائیے جہاں $MI = 3.5$ سینٹی میٹر، $IS = 6.5$ سینٹی میٹر، $\angle M = 75^\circ$ ، $\angle I = 105^\circ$ اور $\angle S = 120^\circ$ ہے۔

حل :

یہاں ایک رف خاکہ ہے جو ہمارے عمل کے اقدامات طے کرنے میں ہماری مدد کرے گا۔ ہم مختلف اقدامات کے صرف اشارے دے رہے ہیں (شکل 4.15)

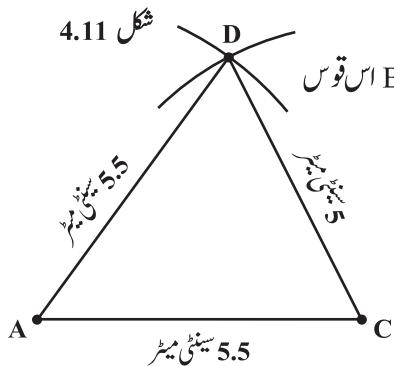




قدم 1 SSS شرط کے استعمال سے مثلث ACD بنائیے
(شکل 4.11)۔

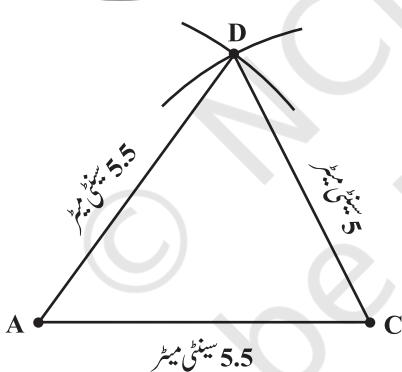
(اب ہمیں C سے 4.5 سینٹی میٹر فاصلہ پر اور D سے 7 سینٹی میٹر فاصلہ پر B معلوم کرنے کی ضرورت ہے)۔

شکل 4.11



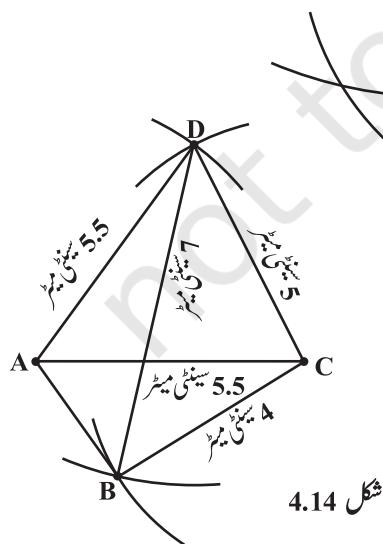
قدم 2 D کو مرکز مان کر 7 سینٹی میٹر نصف قطر کا ایک قوس کھینچے (اس قوس پر کہیں واقع ہے) (شکل 4.12)۔

شکل 4.12



قدم 3 C کو مرکز مان کر 4.5 سینٹی میٹر نصف قطر کا ایک قوس کھینچے۔
(اس قوس پر کہیں واقع ہے)
(شکل 4.13)

شکل 4.13



شکل 4.14

قدم 4 کیوں کہ B دنوں قوسوں پر واقع ہے، اس لیے B ان دنوں قوسوں کا نقطہ تقاطع ہے۔ B پر نشان لگائیے اور ABCD کو مکمل کیجیے۔ مطلوبہ ABCD چارضلعی ہے (شکل 4.14)۔



سوچیے، بحث کیجیے اور لکھیے

1. اگر M پر 75° کے بجائے 100° کا زاویہ دیا ہو تو کیا آپ مذکورہ بالا چارضلعی MIST بناسکتے ہیں؟
2. کیا آپ چارضلعی PLAN بناسکتے ہیں اگر $PL = 6$ سینٹی میٹر، $LA = 9.5$ سینٹی میٹر، $P = 75^\circ$ ، $L = 150^\circ$ اور $A = 140^\circ$ \angle ہو؟ (اشارہ: زاویہ کی جمی خصوصیت یاد کیجیے)۔
3. ایک متوازی الاضلاع میں متصل اضلاع کی لمبائیاں معلوم ہیں۔ کیا ہمیں چارضلعی بنانے کے لیے اب بھی زاویوں کی پیمائش کی ضرورت پڑے گی جیسا کہ اوپر مثال میں ہے؟



مشق 4.3

1. مندرجہ ذیل چارضلعی بنائیے۔

(ii) چارضلعی PLAN جس میں

$$4 = PL \text{ سینٹی میٹر}$$

$$6.5 = LA \text{ سینٹی میٹر}$$

$$\angle P = 90^\circ$$

$$\angle A = 110^\circ$$

$$\angle N = 85^\circ \text{ ہے۔}$$

(iv) مستطیل OKAY جس میں

$$7 = OK \text{ سینٹی میٹر}$$

$$5 = KA \text{ سینٹی میٹر ہے۔}$$

(i) چارضلعی MORE جس میں

$$6 = MO \text{ سینٹی میٹر}$$

$$4.5 = OR \text{ سینٹی میٹر}$$

$$\angle M = 60^\circ$$

$$\angle O = 105^\circ$$

$$\angle R = 105^\circ \text{ ہے۔}$$

(iii) متوازی الاضلاع HEAR جس میں

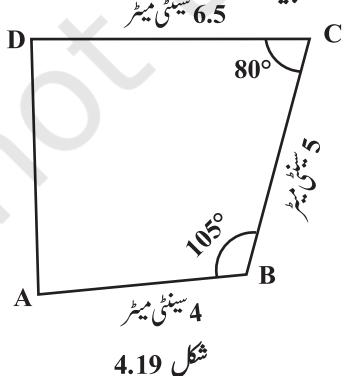
$$5 = HE \text{ سینٹی میٹر}$$

$$6 = EA \text{ سینٹی میٹر}$$

$$\angle R = 85^\circ \text{ ہے۔}$$

4.2.4 جب تین اضلاع اور ان کے درمیان کے دو زاویے دیے گئے ہوں

اس طرح کی تشکیل کے وقت جب آپ رف خاکہ بنائیں تو درمیانی زاویوں کو احتیاط سے نوٹ کیجیے۔



مثال 4: ایک چارضلعی ABCD بنائیے، جہاں

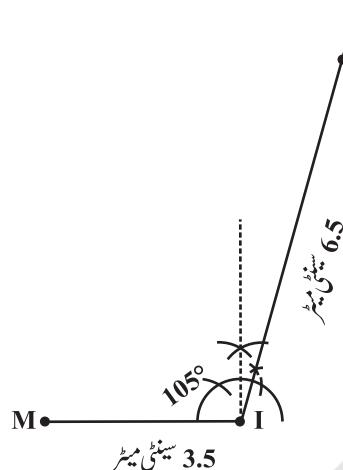
$$4 = AB \text{ سینٹی میٹر}, 5 = BC \text{ سینٹی میٹر}, 6.5 = CD \text{ سینٹی میٹر},$$

$$\angle B = 105^\circ \text{ اور } \angle C = 80^\circ \text{ ہے۔}$$

حل : ہمیشہ کی طرح اس بار بھی ہم ایک رف خاکہ بنائیں گے یہ جانے کے لیے کہ ہم کس طرح سے شروعات کریں اور تب ہی ہم چاروں نقطوں کو تلاش کرنے کا منصوبہ تیار کر سکتے ہیں (شکل 4.19)۔

قدم 1 آپ نقطوں کی تلاش کس طرح کریں گے؟ قاعدے کے لیے آپ کس پیمائش کو منتخب کریں گے اور آپ کا

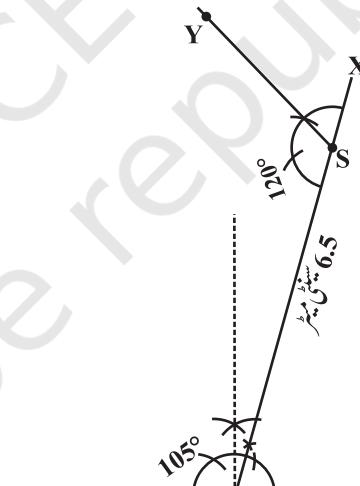
پہلا قدم کیا ہوگا؟ (شکل 4.16)



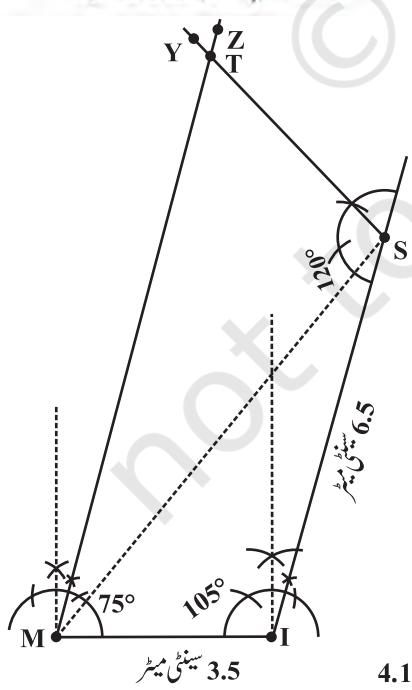
شکل 4.16



قدم 2 نقطہ S پر $\angle ISY = 120^\circ$ بنائیے (شکل 4.17)۔



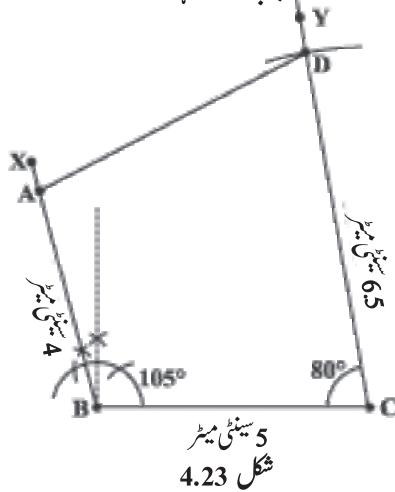
شکل 4.17



شکل 4.18

قدم 3 M پر $\angle IMZ = 75^\circ$ اور M کہاں پر ملیں گے؟ اس نقطے کی T سے نشانہ ہی کیجیے۔ ہمیں مطلوبہ چارضلعی MIST حاصل ہوتا ہے۔ (شکل 4.18)

قدم 4 چارضلعی ABCD کو مکمل کیجیے۔ A B C D مطلوبہ چارضلعی ہے (شکل 4.23)۔



سوچیے، بحث کیجیے اور لکھیے



1. مذکورہ بالامثال میں ہم نے پہلے BC بنایا۔ اس کے علاوہ اور کون سے شروعاتی نقطے ہو سکتے ہیں؟
 2. ابھی تک ہم نے چارضلعی کی تشکیل میں 5 پیاسیں استعمال کی ہیں۔ کیا ایک چارضلعی بنانے میں پانچ پیاسیں کے الگ الگ گروپ (اب تک جو استعمال ہوئے ہیں ان سے مختلف) ہو سکتے ہیں؟
اس سوال کا جواب دینے میں مندرجہ ذیل مسئلے آپ کی مدد کر سکتے ہیں۔
- (i) چارضلعی ABCD جس میں $AB = 5 \text{ سینٹی میٹر}$, $BC = 4 \text{ سینٹی میٹر}$, $CD = 6 \text{ سینٹی میٹر}$ اور
 $\angle B = 80^\circ$ ہے۔
- (ii) چارضلعی PQRS جس میں $PQ = 4.5 \text{ سینٹی میٹر}$, $\angle P = 70^\circ$, $\angle Q = 100^\circ$, $\angle R = 80^\circ$, $\angle S = 110^\circ$ اور
آپ خود کچھ اور مثالوں کی تشکیل کیجیے اور ایک چارضلعی کی تشکیل کے لیے اعداد و شمار کی زیادتی یا کم معلوم کیجیے۔

مشق 4.4

مندرجہ ذیل چارضلعی کی تشکیل کیجیے۔

(i) چارضلعی DEAR جس میں

$DE = 4 \text{ سینٹی میٹر}$

$EA = 5 \text{ سینٹی میٹر}$

$AR = 4.5 \text{ سینٹی میٹر}$

$\angle E = 60^\circ$

$\angle A = 90^\circ$



(ii) چارضلعی TRUE جس میں

$TR = 3.5 \text{ سینٹی میٹر}$

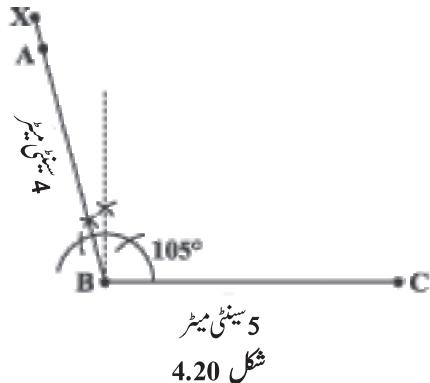
$RU = 3 \text{ سینٹی میٹر}$

$UE = 4 \text{ سینٹی میٹر}$

$\angle R = 75^\circ$

$\angle U = 120^\circ$

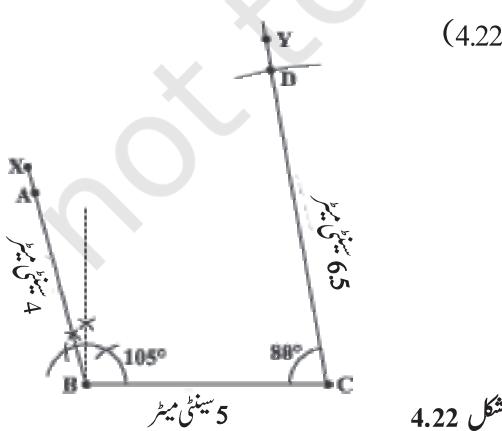
قدم 1 BC پر 5 سینٹی میٹر دوری لے کر شروعات کیجیے۔ X کے ہمراہ 105° کا زاویہ بنائیے۔ اس سے 4 سینٹی میٹر کے فاصلہ پر A کو تلاش کیجیے۔ اب ہمارے پاس CB اور A ہیں (شکل 4.20)۔



قدم 2 چوتھا نقطہ D Y, D پر ہے، جو کہ BC پر 80° کے زاویہ پر جھکا ہوا ہے، اس لیے C کے نقطے پر 80° بنائیے۔ (شکل 4.21)



قدم 3 نقطہ CY، D پر 6.5 سینٹی میٹر کے فاصلہ پر ہے۔ C کو مرکز مان کر، 6.5 سینٹی میٹر لمبا کیا کر کر یہ C کو D پر کاٹتا ہے۔ (شکل 4.22)



مشق 4.5

مندرجہ ذیل کی تشكیل کیجیے۔



1. ایک مرربع READ جس میں $RE = 5.1$ سینٹی میٹر ہے۔
2. ایک معین جس کے وتروں کی لمبائی باتریب 5.2 سینٹی میٹر اور 6.4 سینٹی میٹر ہے۔
3. ایک مستطیل جس کے متصل اضلاع کی لمبائیاں 5 سینٹی میٹر اور 4 سینٹی میٹر ہیں۔
4. ایک متوازی الاضلاع OKAY جس میں $OK = KA = 4.2$ سینٹی میٹر ہیں۔ کیا یہ لکتا ہے؟

ہم نے کیا سیکھا؟

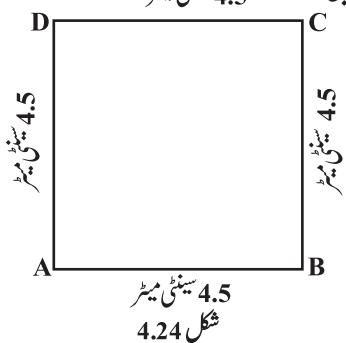
1. پانچ پیاراؤں سے، ایک منفرد چار ضلعی کی تشكیل ہو سکتی ہے۔
2. ایک منفرد چار ضلعی کی تشكیل ہو سکتی ہے اگر اس کے 4 اضلاع اور ایک وتر کی لمبائیاں دی گئی ہوں۔
3. ایک چار ضلعی کی تشكیل ہو سکتی ہے اگر اس کے دو وتر اور تین اضلاع معلوم ہوں۔
4. ایک منفرد چار ضلعی کی تشكیل کی جاسکتی ہے اگر اس کے دو متصل اضلاع اور تین زاویوں کی پیمائش معلوم ہو۔
5. ایک منفرد چار ضلعی کی تشكیل کی جاسکتی ہے اگر اس کے تین اضلاع اور دو درمیانی زاویہ معلوم ہوں۔



4.3 کچھ مخصوص حالتیں (Some Special Cases)

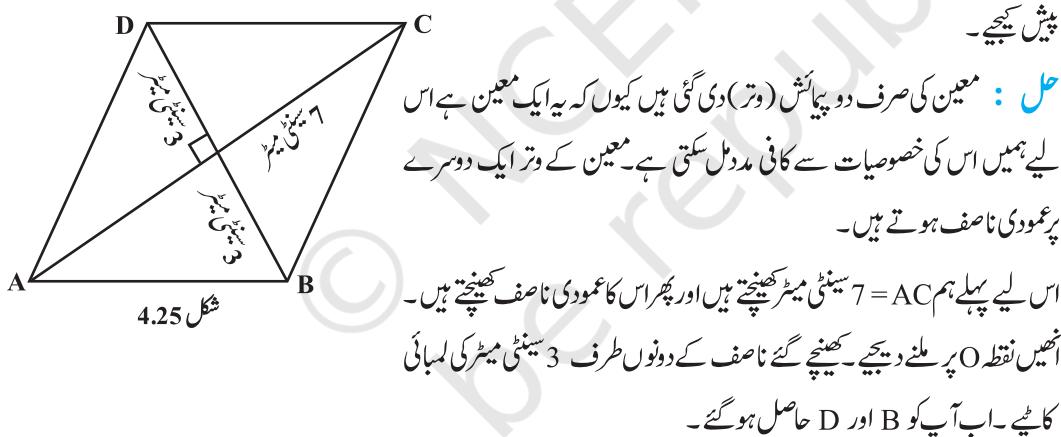
چار ضلعی کی تشکیل میں ہم نے ابھی تک 5 پیمائشوں کا استعمال کیا۔ کیا کوئی ایسا بھی چار ضلعی ہو سکتا ہے جس کی تشکیل موجودہ پیمائشوں سے کم میں بھی کی جاسکتی ہے؟ ہم ایسی کچھ حالتوں کی جائج مندرجہ ذیل مثال سے کرتے ہیں۔

4.5 سینٹی میٹر



اس کی وجہ سے ہم $\triangle ABC$ کو SAS شرط کا استعمال کر کے بنانے کے قابل ہو جاتے ہیں۔ تب D کو آسانی سے تلاش کیا جاسکتا ہے۔ اب آپ دی ہوئی پیمائش کے مطابق مرربع بنانے کی کوشش کیجیے۔

مثال 6: کیا ایک معین ABCD کی تشکیل ممکن ہے جس میں $AC = 6$ سینٹی میٹر، $BD = 7$ سینٹی میٹر؟ اپنے جواب کا جواز پیش کیجیے۔



حل : معین کی صرف دو پیمائش (وتر) دی گئی ہیں کیوں کہ یہ ایک معین ہے اس لیے ہمیں اس کی خصوصیات سے کافی مدد سکتے ہیں۔ معین کے وتر ایک دوسرے پر عمودی ناصف ہوتے ہیں۔

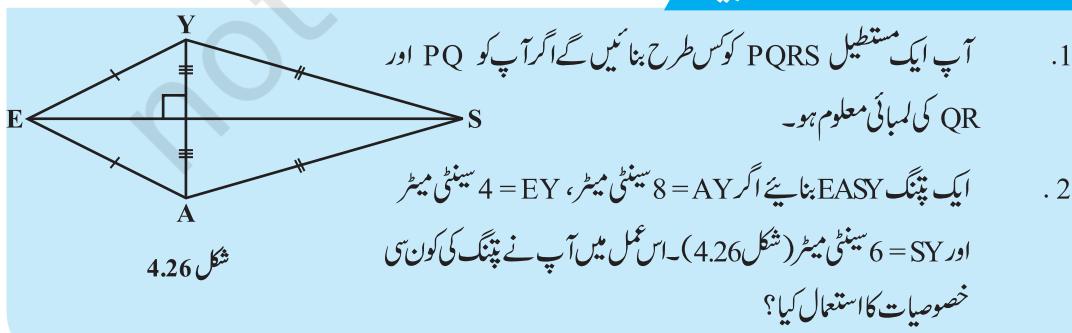
اس لیے پہلے ہم $AC = 7$ سینٹی میٹر کھینچتے ہیں اور پھر اس کا عمودی ناصف کھینچتے ہیں۔ انھیں نقطہ O پر ملنے والے کھینچنے والے طرف کے دونوں طرف 3 سینٹی میٹر کی لمبائی کا ہے۔ اب آپ کو B کو D حاصل ہو گئے۔

اوپر دیے گئے طریقے کی بنابری میں کوئی کمک نہیں۔ (شکل 4.25)۔

کوشش کیجیے

1. آپ ایک مستطیل PQRS کو کس طرح بنائیں گے اگر آپ کو PQ اور QR کی لمبائی معلوم ہو۔

2. ایک پنگ EASY بنائیے اگر $AY = 8$ سینٹی میٹر، $EY = 4$ سینٹی میٹر اور $SY = 6$ سینٹی میٹر (شکل 4.26)۔ اس عمل میں آپ نے پنگ کی کون سی خصوصیات کا استعمال کیا؟



نوت

not to be republished © NCERT